

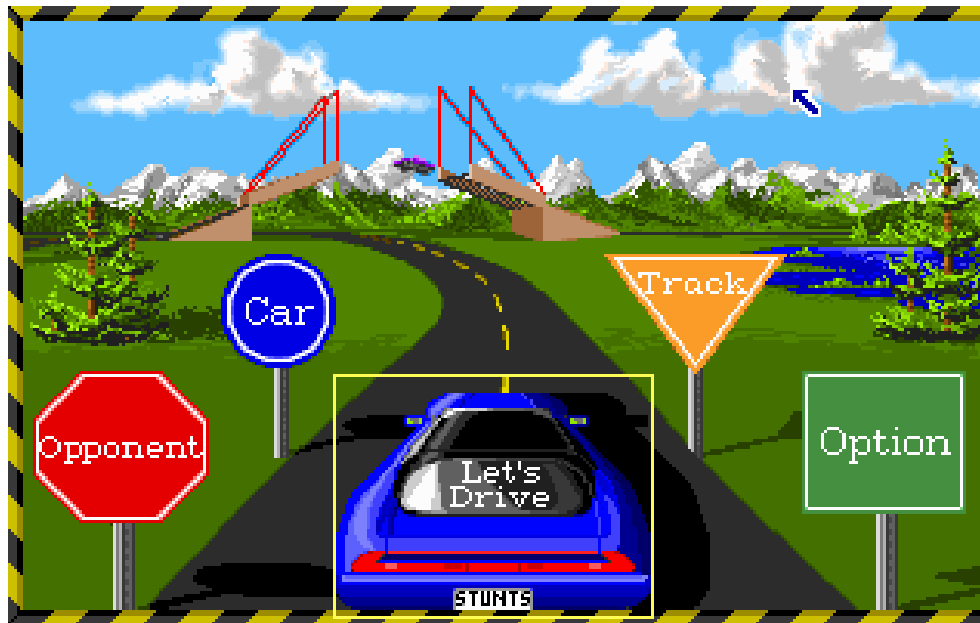
Modellezési alapismeretek

Rendszermodellezés

**Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem
Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék**



“Motiváció”



- Stunts autóverseny, 1990.
 - Distinctive Games/Brøderbund Software
 - [https://en.wikipedia.org/wiki/Stunts_\(video_game\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Stunts_(video_game))
- Versenyzés + pályaszerkesztés (!)
 - Tkp. egy “szakterület specifikus modell”

“Motiváció”: mire jó egy modell?

Végig lehet-e menni egy pályán?
Ha igen, melyik kocsival?
Egyértelmű-e a pálya meghatározása?

Milyen elemek kombinálhatóak?
Milyen pályák állíthatóak elő?

Járható-e egy pálya fordított irányban is?

“Valósághű”-e egy pálya?
Alkalmas-e versenyzésre?

Szeretnék új típusú
pályaelemet, mi kell ehhez?



Kép: <http://www.abandonia.com/games/73/Stunts.htm>

Tartalom

Modell és modellezés



Mire használunk modelleket?

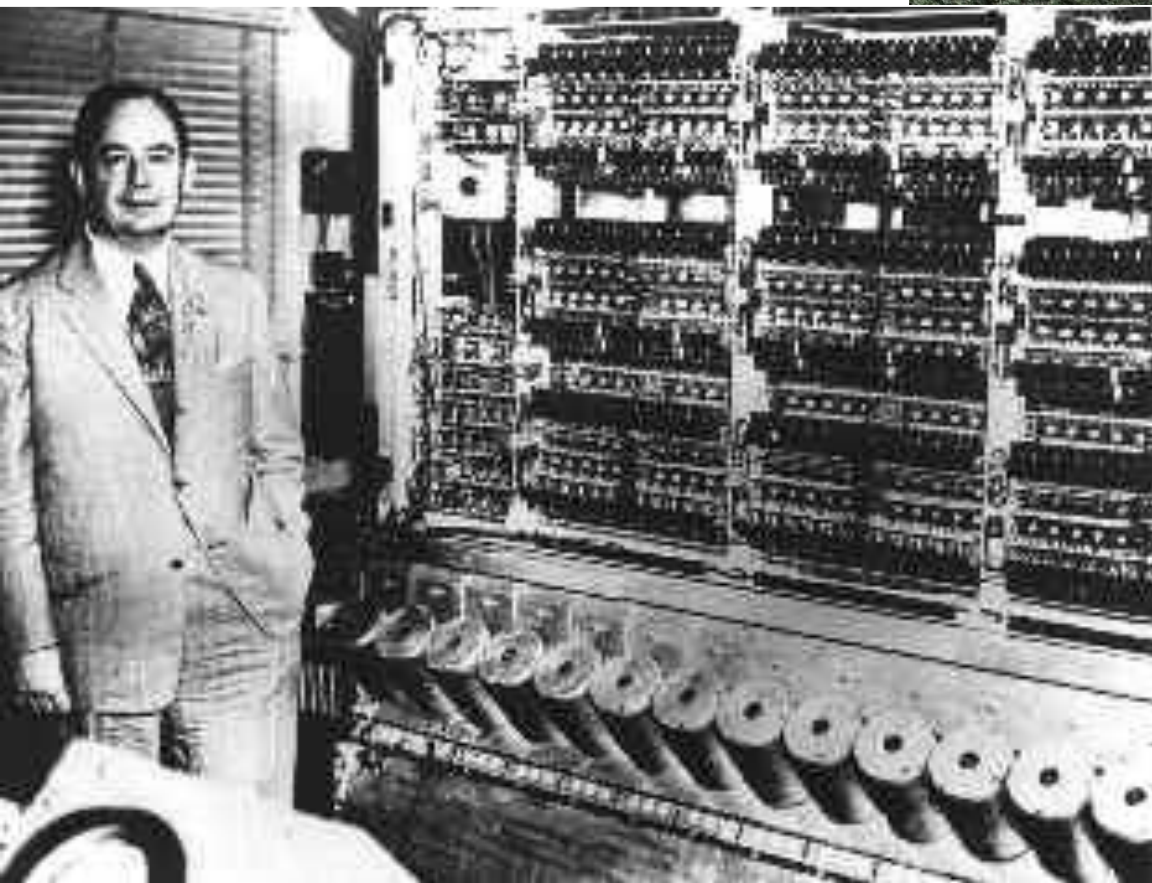


Alapfogalmak

Mi a modell?

- "The sciences
 - do not try to explain,
 - they hardly even try to interpret,
 - they mainly make models.
- By a model is meant
 - a mathematical construct which,
 - with the addition of certain verbal interpretations,
 - describes observed phenomena.
- The justification of such a mathematical construct is solely and precisely that it is expected to work.,,

Neumann János



E HÁZBAN SZÜLETETT
ÉS ÉLT 18 ÉVES KORÁIG
NEUMANN JÁNOS
1903 — 1957

A XX. SZÁZAD EGYIK LEGKIVÁLÓBB
MATEMATIKUSA.

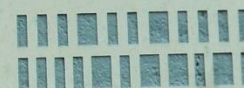
AKI 1951 — 1952 — BEN

AZ AMERIKAI MATEMATIKAI
TÁRSULAT ELNÖKE VOLT.

AZ EMLÉKTÁBLÁT SZÜLETÉSÉNEK
100. ÉVFORDULÓJÁRA

A BOLYAI JÁNOS MATEMATIKAI
TÁRSULAT ÉS

AZ AMERIKAI MATEMATIKAI
TÁRSULAT KÖZÖSEN ÁLLÍTOTTA.



IN THIS HOUSE WAS BORN
AND LIVED UNTIL HE WAS 18

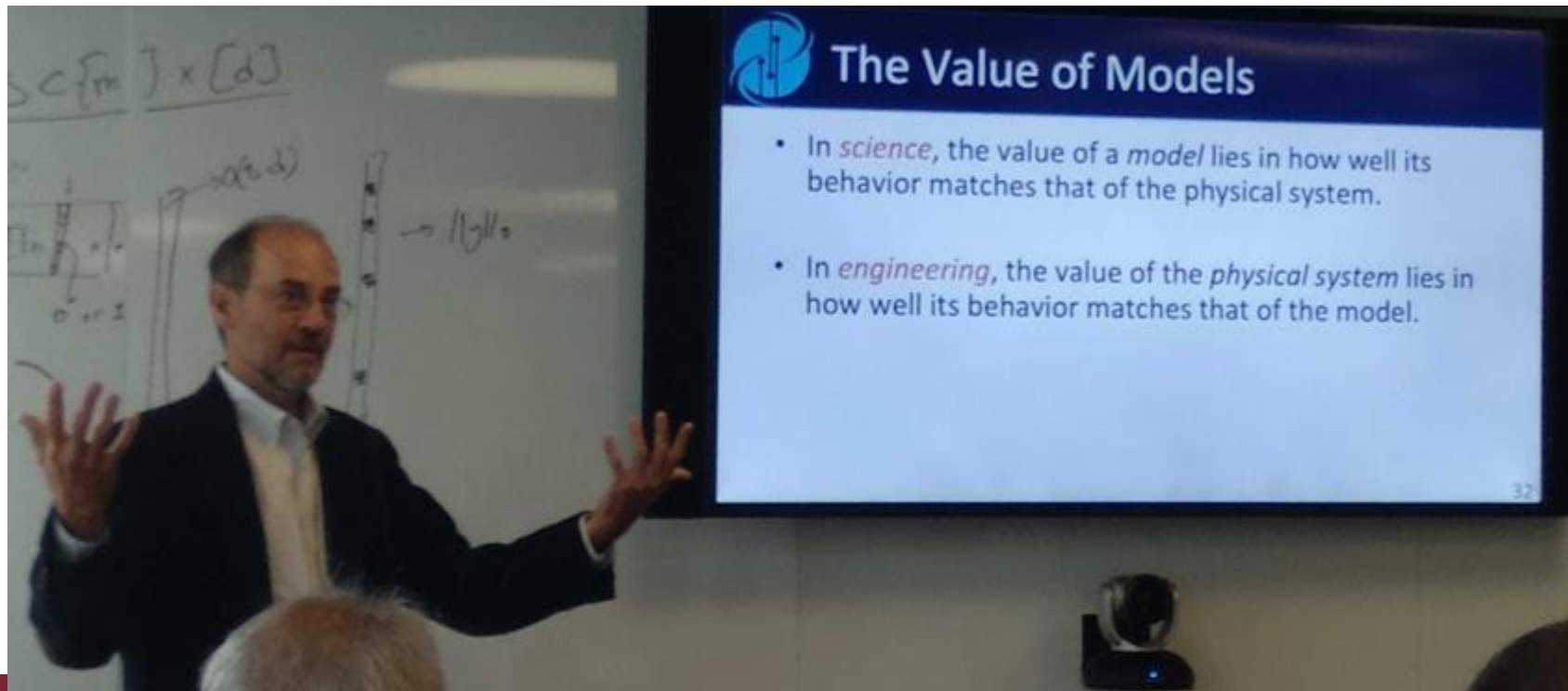
JOHN VON NEUMANN
1903 — 1957

ONE OF THE MOST OUTSTANDING
MATHEMATICIANS OF THE 20TH
CENTURY. PRESIDENT OF THE
AMERICAN MATHEMATICAL
SOCIETY IN 1951 — 1952.

THIS MEMORIAL PLAQUE WAS
ERECTED JOINTLY BY THE
JÁNOS BOLYAI MATHEMATICAL
SOCIETY AND THE AMERICAN
MATHEMATICAL SOCIETY ON THE
100TH ANNIVERSARY OF HIS BIRTH.

Tudományos és mérnöki modellek

- Tudományos modell - deskriptív (leíró)
 - Newton törvénye nem illeszkedik fekete lyukra
→ rossz modell
- Mérnöki (tervezési) modell - preskriptív
 - Nem illeszkedik → "valóság" rossz



Mi a modell?

- Egy valós vagy hipotetikus világ (a „rendszer”)
 - egy **részének**
 - **egyszerűsített képe**, amely
 - a rendszert **helyettesíti** bizonyos megfontolásokban
- Döntések:
 - A világ **mely része?**
 - Mit **hanyagol** el?
 - Hogy **feleltethető meg** a világnak?
- Haszna
 - **kisebb** (véges)
 - **áttekinthetőbb**

**Mikor lehet
és érdemes
felhasználni?**

Mi NEM a modell?

- A modell nem a valóság!



- A modell nem a diagram.
 - az csak egy nézet...

Modell vs. valóság: értelmezhetőség?

Modell-
analízis

Modell-
analízis



Matematikai modell vs. valóság

■ Minden modell:

zárt világ

- Hatások, faktorok
- Paraméterek
- Érvényesség

■ A modell

bizonytalan működésű ezen a világon kívül

■ Nem minden fejezhető ki előre

- **Emberi döntés**
- **Generált modellek**

■ *Megoldás validációja*

■ Normál működés

○ Peremfeltételek:

- Gyár, ahol mindig van elég anyag
- **Minden** rendelés elkészül határidőre

○ Célfüggvény:

- Költségminimum

■ Rendkívüli eset

○ Peremfeltétel

- Anyaghiány

○ Célfüggvény:

1. **Minél több** rendelés határidőre
2. Költségminimum

Matematikai modell vs. valóság

- Minden modell:

- zárt világ**

- Hatások, faktorok
 - Paraméterek
 - Érvényesség

- A modell

- bizonytalan**
 - ezen a világon**

- Nem előre

- **Ember**
 - **Generáció**

- **Megoldás**

- Normál működés

- Peremfeltétel
 - Elég

**A modell egy(néhány)
kérdés megválaszolásának
segédeszköze !**

- **Anyaghiány**
 - **Célfüggvény:**

1. **Minél több** rendelés
határidőre
2. Költségminimum

Példa: biztonságkritikus SW

- Repülőgép fékezése: kerékfék + sugárfordító



1993 Varsó: Lufthansa 2904

■ (SW) védelem:

(*mindkét főfutó terhelt*)

OR

(*egy kerék gyorsan forog*)

→ (*gép a leszállópályán*)

→ (PILÓTA FÉKEZHET)

Kerék a levegőben

Kerék csúszik



Modell minősége

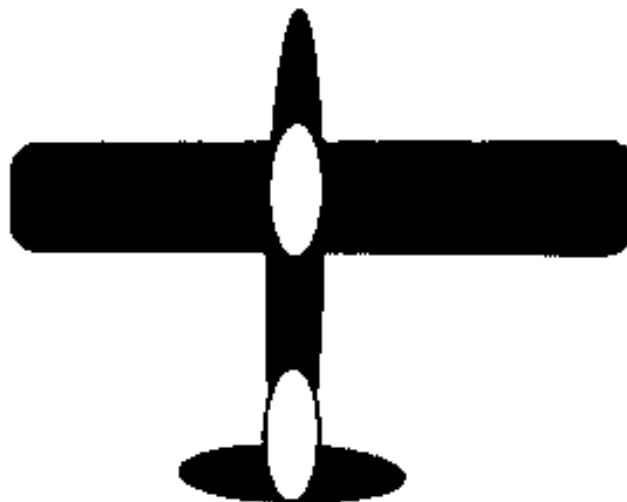
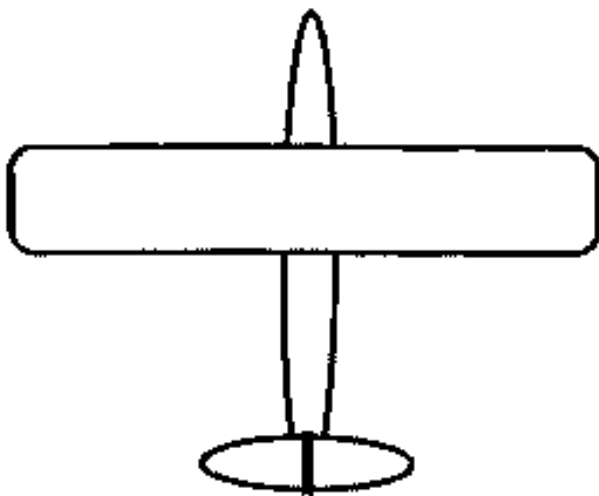
- **A valóság:** nyílt világ $\leftrightarrow$
A modell: zárt világ
- **Valósághűség:**
 - Valószínű + kritikus esetek

Modell minősége

- A **valóság**: nyílt világ $\leftrightarrow$
- A **modell**: zárt világ
- Valósághűség:
 - Valószínű + kritikus esetek

**Rossz modell tökéletes
implementációja halálos!**

Páncélozás? → Wald Abraham



Páncélozás? → Wald Abraham



**A modell csak a környezettel
együtt hasznos!**

Modell és modellezés



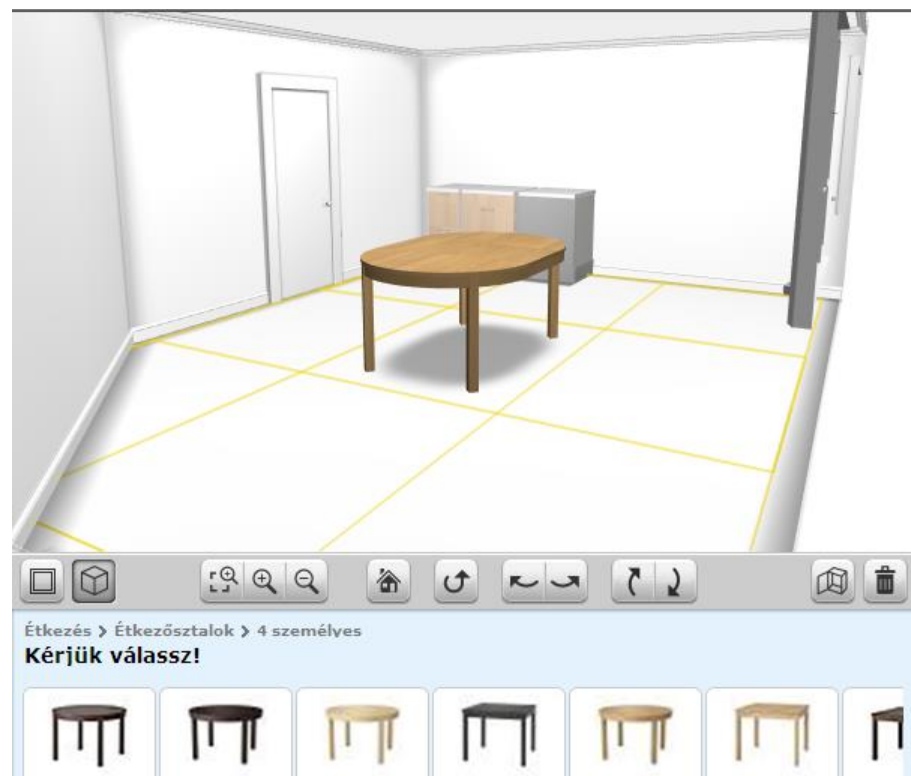
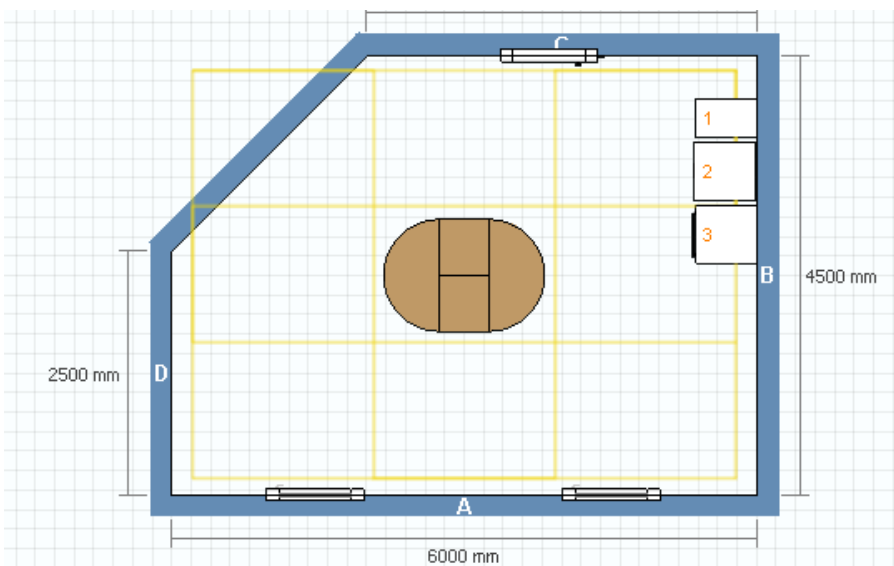
Mire használunk modelleket?



Alapfogalmak

Modellezés a gyakorlati életben?

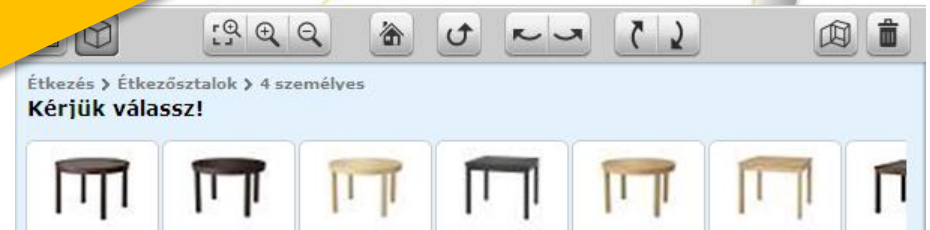
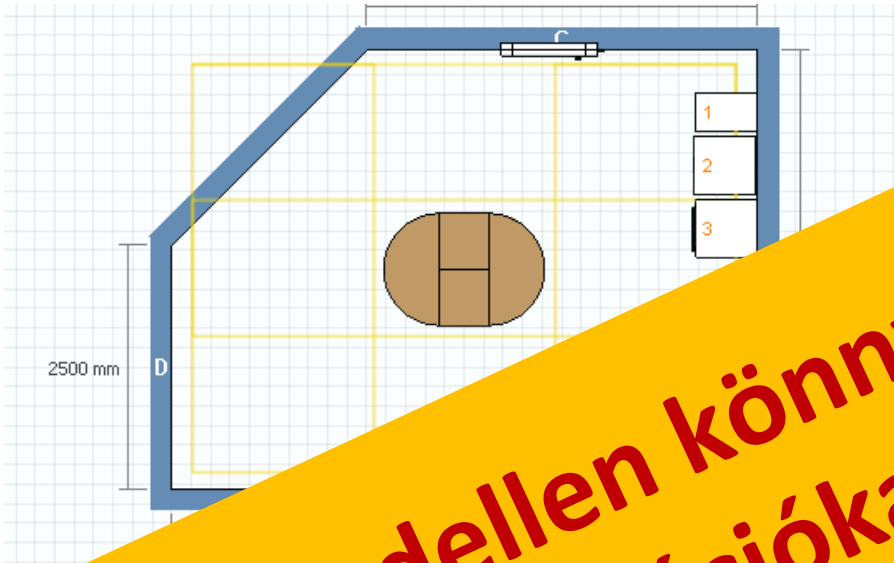
Pl.: [svéd cég] webes konyhatervezője



Modellezés a gyakorlati életben?

Pl.: [svéd cég] webes konyhatervezője

**Modellen könnyebb különböző
variációkat kipróbálni,
(mint pl. bútortologatással)**

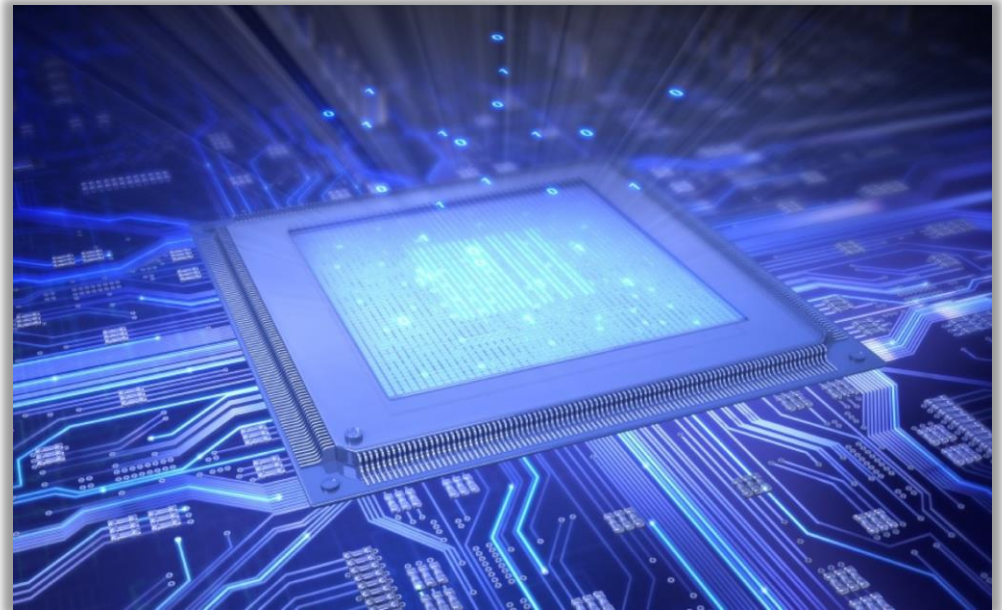


Ez is modellezési nyelv! 😊

- Verilog – szakterület specifikus, hardver leíró

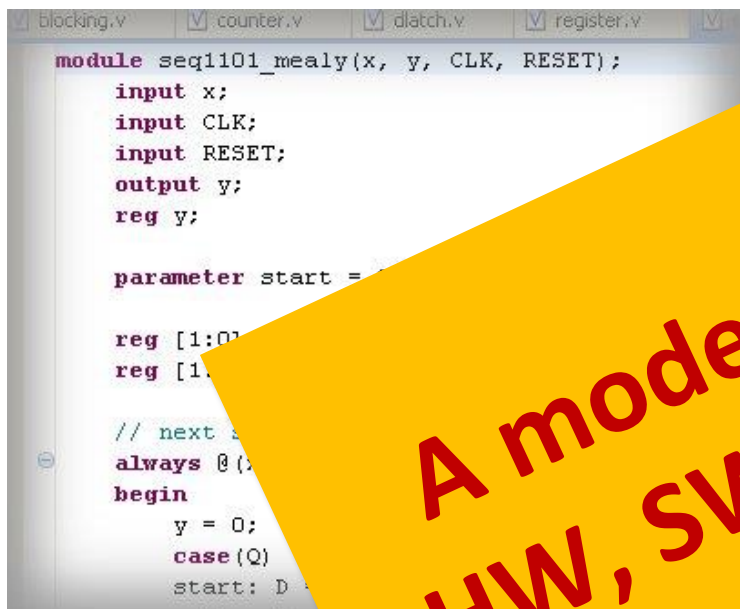
```
blocking.v counter.v d latch.v register.v  
  
module seq1101_mealy(x, y, CLK, RESET);  
    input x;  
    input CLK;  
    input RESET;  
    output y;  
    reg y;  
  
    parameter start = 2'b00, got1 = 2'b01, got1  
  
    reg [1:0] Q;    // state variables  
    reg [1:0] D;    // next state logic output  
  
    // next state logic  
    always @(x or Q)  
    begin  
        y = 0;  
        case (Q)  
            start: D = x ? got1 : start;  

```



Ez is modellezési nyelv...

- Verilog – szakterület specifikus, hardver leíró



```
blocking.v counter.v latch.v register.v  
module seq1101_mealy(x, y, CLK, RESET);  
    input x;  
    input CLK;  
    input RESET;  
    output y;  
    reg y;  
  
    parameter start = 0;  
  
    reg [1:0] Q;  
    reg [1:0] D;  
  
    // next state logic  
    always @ (CLK) begin  
        y = 0;  
        case (Q)  
            start: D = 0;  
            00: D = 1;  
            01: D = 0;  
            10: D = 1;  
            11: D = 0;  
        endcase  
    end  
endmodule
```

**A modell lehet rendszer,
HW, SW vagy bármi más...**

Mi értelme van modellezni?

- Én szoftvert készítek. Kell-e modelleznem is?
 - Már így is ezt teszed!
 - (A szoftver forráskódja is egyfajta modell...)
 - Ami fontosabb: **mentális modellek**
- Mikor kell kifejezetten *lejegyezni* a modelleket?
 - Szerepe: **kommunikáció**
 - Ember → ember
 - Ember → gép
 - Gép → gép
 - Ember → saját maga, kicsivel később
 - Pl. évekkel később emlékezni kéne mérnöki döntések indokaira...

Modellezési nyelvek

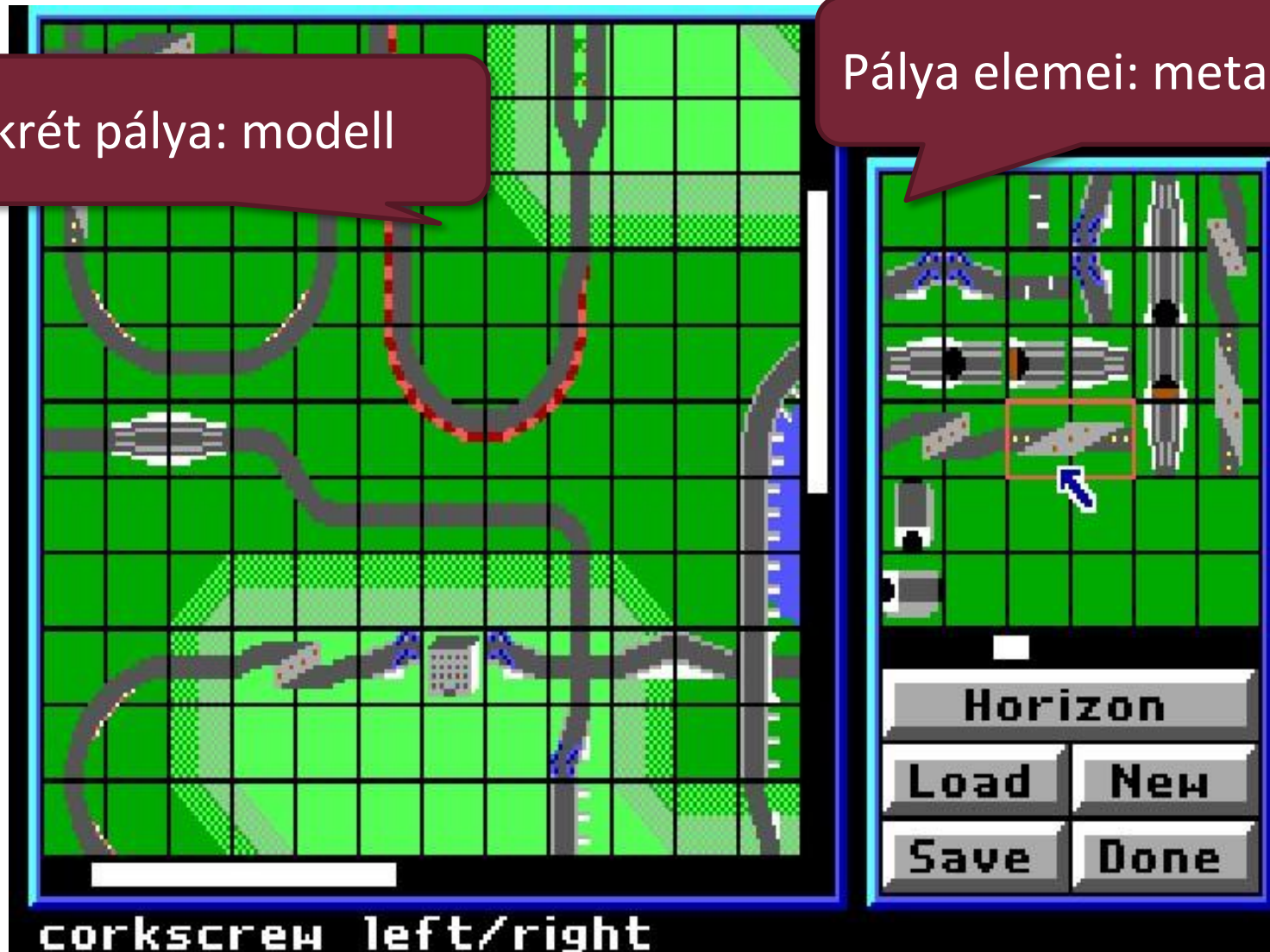
- A cél a kommunikáció
 - Modell megértése szükséges
 - **Modellezési nyelvek**
- Szintaxis: ***hogyan írom le a modellt? “pl. C nyelven”***
 - „Matematikai struktúra”: absztrakt szintaxis
 - Jelölés: konkrét szintaxis
 - rajzjelek / szöveges formátum
- Szemantika: ***mit jelent a modell? “i++”***
- Kényszerfeltételek, korlátozások
 - Szintaktikai helyesség, jólformáltság
 - Tervezési konvenciók (csapatonként változhat)

Biztos ez a legjobb?

A modellezési nyelv modellje

Konkrét pálya: modell

Pálya elemei: metamodell



Alapfogalmak - Metamodellezés

- Modellezési nyelv: milyen típusú elemei vannak?
 - ...és milyen kapcsolatban állhatnak ezek az elemek?
 - ...és ezeknek a típusoknak mik a viszonya egymáshoz?
- **Metamodell** = egy modellezési nyelv modellje
- Illusztrációk
 - Adatbázis tábla
 - XML dokumentum
 - Relációs adatbázisséma
 - C++ objektumok
 - C++ program

Alapfogalmak - Metamodellezés

- Modellezési nyelv: milyen típusú elemei vannak?
 - ...és milyen kapcsolatban állhatnak ezek az elemek?
 - ...és ezeknek a típusoknak mik a viszonya egymáshoz?
- **Metamodell** = egy modellezési nyelv modellje
- Illusztrációk
 - Adatbázis tábla → relációs adatbázisséma
 - XML dokumentum → XML séma (vagy DTD)
 - Relációs adatbázisséma → Egyed-kapcsolat (ER) modell
 - C++ objektumok → C++ osztályok
 - C++ program → C++ programnyelv specifikáció

Alapfogalmak - Metamodellezés

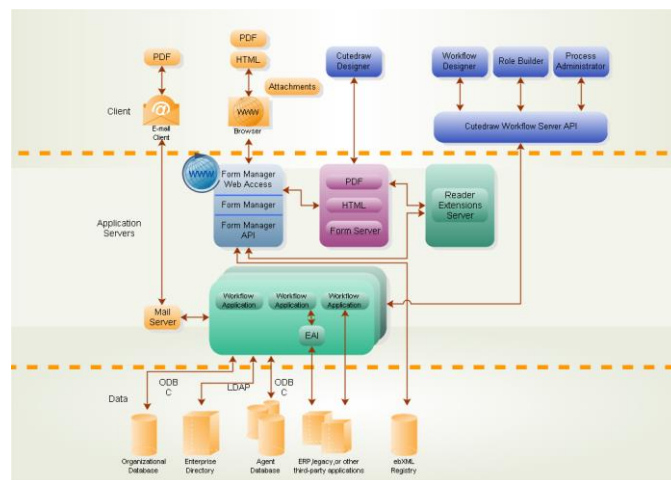
- M
 - M
 - I
-
- ```
graph LR; D[Diák] --- H{hallgat} --- K[Kurzus]; D --- Nk([Neptun-kód]); D --- A([Átlag]); K --- T([Terem]); K --- Kd([Kód]);
```
- Adatbázis tábla → relációs adatbázis
  - XML dokumentum → XML séma (vagy DTD)
  - Relációs adatbázisséma → Egyed-kapcsolat (ER) modell
  - C++ objektumok → C++ osztályok
  - C++ program → C++ programnyelv specifikáció

# Alapfogalmak - Metamodellezés

- Az általunk használt programok  
többsége modellezőeszköz**

# Felhasználás – Dokumentáció

- A modell egyszerűbb
  - könnyebben elmondható, mint a teljes valóság
  - fokozatosan finomítható (ld. később)
- Kommunikáció, szemléltetés
  - demonstráció (ld. később)
  - érthető szöveges nyelv
  - szemléletes diagram
- Gondolkodás, tervezés támogatása
  - hasonlóak a szempontok
  - „kommunikáció magunkkal”



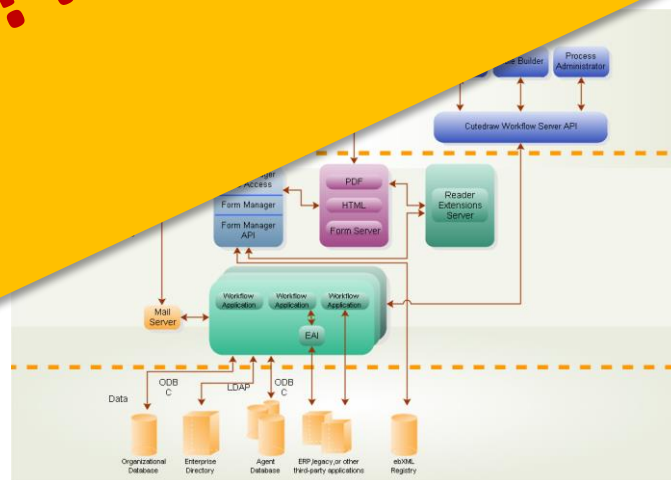


# Felhasználás – Dokumentáció

- A modell egyszerűbb
  - könnyebben elmondható, mint a teljes valóság
  - fokozatosan finomítható (ld. később)
- Kommunikáció, szemléltetés
  - de

- Gondolkodás, tervezés támogatás

Egy rajz = ??? oldal szöveg?



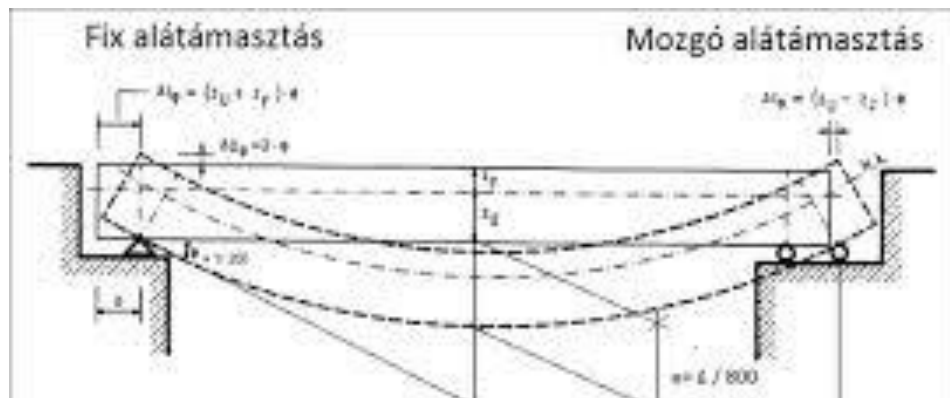
# „A kód dokumentáció is egyben”



Margaret Hamilton

# Felhasználás - Elemzés

- Emberi erővel vagy (részben) automatizáltan
- Módszer
  - Statikus ellenőrzés
  - Tesztelés támogatása
  - Dinamikus modellellenőrzés
  - Formális állítások bizonyításával
- Célok
  - Megengedett és elvárt viselkedés vizsgálata  
→ Modell helyes legyen
  - Jellemzők számítása (pl. ütemezés)  
→ Rendszer követelményei



# Felhasználás - Elemzés

- Emberi erővel vagy (részben) automatizáltan
- Célok
  - Mérés

- Módszer

- Statikus ellenőrzés
- Tesztelés támogatása
- Dinamikus modellezés
- Formális bizonyítás

**Modell és matematikai helyességbizonyítás**



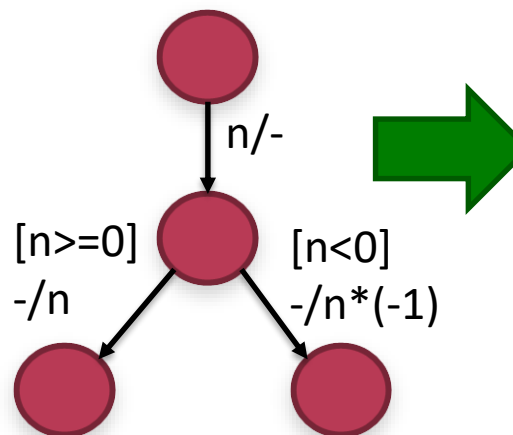
# Felhasználás: szimuláció

- Validáció
  - „Jót építettem fel?”
- Demonstráció
  - A kommunikáció eszközeként
- Kísérlet
  - Tulajdonságok elemzésére
  - Mérések
  - A valóságban költségesen kipróbálható
  - Elméleti úton előre meg nem határozható



# Felhasználás - Származtatás

- Emberi erővel vagy (részben) automatizáltan
- Eredmény
  - programkód, analízálható nyelv, stb. generálása
  - másik modell
    - finomítás, következő tervezési fázis
    - részaspektus
    - modellek integrációja
  - lehet tulajdonságmegőrző
- Pl: abszolútérték

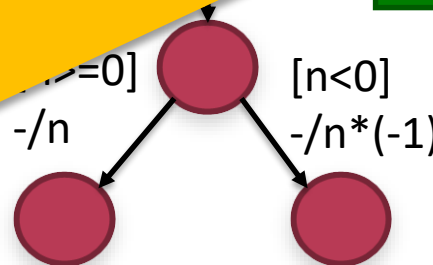


```
int n;
scanf("%d", &n);
if (n >= 0) {
 printf("%d", n);
} else {
 n = n * (-1);
 printf("%d", n);
}
```

# Felhasználás - Származtatás

- Emberi erővel vagy (részben) automatizáltan
- Eredmény
  - programkód, analizálható nyelv, stb.
  - másik modell
    - finomítás, következő lépés
    - részaspektus
    - modellek
  - Lehetőség
- PI

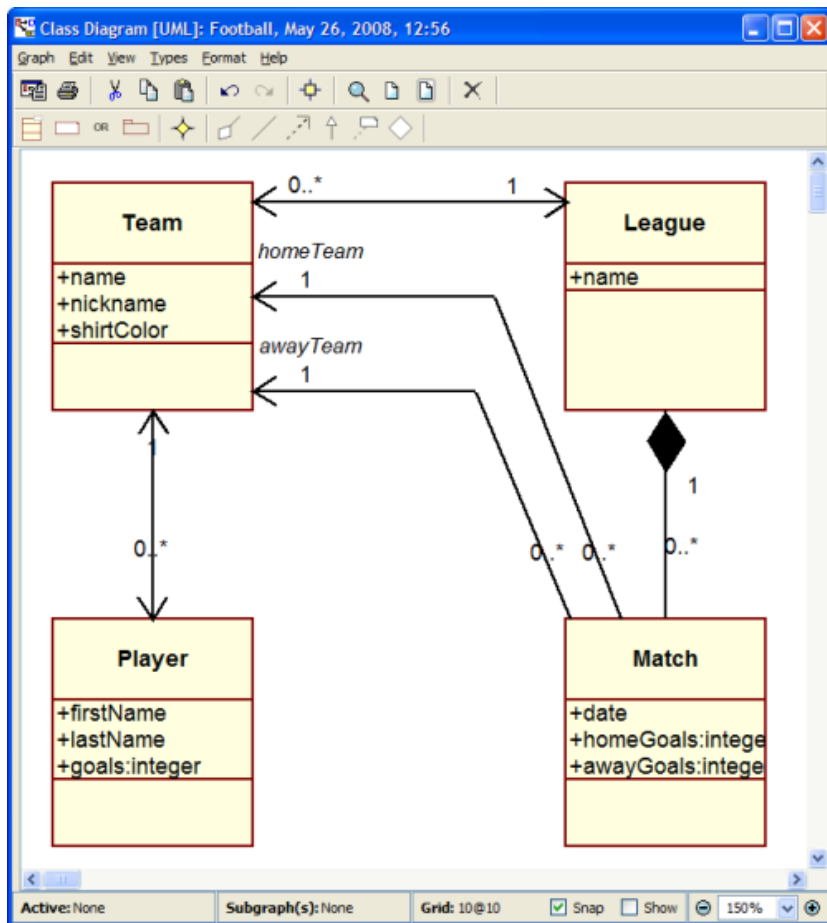
**Rutin lépések automatizálhatóak**  
**1-1 nagyságrend**  
**termelékenység+minőség**



```
int n;
scanf("%d", &n);
if (n>=0) {
 printf("%d", n);
} else {
 n=n*(-1);
 printf("%d", n);
}
```



# Webalkalmazás fejlesztése



League [Gears] - Mozilla Firefox

File Edit View History Bookmarks Tools Help

### League [Gears]

Enter a League to store in the database:

name

Teams  name

Matches  date

---

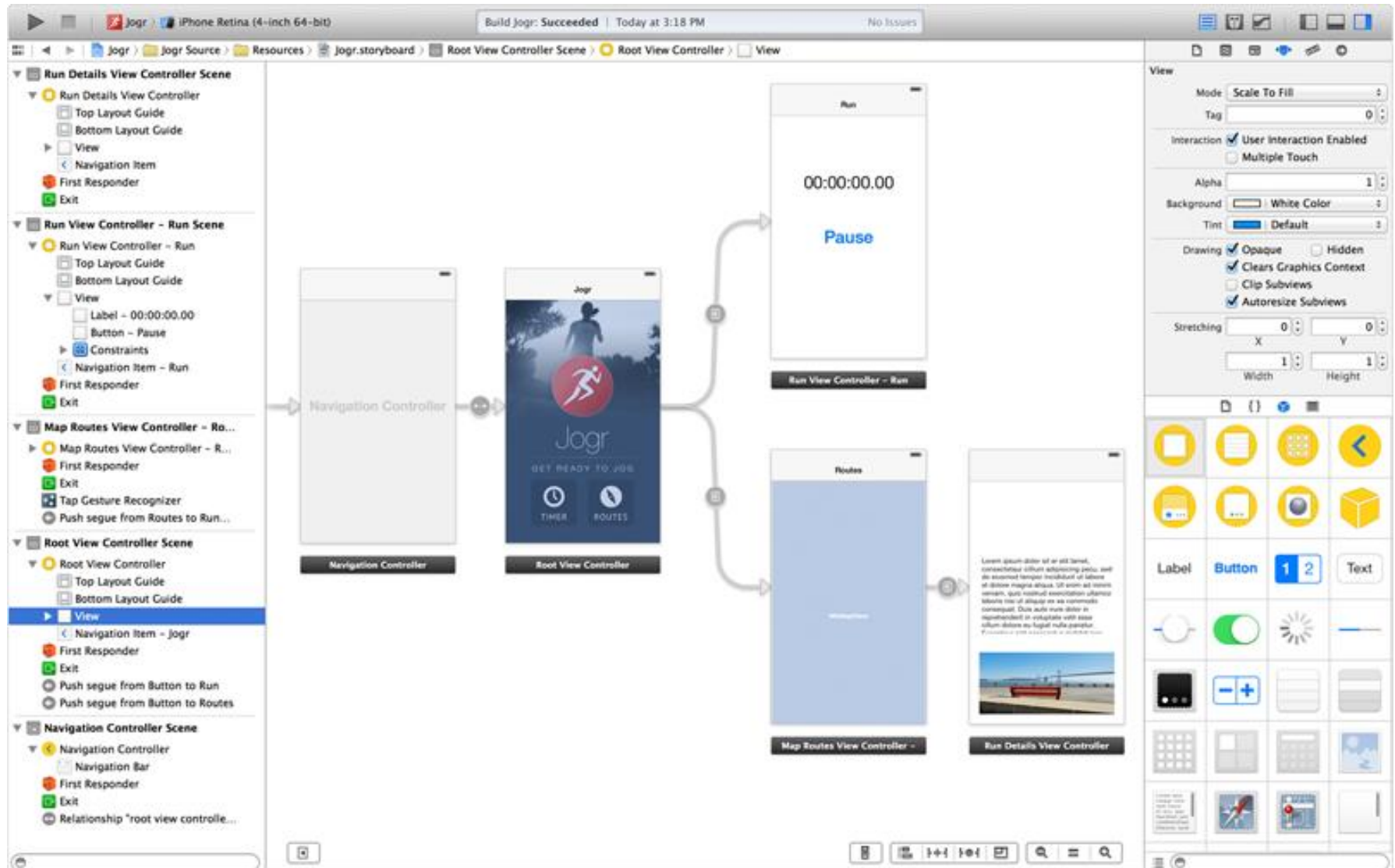
4 most recently edited League entries:

| name                                |                                                   |
|-------------------------------------|---------------------------------------------------|
| <input type="button" value="Edit"/> | Premiership <input type="button" value="Delete"/> |

[Back to top page of Football application.](#)

*This page uses Gears to record your entries on the local disk. If you navigate away and revisit this page, all your data will still be here. Try it!*

# Okostelefon alkalmazás fejlesztése



# Reverse engineering

- Modell visszafejtése a rendszer alapján

League [Gears] - Mozilla Firefox

File Edit View History Bookmarks Tools Help

---

**League [Gears]**

Enter a League to store in the database:

name

OK

Teams  name

Matches  date

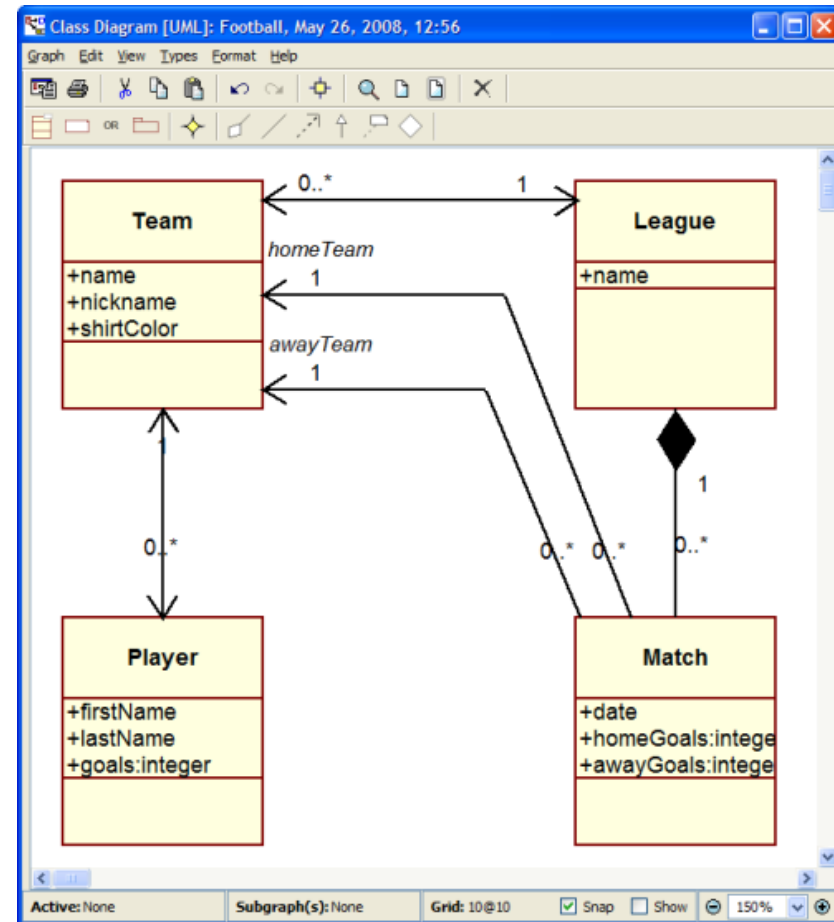
---

4 most recently edited League entries:

| name                                |                                                                                   |
|-------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------|
| <input type="button" value="Edit"/> | Premiership <input type="button" value="Delete"/>                                 |
| <input type="button" value="New"/>  | <input type="button" value="View All"/> <input type="button" value="Delete All"/> |

[Back to top page of Football application.](#)

*This page uses Gears to record your entries on the local disk. If you navigate away and revisit this page, all your data will still be here. Try it!*



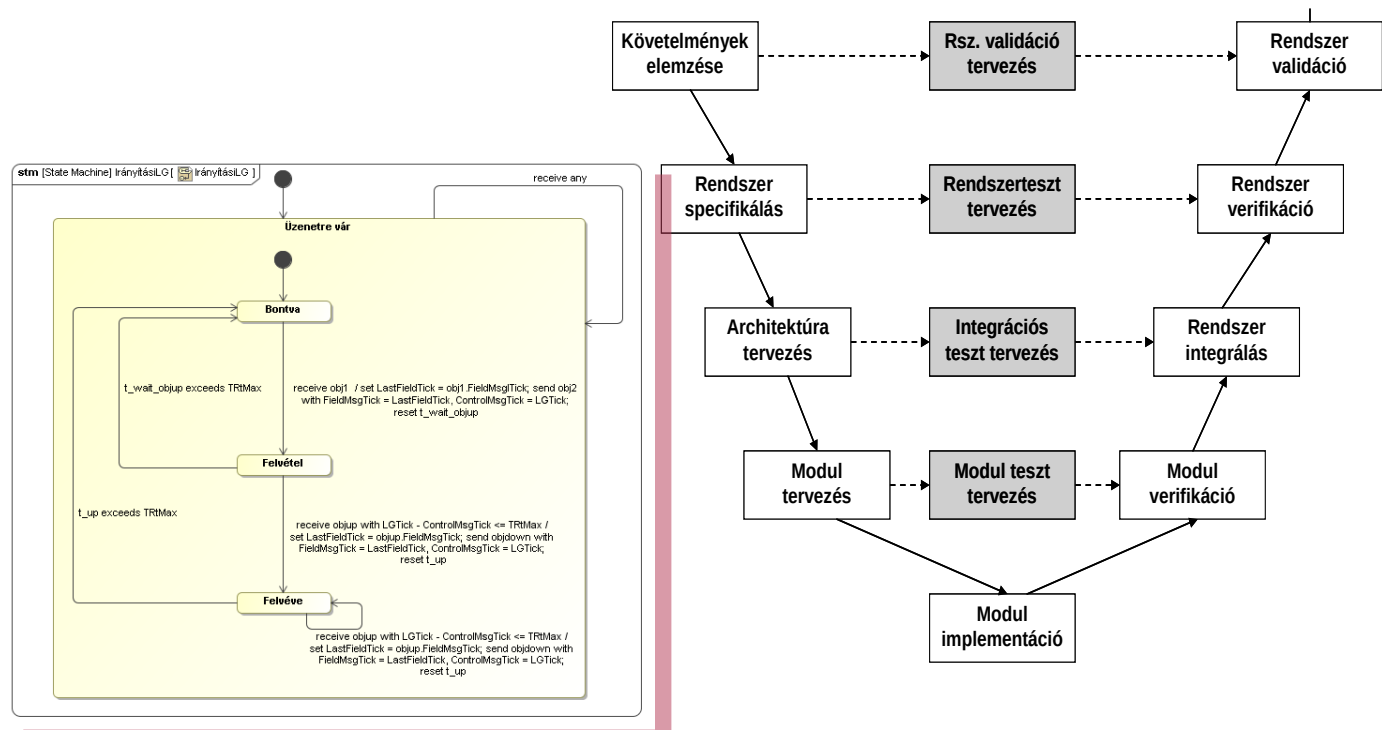
# Vasúti rendszerek fejlesztése

## Megoldandó probléma:

SIL-4 vasúti alkalmazás fejlesztési lépéseinek és ezek eredményeinek ellenőrzése

## Kihívások:

- Szisztematikus felülvizsgálat
- Modellezés és formális verifikáció



Folyamat → modell → minőségbiztosítás

# Vasúti rendszerek fejlesztése

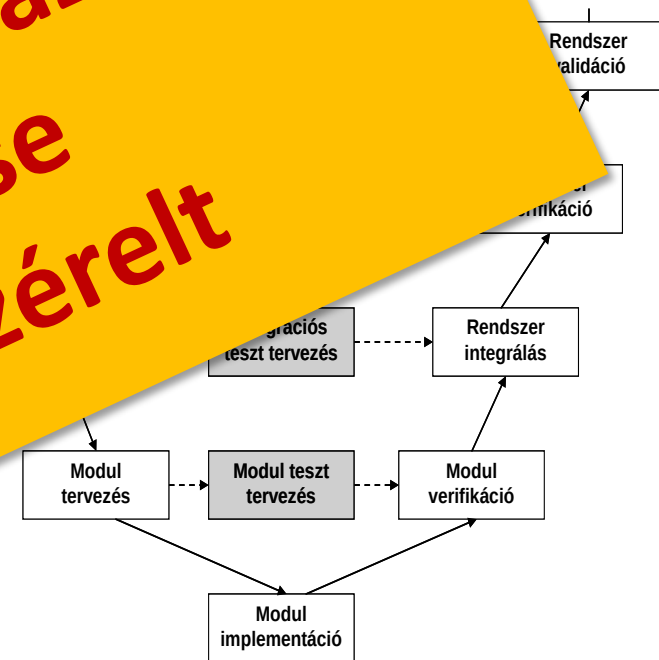
## Megoldandó probléma:

SIL-4 vasúti alkalmazás fejlesztési lépések és ezek eredményeinek ellenőrzése

## Kihívások:

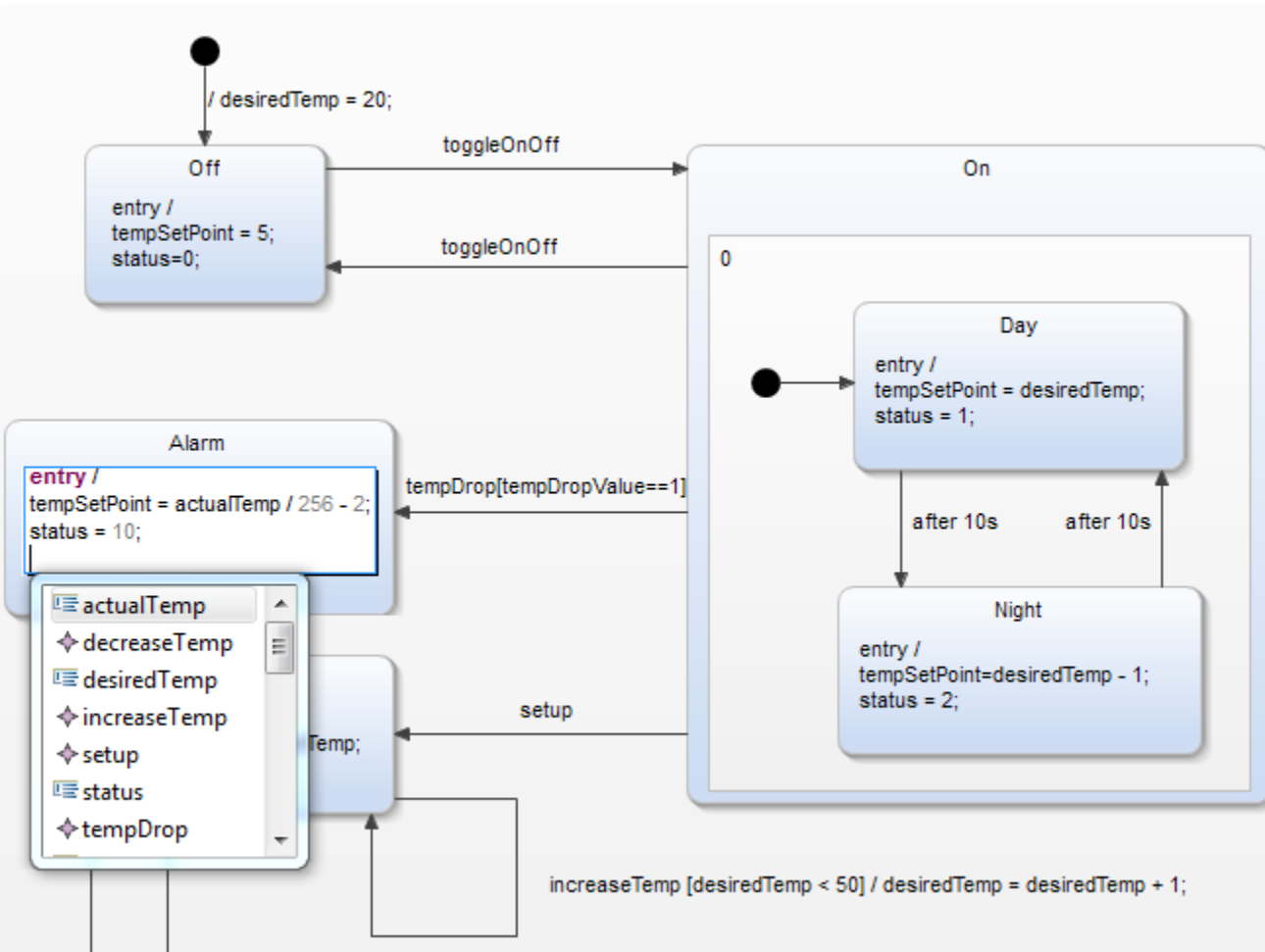
- Szisztematikus felülvizsgálat
- Modell formális verifikáció

**A kritikus alkalmazások fejlesztése modellvezérelt**



Folyamat → modell → minőségbiztosítás

# Yakindu:állapotdiagram



```

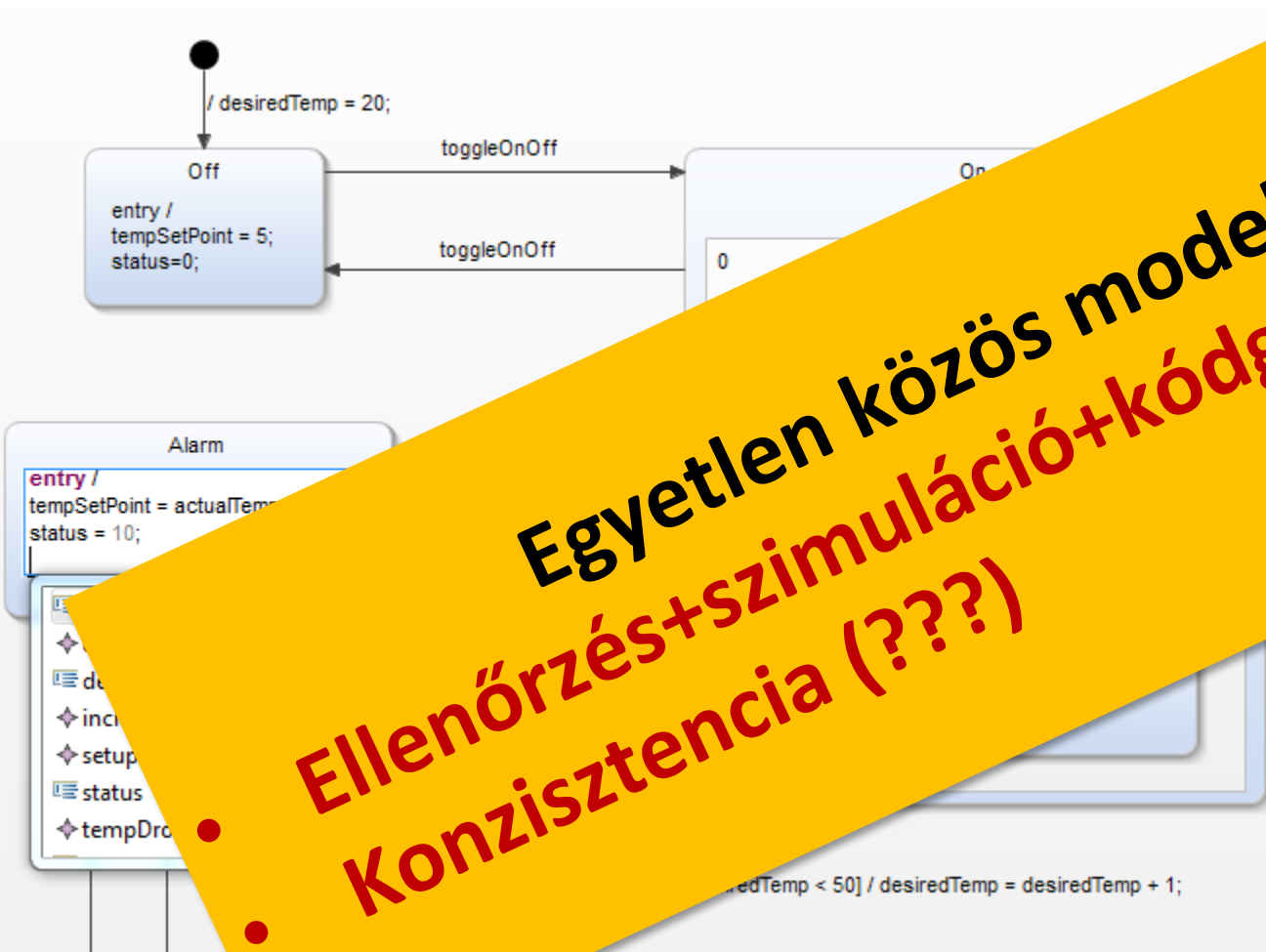
import java.io.*;
import java.net.*;
import java.security.*;
import protection;

public class Client {
 public void sendAuthentication(String username, String password) throws IOException {
 OutputStream outStream = new DataOutputStream(new DataOutputStream(new FileOutputStream("out.txt")));
 long t1 = Math.random();
 double q1 = Math.random();
 byte[] protected1 = ProtectionUtil.protect(q1, t1);
 long t2 = Math.random();
 double q2 = Math.random();
 byte[] protected2 = ProtectionUtil.protect(q2, t2);
 out.writeUTF(username);
 out.writeInt(protected1.length);
 out.write(protected2);
 out.flush();
 }
}

public static void main(String[] args) {
 String host = args[0];
 int port = 7999;
 String user = "John";
 String password = "shh";
 Socket s = new Socket(host, port);
 Client client = new Client();
 client.sendAuthentication(user, password);
}

```

# Yakindu:állapotdiagram



**Egyetlen közös modell**

**Ellenőrzés+szimuláció+kódgenerálás**

- 
- 

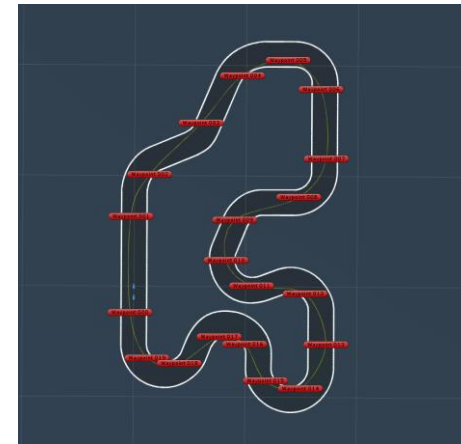
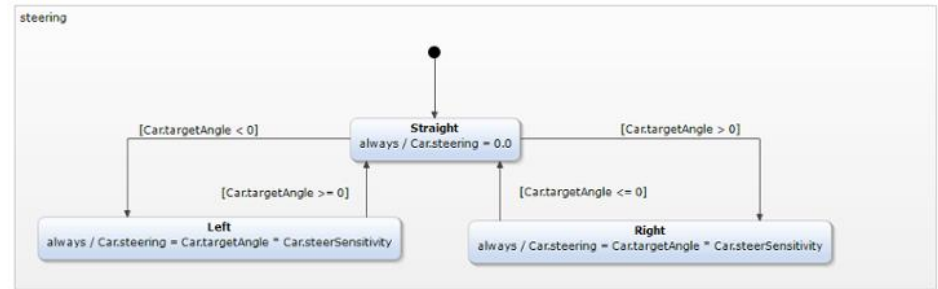
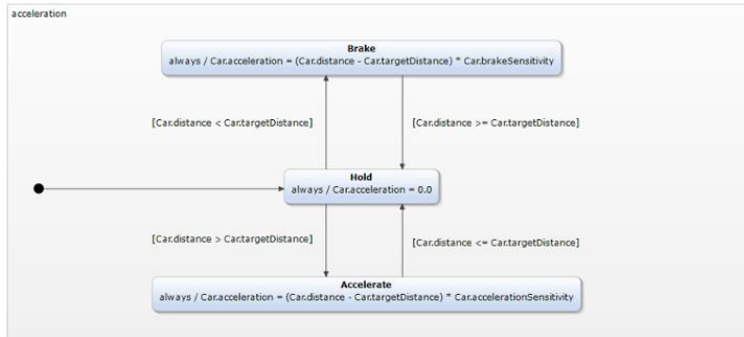
```
void main(st
 int argc = args[0];
 int port = 7999;
 String user = "John";
 String password = "sh
 Socket s = new Socket

 Client client = new
 client.sendAuthent
```



# Yakindu → 3D szimuláció

## Járműkövető/távolságtartó rendszer interaktív 3D szimulációja



Interactive 3D Visualization and Simulation with State Machines, Benjamin Bolte, 2017.  
<https://blogs.itemis.com/en/interactive-3d-visualization-and-simulation-with-state-machines>

**Modell és modellezés**

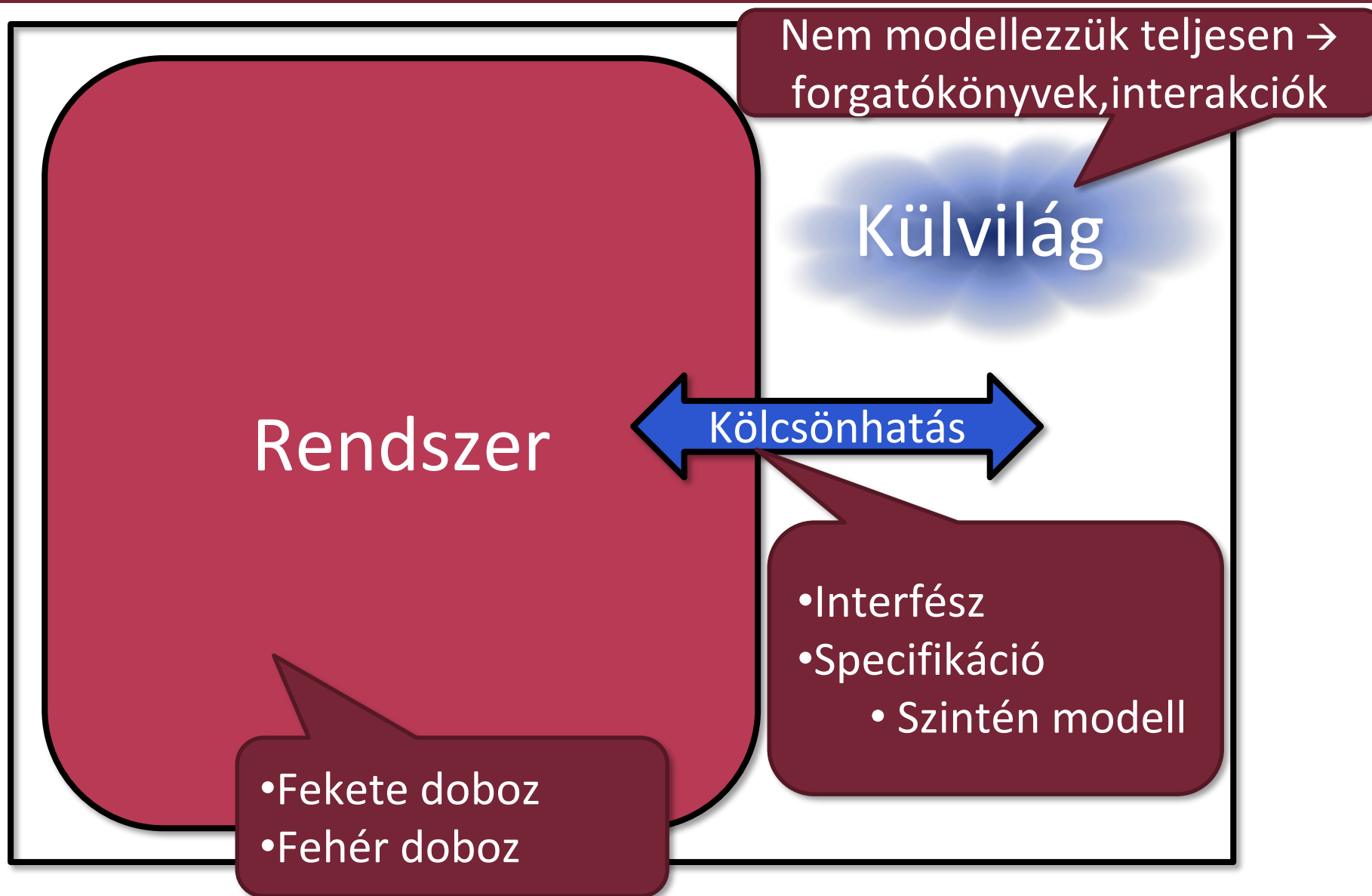


**Mire használunk modelleket?**

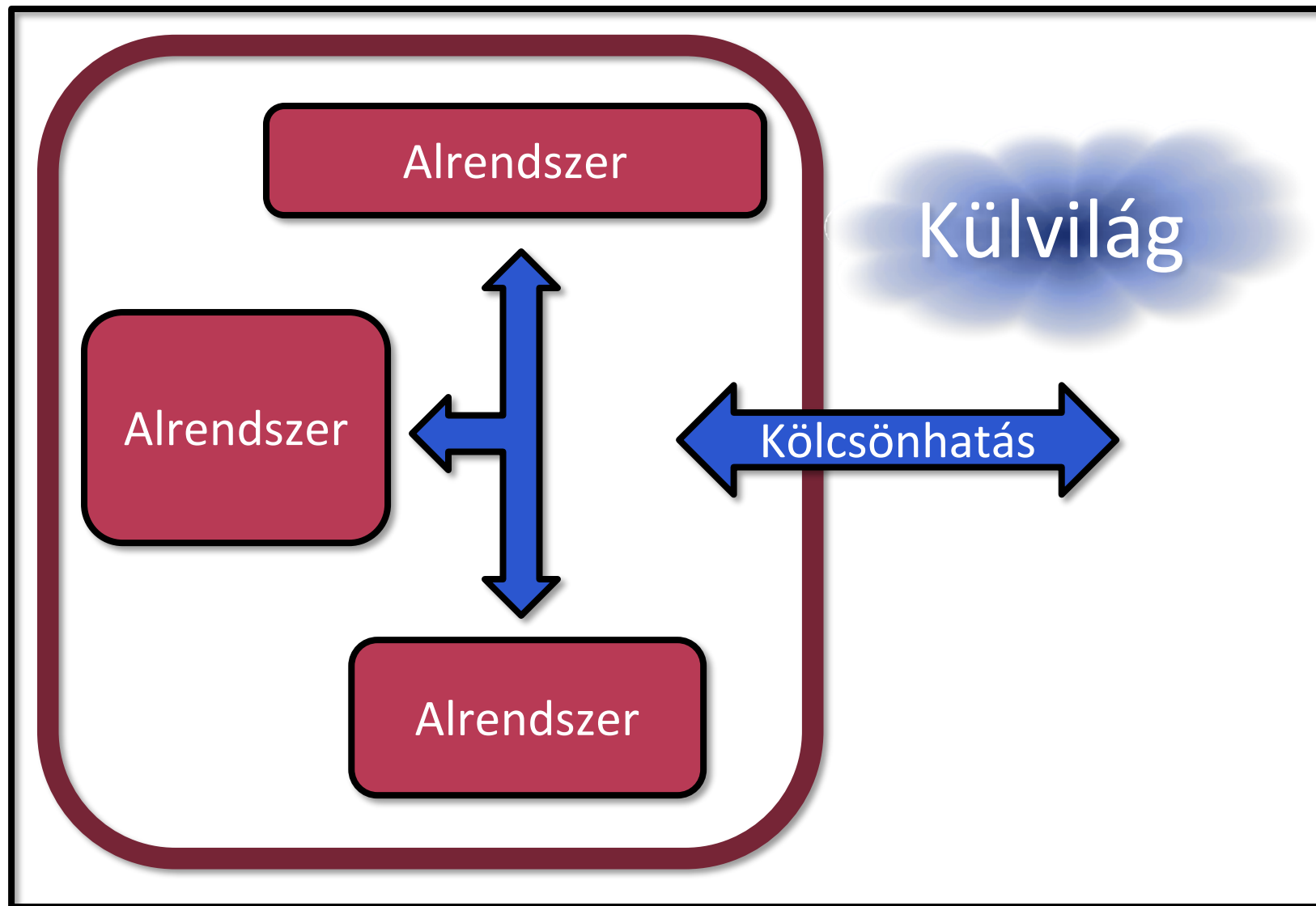


**Alapfogalmak**

# Alapfogalmak – rendszer és külvilág



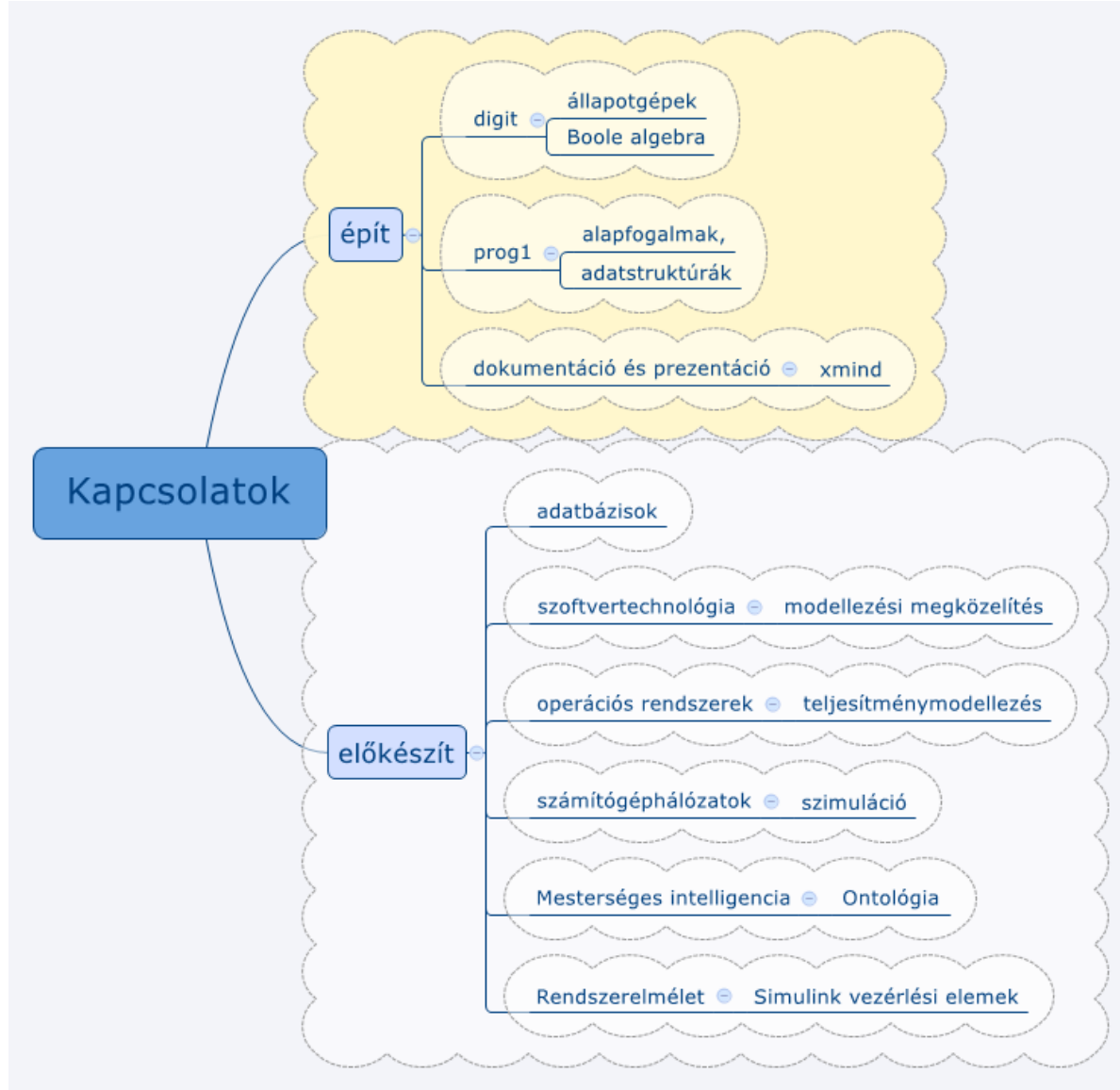
# Alapfogalmak – rendszer és külvilág



# Alapfogalmak – Finomítás/Absztrakció

- *Finomítás*: a modell gazdagítása részletekkel...  
Pl. rendszer felbontása alrendszerekre
- ...hogyan az eredeti modell absztrakció maradjon  
Pl. az alrendszerekre együtt ugyanazokat az elvárásokat teljesítik
- Inverze: *absztrakció*  
Pl. alrendszerek összevonása
- Az előbbi dián egy *hierarchikus finomítás* volt
  - „dobozok kibontása”
- Finomítható más is...
  - Pl. Halmazfinomítás: változók értékkészlete
    - Jó / rossz helyett
    - Gyors / átlagos / lassú / hiányos / veszélyes

# Modellezés a képzésben



# IMSC KITEKINTÉS: ABSZTRAKCIÓ PONTOSABBAN



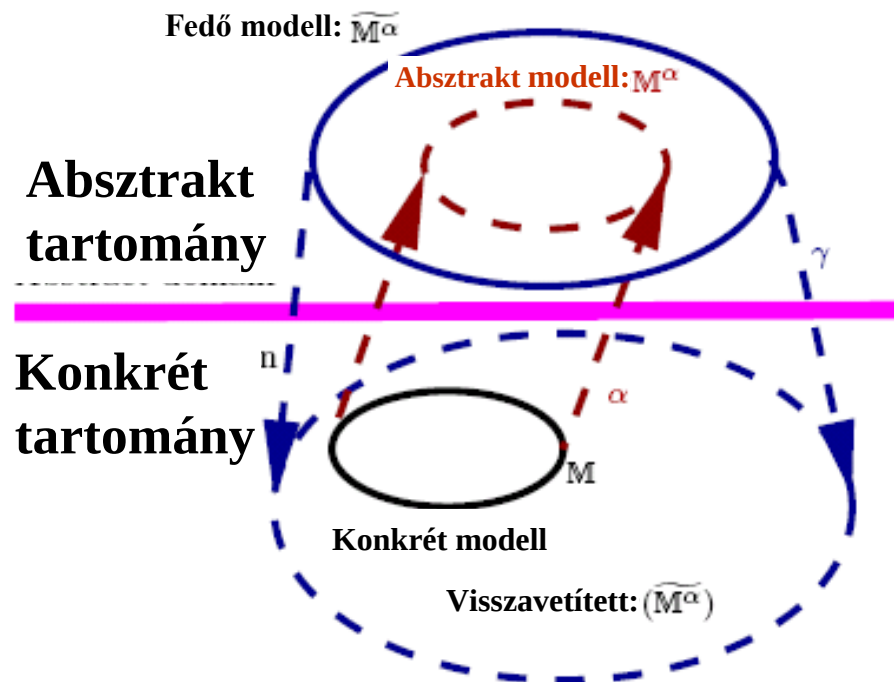
# Absztrakció

- Az absztrakció **helyes**, ha az eredeti rendszer minden eleméhez hozzárendelhető az absztrakt rendszer egy eleme.
- Az absztrakció **teljes** a vizsgált tulajdonságra nézve, ha a rendszer összes jellemzője megjelenik, amely a vizsgált tulajdonságot befolyásolja.

(Több definíció lehetséges.)

# Galois kapcsolat

- Galois kapcsolat ( $r$ )
  - $(A, \subseteq), (B, \subseteq)$  részben rendezett halmazok
  - $f: A \rightarrow B, g: B \rightarrow A$
  - $f(a) \subseteq b \leftrightarrow a \subseteq g(b) \leftrightarrow r(a, b)$
- Absztrakció
  - $\subseteq$  – tartalmazás
  - Befoglaló rész visszavetít  $\sqsupseteq$  tartalmazza az eredetit



# Galois kapcsolat - példa

- Jogosultsági szintek (több szint is elképzelhető)

**Olvasás:** Teljes jogosultság > Részleges jogosultság > Nincs jogosultság

Bizonyos attribútumok (pl. ID) elrejtése

**Írás:** Teljes jogosultság > ... > Nincs jogosultság

- Mely jogosultságok kompatibilisek egymással?
  - Ha egy mezőt tudunk írni, olvasni is tudnunk kell!
  - X mezőt írnám → Részleges olvasási jog kell (de teljes is jó)
  - Részleges olvasási jogom van → Legfeljebb részleges írási jogom lehet (vagy semmi)
- Kompatibilitás: Galois reláció

# Refactor példa

## ■ Számok rendezése

- Növekvő sorban: 18,23,131,247,1925
- Csökkenő sorban: 1925,247,131,23,18
- ABC rendben: 131,18,1925,23,247

## ■ Kód (minimumkiválasztás):

```
void rendezes_novekvo(int* tomb, int meret){
 int i, j;
 for(i = 0; i<meret; i++){
 int minimumhely = i;
 for(j= i + 1; j<meret; j++){
 if(tomb[j] < tomb[minimumhely])
 minimumhely= j;
 }
 int tmp = *i;
 *i = *minimumhely;
 *minimumhely = tmp;
 }
}
```

Miben különbözik a  
másik két sorrendhez  
tatozó kód?

# Refactor példa

## ■ Számok rendezése

- Növekvő sorban: 18,23,131,247,1925
- Csökkenő sorban: 1925,247,131,23,18
- ABC rendben: 131,18,1925,23,247

## ■ Kód (minimumkiválasztás):

```
void rendezes_novekvo(int* tomb, int meret){
 int i, j;
 for(i = 0; i<meret; i++){
 int minimumhely = i;
 for(j= i + 1; j<meret; j++){
 if(tomb[j] < tomb[minimumhely])
 minimumhely= j;
 }
 int tmp = *i;
 *i = *minimumhely;
 *minimumhely = tmp;
 }
}
```

Miben különbözik a  
másik két sorrendhez  
tatozó kód?

# Refactor példa

- Ötlet: Az összehasonlítást tegyük külön függvénybe

```
void rendezes(int* tomb, int size, bool (*hasonlit)(int,int)) {
 int i, j;
 for(i = 0; i<meret; i++){
 int minimumhely = i;
 for(j= i + 1; j<meret; j++){
 if((*hasonlit)(tomb[j],tomb[minimumhely]))
 minimumhely= j;
 }
 int tmp = *i;
 *i = *minimumhely;
 *minimumhely = tmp;
 }
}
```

Mit lehet még  
újrafelhasználni ebből  
a kódból?

# Refactor példa

- Ötlet: Az összehasonlítást tegyük külön függvénybe

```
void rendezes(int* tomb, int size, bool (*hasonlit)(int,int)) {
 int i, j;
 for(i = 0; i<meret; i++){
 int minimumhely = i;
 for(j= i + 1; j<meret; j++){
 if((*hasonlit)(tomb[j],tomb[minimumhely]))
 minimumhely= j;
 }
 int tmp = *i;
 *i = *minimumhely;
 *minimumhely = tmp;
 }
}
```

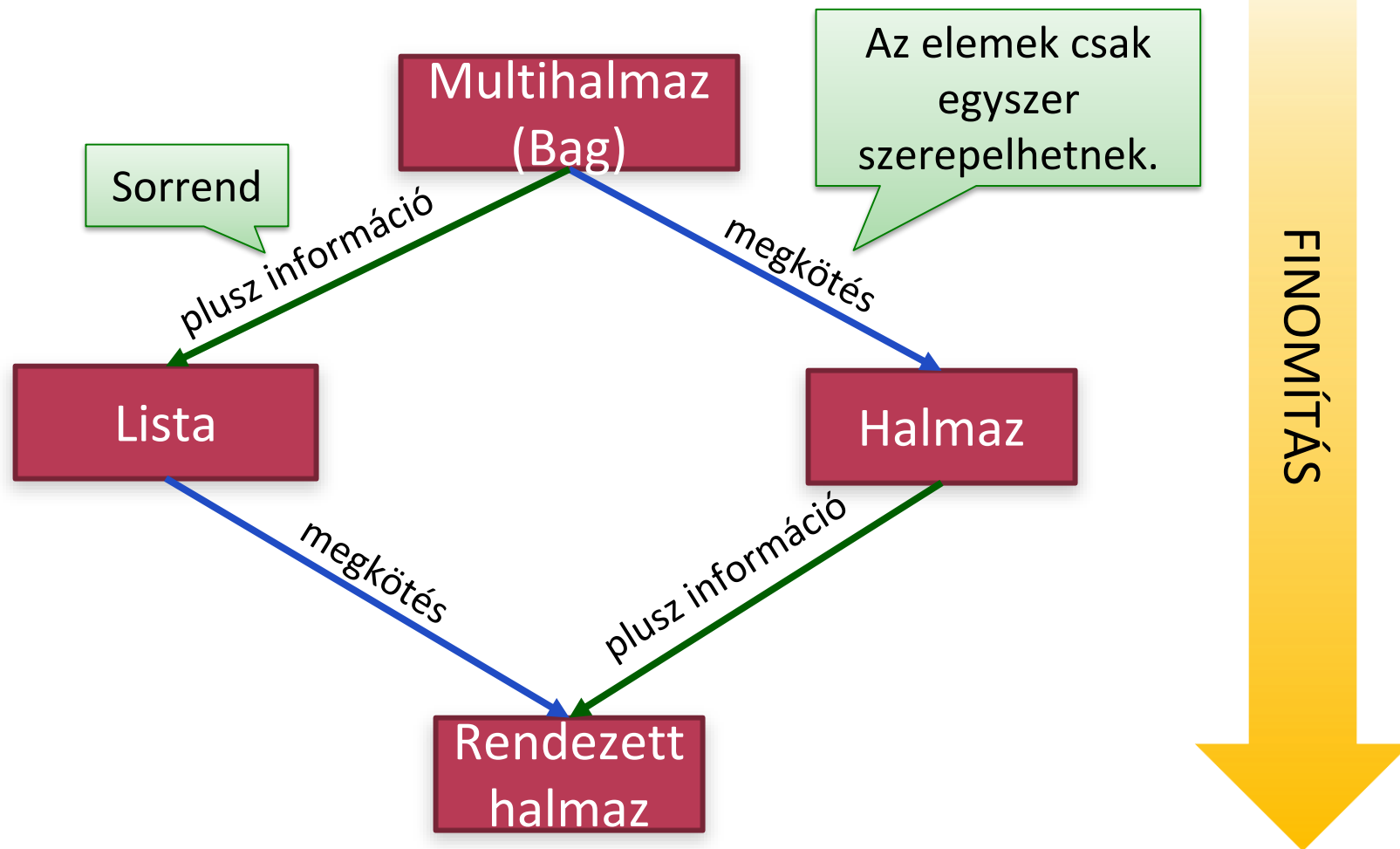
Mit lehet még  
újrafelhasználni ebből  
a kódból?



# Absztrakció szerepe a kódolásban

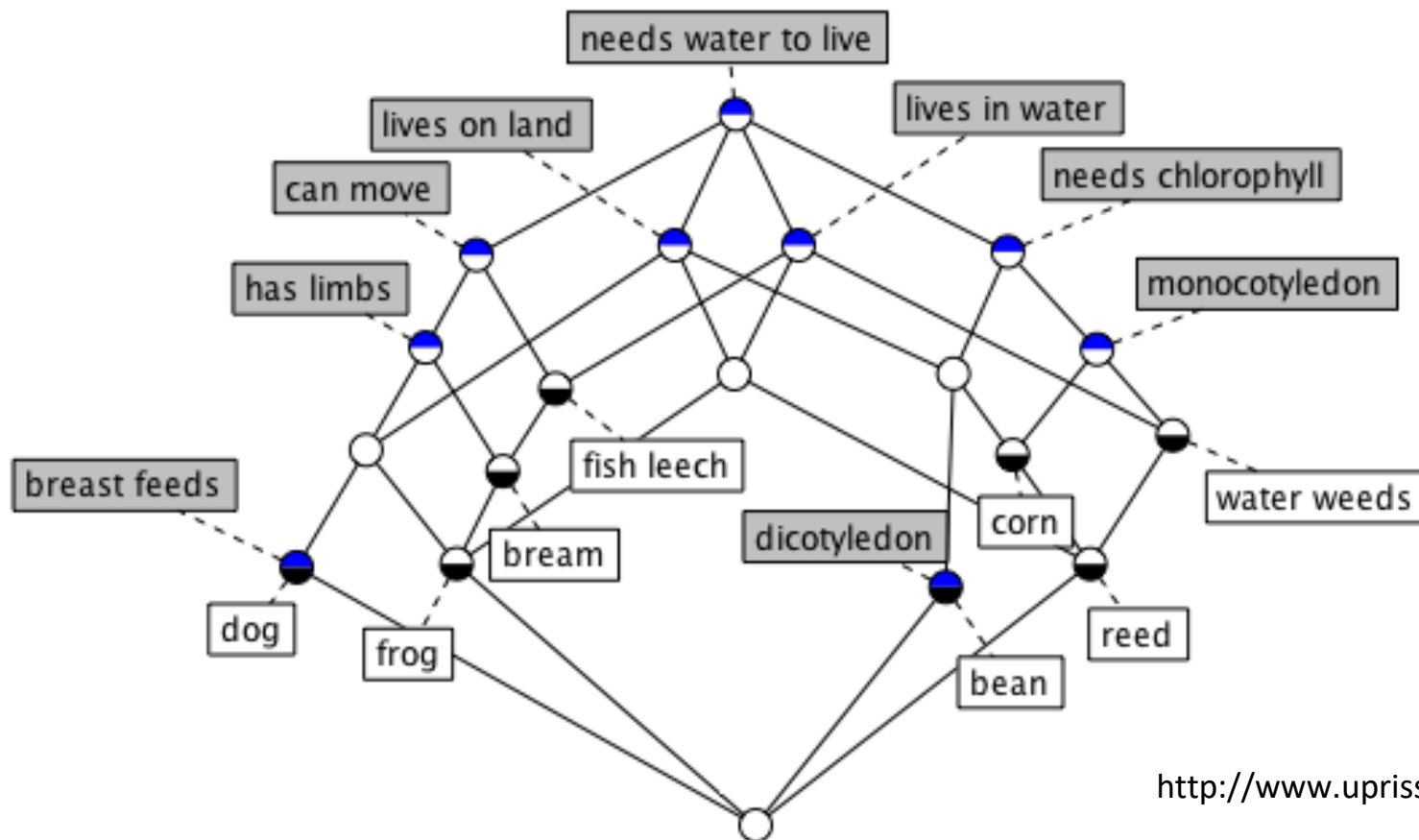
- Észrevétel:
  - Kiválasztásos rendezőalgorithmus: absztrakció
  - Különböző hasonlító függvények ( → sorrendek): konkretizálás
- Jó kód:
  - Algoritmusok paraméteresen
  - Különböző célok → külön példányosítás
  - Pl. ez az algoritmus használható szavak sorrendezésére

# Absztrakciófinomítás



# FCA-k, hálók

- Háló (lattice)
- FCA (Formal Concept Analysis)



<http://www.upriss.org.uk/fca/examples>