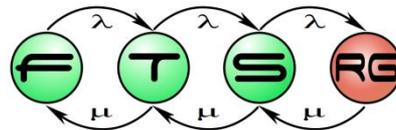


# Überprüfung der Modelle

**Budapest University of Technology and Economics**  
**Fault Tolerant Systems Research Group**



# Ariane 5 Trägerrakete

- Die leistungsfähigste europäische Trägerrakete



# Ariane 5 Trägerrakete

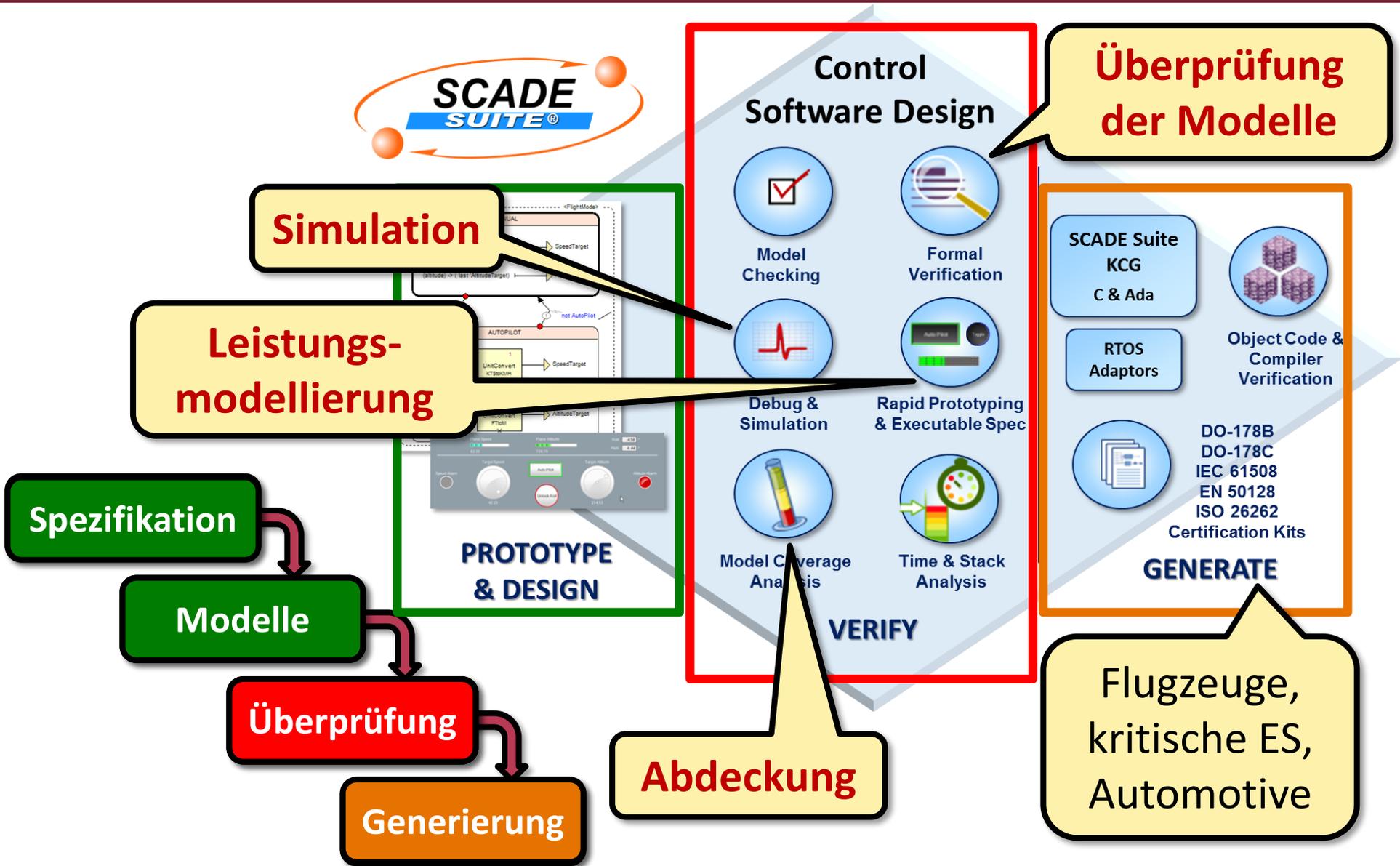
- Am 4. Juni 1996 hat sich die Rakete 37 Sekunden nach dem Start zerstört
  - die gelieferten vier Cluster-Satelliten sind auch zerstört worden
  - \$370 Millionen Verlust



# Ariane 5 Trägerrakete

- Am 4. Juni 1996 hat sich die Rakete 37 Sekunden nach dem Start zerstört
  - die gelieferten vier Cluster-Satelliten sind auch zerstört worden
  - \$370 Millionen Verlust
- Einer der teuersten Softwarefehler der Welt
  - primäre Ursache:
    - erfolglose Konversion einer Zahl von 64 Bit zu 16 Bit
  - sekundäre Ursache:
    - Die Modulen wurden nie zusammen getestet**

# Beispiel: Esterel SCADE



Grundbegriffe

Stat. Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

# INHALT

# Lebenszyklus der Modelle

Entwicklung  
von Modellen

Software-  
Entwicklung

Anforderungen,  
Spezifikation

Anforderungen,  
Spezifikation

Ausgangsmodelle

Entwurf

detailliertere  
Modelle

Implementation

Überprüfung

Testen

Wartung

Wartung



```
97 m_FCN = float.PositiveInfinity;
98 return;
99 }
100 m_FCN = (ro / (1-ro)) * (1-ro/2);
101 m_FCN = m_FCN / (2*(1-ro));
102 m_FCN = m_FCN/lambda;
103 m_FCN = m_FCN/lambda;
104 }
105 CalcMk1(float Eta, float Etb, int k)
106 {
107 float lambda = 1/Eta;
108 float mu = 1/Etb;
109 float ro = lambda/mu;
110 float v = (float)k;
111 float r;
112 m_FCN = float.PositiveInfinity;
113 m_FCN = float.PositiveInfinity;
114 m_FCN = float.PositiveInfinity;
115 m_FCN = float.PositiveInfinity;
116 m_FCN = m_FCN/lambda;
117 m_FCN = (float)1 / (2*k*(float)) * ro /
118 }
119 double s = (double)Etb/Math.Sqrt((double)
120 double vb = (s*s)/(Etb*Etb);
121 float v = 0.3f * (1+(float)vb);
122 CalcPtv, ro, m_FCN;
123 }
124 void CalcG1(float Eta, float Varta, float Etb
125 {
126 float lambda = 1/Eta;
127 float mu = 1/Etb;
128 float ro = lambda/mu;
129 m_FCN = float.PositiveInfinity;
130 }
```

# Automatische Kodengenerierung

Entwicklung  
von Modellen

Software-  
Entwicklung

Anforderungen,  
Spezifikation

Anforderungen,  
Spezifikation

Ausgangsmodelle

detailierte Modelle

**korrektes Modell, korrekterer Code**

Implementation

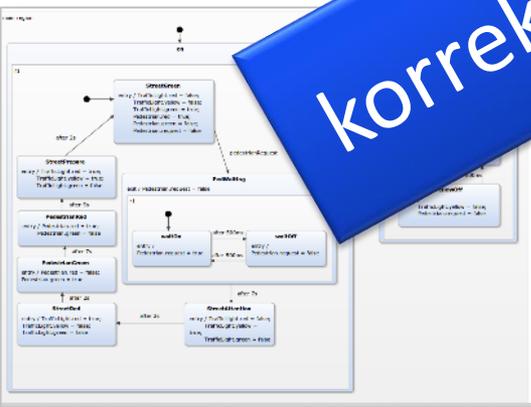
Testen

Wartung

Wartung

```
import java.util.Vector;
import java.awt.*;
import java.awt.event.*;

public class InternetClient implements Serializable
{
    private Socket socket;
    private ObjectInputStream objectIn;
    private ObjectOutputStream objectOut;
    // Creates a connection to the InternetClient
    public InternetClient(int port, String message)
    {
        // Connection to
        // To read object
        // To write object
        // Int
        // Int
        // Mess
        // port, p
        // rt supplied
    }
}
```



Grundbegriffe

Stat. Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

# GRUNDBEGRIFFE

# Modelle und Aufgaben

- **Synthese:**

*Welches Modell entspricht der Spezifikation?*



- **Analyse:**

*Wie ist das Verhalten des Modelles?*



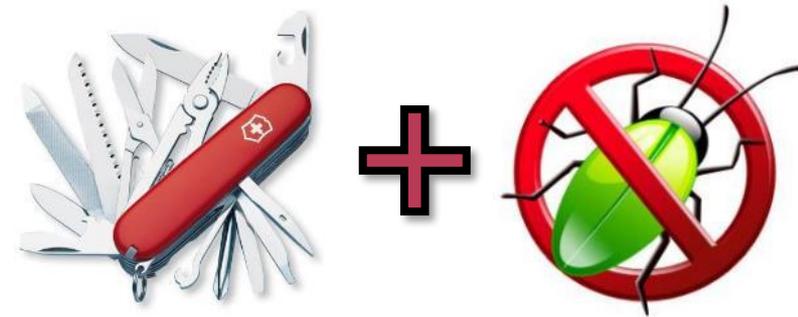
- **Steuerung:**

*Wie ist der gewünschte Zustand erreichbar?*



# Korrektheit

- Die **Korrektheit** ist die Fähigkeit des Modells oder Codes, dass es den gegenüber ihm gestellten Anforderungen entspricht.
  - **funktionale Korrektheit:** Das Entsprechen den funktionalen Anforderungen
  - Überprüfung der nichtfunktionalen Anforderungen (siehe die Vorlesungen über Leistungsmodellierung)
- **Aspekte:**
  - Erfüllung der Aufgabe
  - Fehlerfreiheit, Sicherheit
  - Kein verbotenes Verhalten



# Klassifizierung der funktionalen Anforderungen

- **Erlaubtes Verhalten** (z.B. safety)
  - Welche Zustände darf das System (nicht) aufnehmen?
  - Was für Verhalten sind verboten?
  - Universelle Anforderungen
    - sollen immer wahr sein
- **Erwartetes Verhalten** (z.B. liveness)
  - Welche Zustände sollen erreichbar sein?
  - Welche Funktionen soll das System leisten können?
  - Existenzielle Anforderungen
    - sollen immer erreichbar sein

# Klassifizierung der funktionalen Anforderungen

## ■ Erlaubtes Verhalten (z.B. safety)

- Welche Zustände darf das System (nicht) aufnehmen?
- Was für Verhalten sind erlaubt?
- Universelle Anforderungen
  - sollen immer wahr sein

„Die Verkehrsampeln einer Kreuzung **dürfen nie** gleichzeitig grün sein.“

## ■ Erwartetes Verhalten (z.B. I/O)

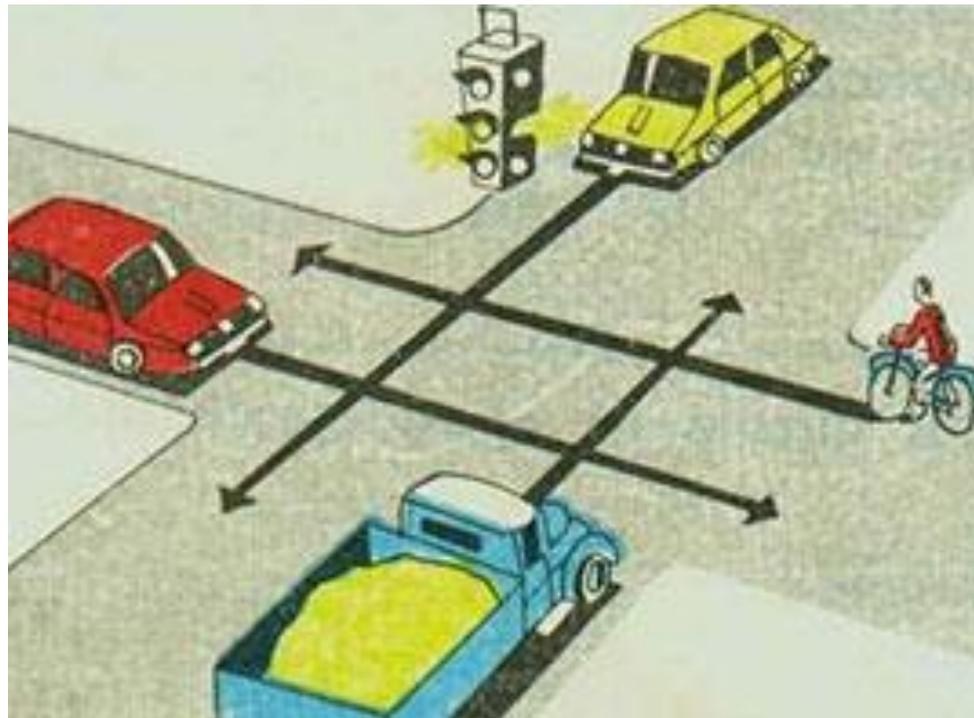
- Welche Zustände sollen erreicht werden?
- Welche Funktionen soll das System ausführen?
- Existenzielle Anforderungen
  - sollen immer erreichbar sein

„Die Verkehrsampel **soll immer fähig sein** auf grün zu wechseln.“

# Verklemmung (deadlock)

**Verklemmung:** Eine Zustandsmenge, aus welcher das System ohne äußeren Eingriff nicht weiterrreten kann.

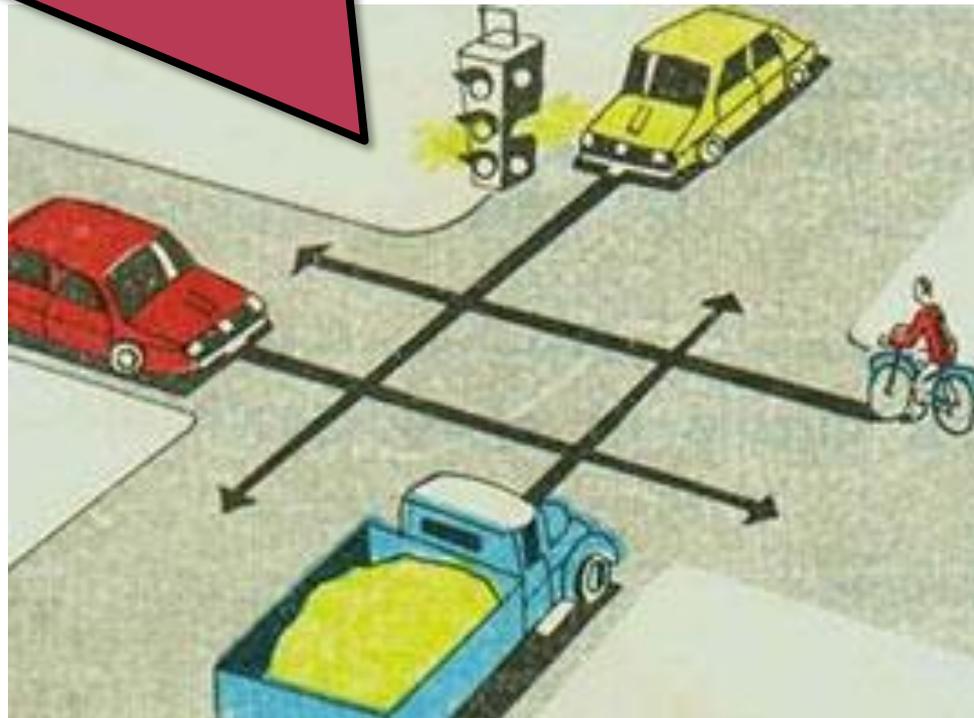
- z.B. aufeinander wartende Prozesse



# Verklemmung (deadlock)

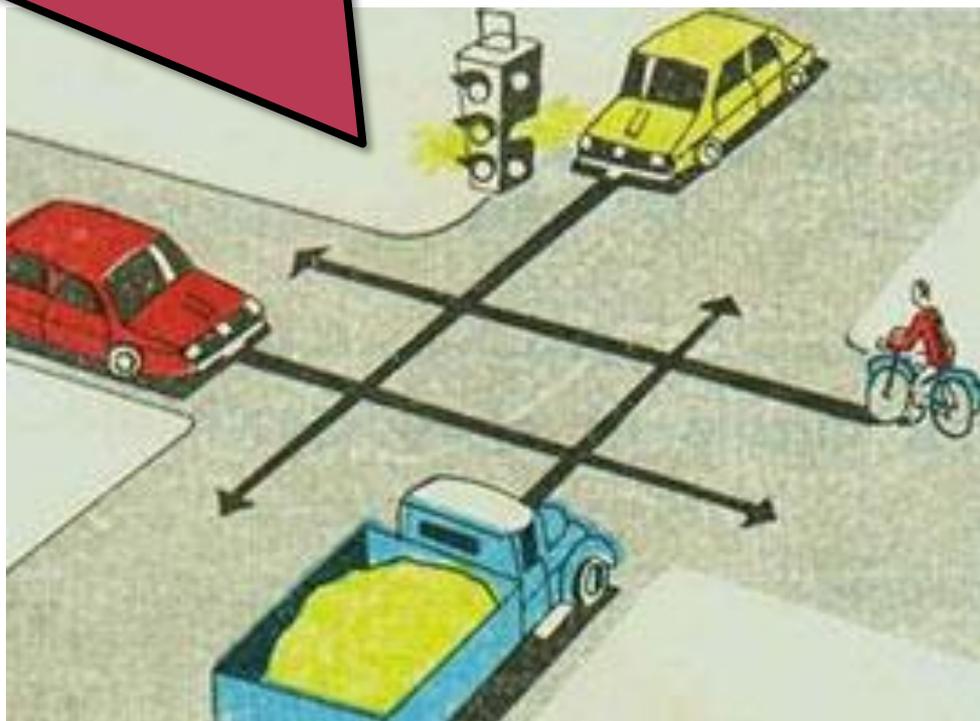
„Fahrzeuge, die von rechts kommen, haben, sofern die folgenden Absätze nichts anderes bestimmen, den Vorrang; Schienenfahrzeuge jedoch auch dann, wenn sie von links kommen.“

(Straßenverkehrsordnung §19 Abs. 1)



# Auflösung einer Verklemmung

„Wenn 4 Fahrzeuge in einer Kreuzung mit Rechtsvorrang gleichzeitig ankommen, soll irgendeiner der Fahrer auf seinen Vorrang verzichten. Ansonsten werden sie laut StVO ewig stehenbleiben.“  
(gyakorikerdesek.hu)



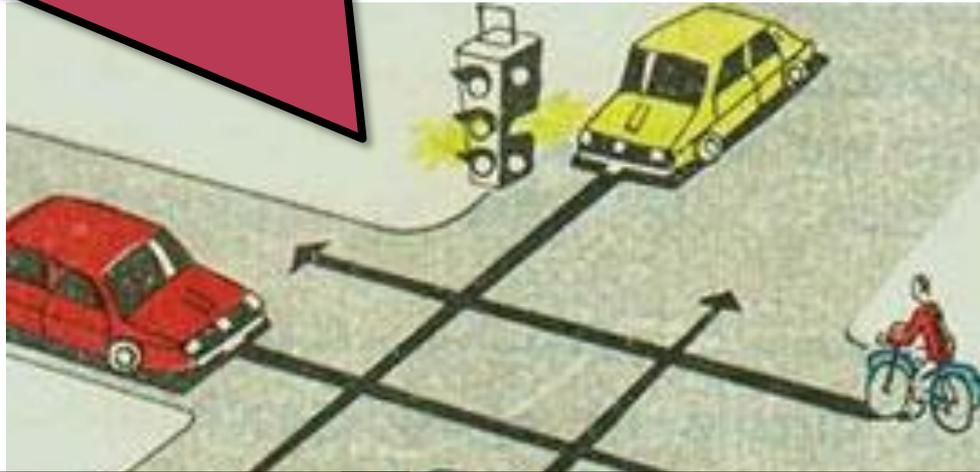
# Auflösung einer Verklemmung

„Wenn 4 Fahrzeuge in einer Kreuzung mit Rechtsvorrang gleichzeitig ankommen, soll irgendeiner der Fahrer auf seinen Vorrang verzichten. Ansonsten werden sie laut StVO ewig stehenbleiben.“  
(gyakorikerdesek.hu)



# Neue Verklemmung

„Wenn 4 Fahrzeuge in einer Kreuzung mit Rechtsvorrang gleichzeitig ankommen, soll irgendeiner der Fahrer auf seinen Vorrang verzichten. Ansonsten werden sie laut StVO ewig stehenbleiben.“  
(gyakorikerdesek.hu)



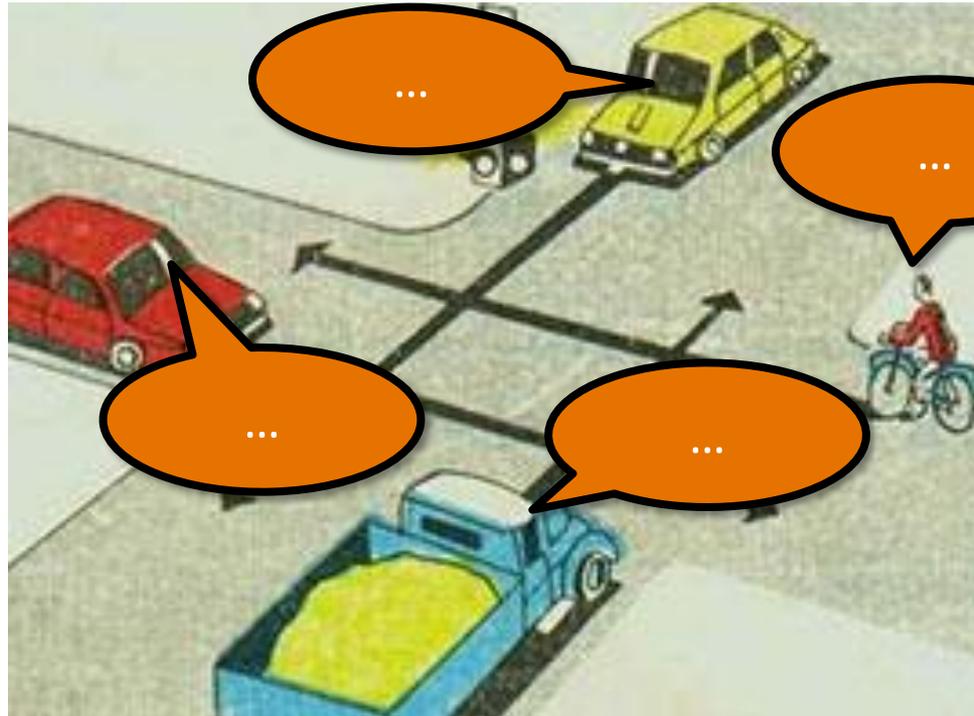
## Auflösung der Verklemmung der Auflösung:

- Asymmetrische Algorithmen
- Algorithmen mit Zufallsprinzip
  - Siehe den Backoff-Verfahren bei Ethernet-Netzwerken

# Endlosschleife (livelock)

**Endlosschleife: Eine weitere Zust.menge, aus welcher das System ohne äußeren Eingriff nicht weiterrreten kann.**

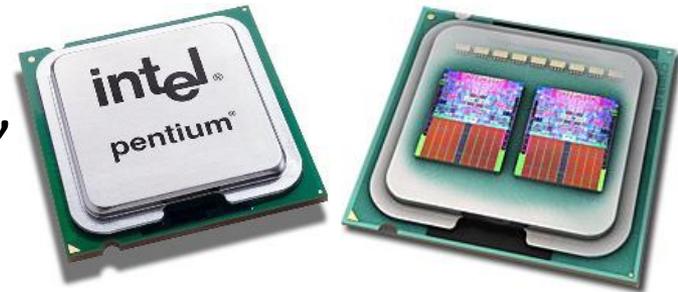
- z.B. gerade wegen der Auflösung einer **Verklemmung**
- z.B. das Google-Auto mit dem Fixie



# Verklemmung (deadlock)

## ■ Häufiger Planungsfehler bei parallelen Systemen

- Manchmal ist es schwer zu vermeiden, aufzulösen
  - eine für gut gehaltene Lösung kann auch so ein Problem verursachen
- Durch Testen schwer zu entdecken, kann scheinbar zufällig sein
- „Krise der Multi-core Prozessoren“

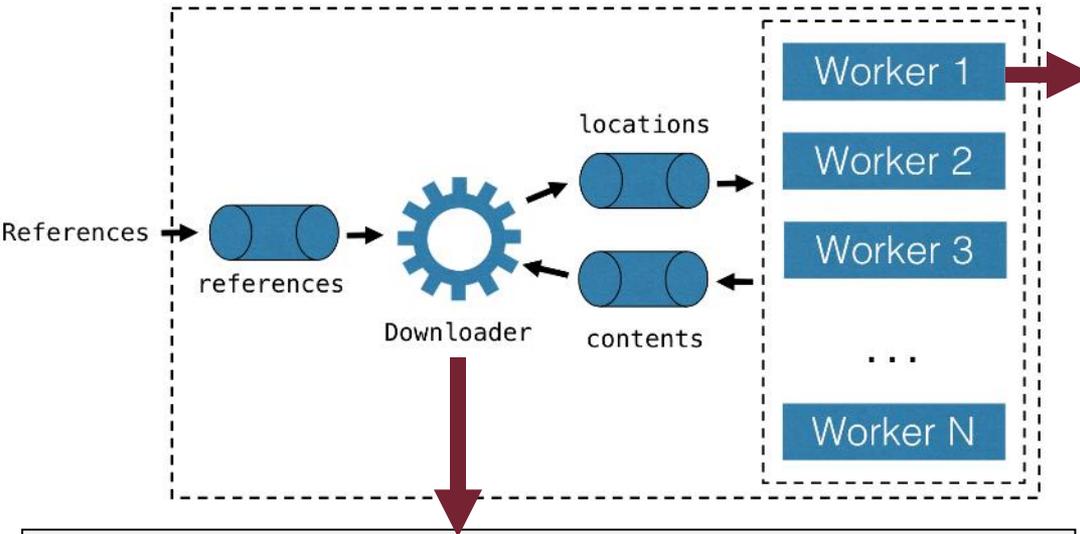


## ■ Beispiele

- Zwei Prozesse wollen Nachrichten austauschen, beide warten auf den anderen
- Zwei Prozesse brauchen zwei Ressourcen, jeder hat eine schon bekommen, jeder wartet auf die andere R.

# Bsp.: Kommunizierende SW-Komponente

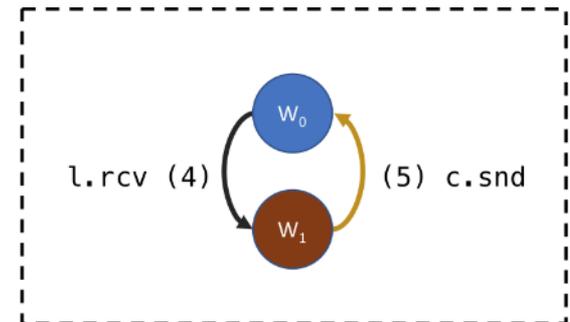
processReferences



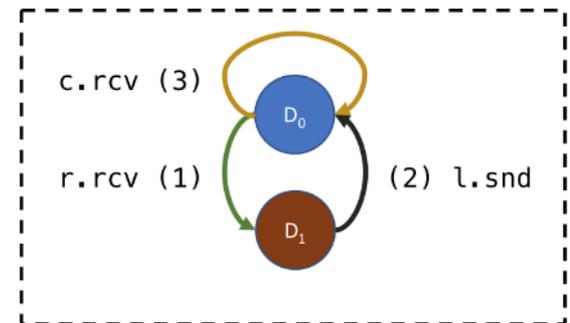
```
for (loc in locations) { // (4)
  val content = downloadContent(loc)
  contents.send( // (5)
    LocContent(loc, content)
  )
}
```

```
while (true) {
  select<Unit> {
    references.onReceive { // (1)
      ref ->
        val loc = ref.resolveLocation()
        //...
        locations.send(loc) // (2)
    }
    contents.onReceive { // (3)
      (loc, content) -> //...
    }
  }
}
```

Worker



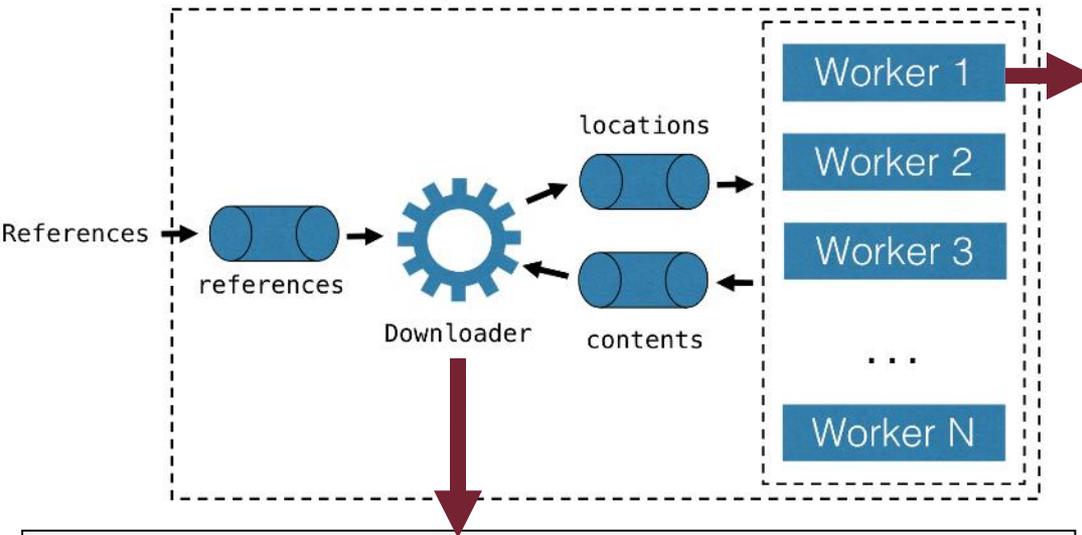
Downloader



Forrás: <https://medium.com/@elizarov/deadlocks-in-non-hierarchical-csp-e5910d137cc>

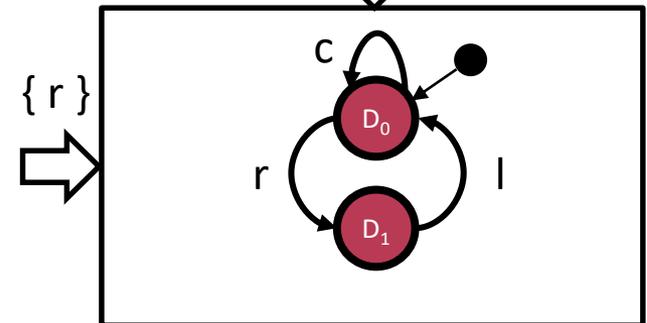
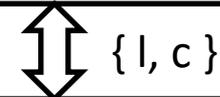
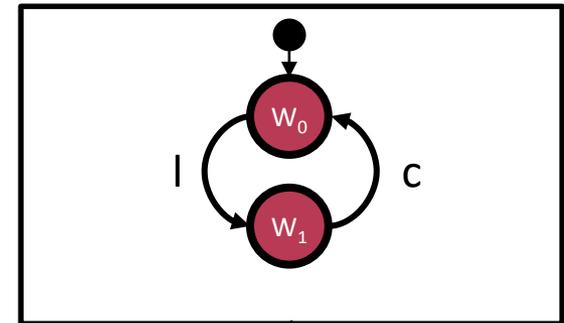
# Bsp.: Kommunizierende SW-Komponente

processReferences



```
for (loc in locations) { // (4)
  val content = downloadContent(loc)
  contents.send( // (5)
    LocContent(loc, content)
  )
}
```

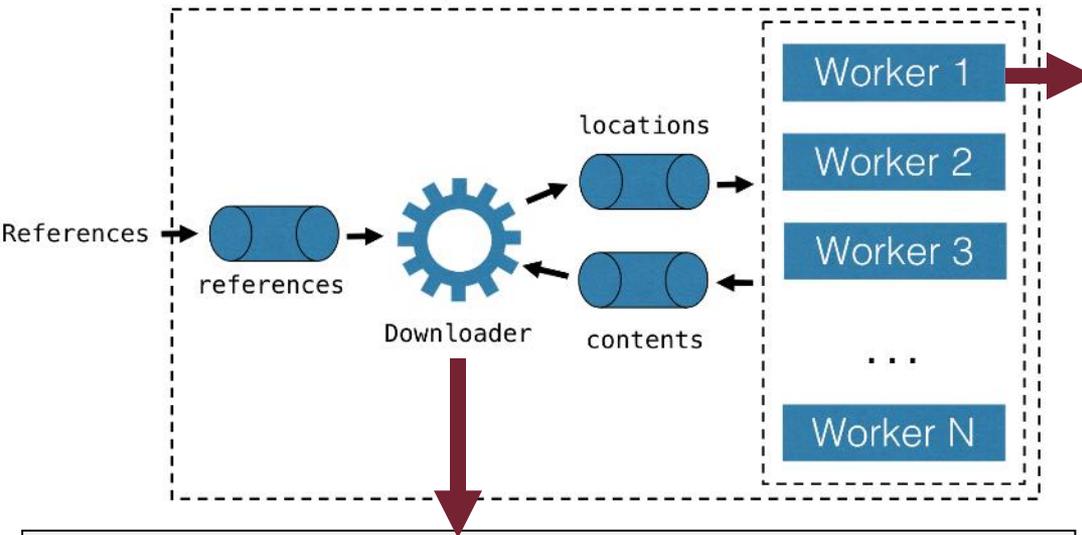
```
while (true) {
  select<Unit> {
    references.onReceive { // (1)
      ref ->
        val loc = ref.resolveLocation()
        //...
        locations.send(loc) // (2)
    }
    contents.onReceive { // (3)
      (loc, content) -> //...
    }
  }
}
```



Forrás: <https://medium.com/@elizarov/deadlocks-in-non-hierarchical-csp-e5910d137cc>

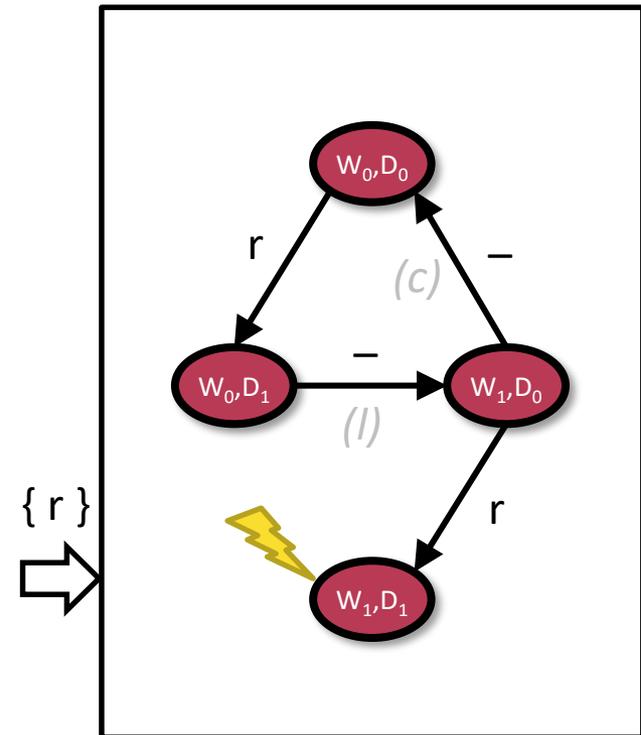
# Bsp.: Kommunizierende SW-Komponente

processReferences



```
for (loc in locations) { // (4)
  val content = downloadContent(loc)
  contents.send( // (5)
    LocContent(loc, content)
  )
}
```

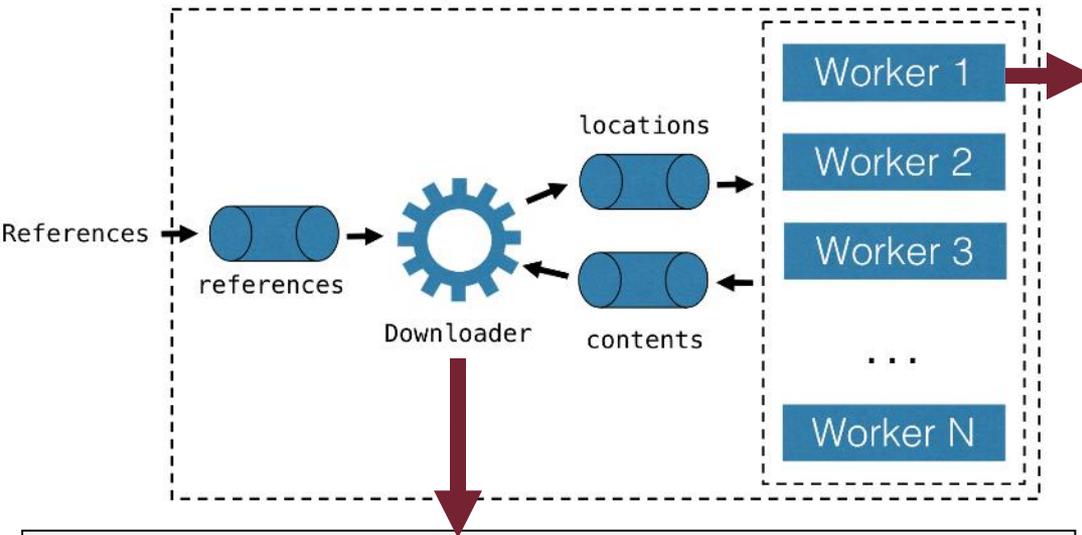
```
while (true) {
  select<Unit> {
    references.onReceive { // (1)
      ref ->
        val loc = ref.resolveLocation()
        //...
        locations.send(loc) // (2)
    }
    contents.onReceive { // (3)
      (loc, content) -> //...
    }
  }
}
```



Forrás: <https://medium.com/@elizarov/deadlocks-in-non-hierarchical-csp-e5910d137cc>

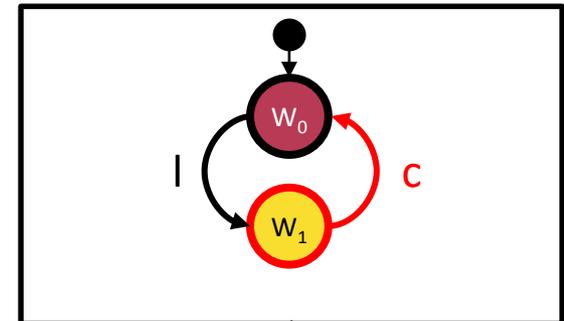
# Bsp.: Kommunizierende SW-Komponente

processReferences

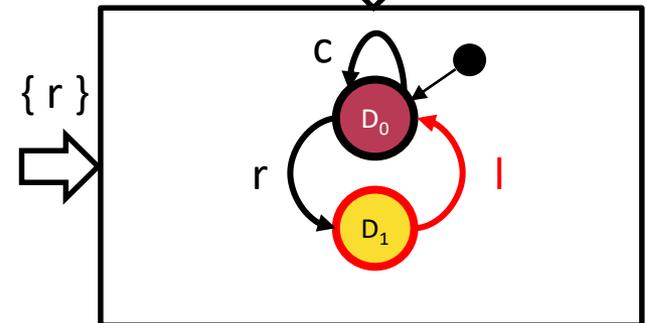


```
for (loc in locations) { // (4)
  val content = downloadContent(loc)
  contents.send( // (5)
    LocContent(loc, content)
  )
}
```

```
while (true) {
  select<Unit> {
    references.onReceive { // (1)
      ref ->
        val loc = ref.resolveLocation()
        //...
        locations.send(loc) // (2)
    }
    contents.onReceive { // (3)
      (loc, content) -> //...
    }
  }
}
```

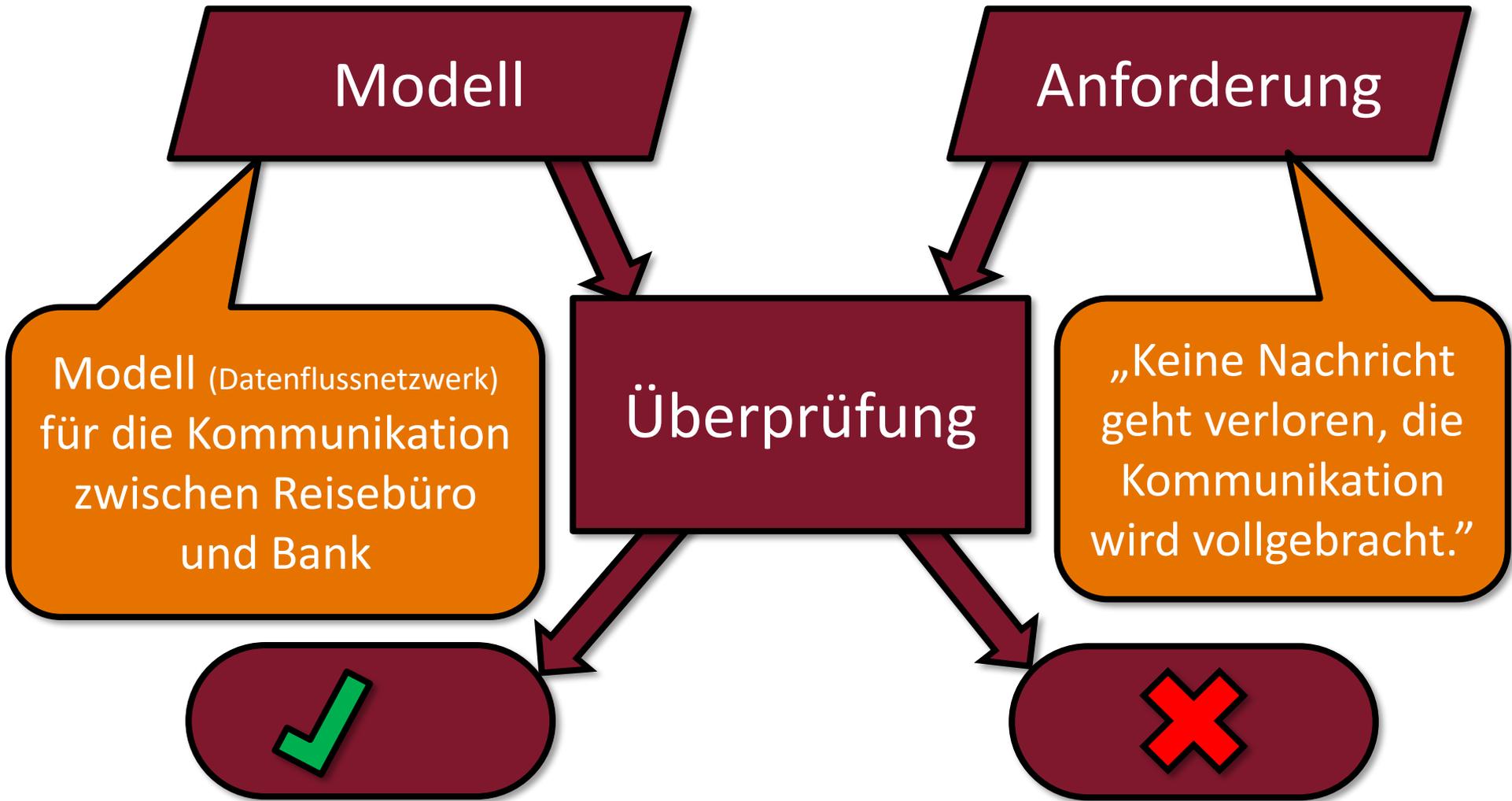


$\{l, c\}$



Forrás: <https://medium.com/@elizarov/deadlocks-in-non-hierarchical-csp-e5910d137cc>

# Überprüfung von Modellen



# Arten der Untersuchungen

## ■ Nach dem Zweck:

- **Verifikation: Ist das System richtig gebaut?**
  - Ist die Implementation entsprechend der Spezifikation?
- **Validation: Ist das richtige System gebaut?**
  - Erfüllt das System die Benutzeranforderungen?

## ■ Nach der Methode:

- Statische Überprüfung
- Dynamische Überprüfung
  - stichprobenartig (Testen, Simulation)
  - ausführlich/vollständig (Überprüfung der Modelle)

Grundbegriffe

Statische Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

Grundbegriffe

Stat. Überprüfung

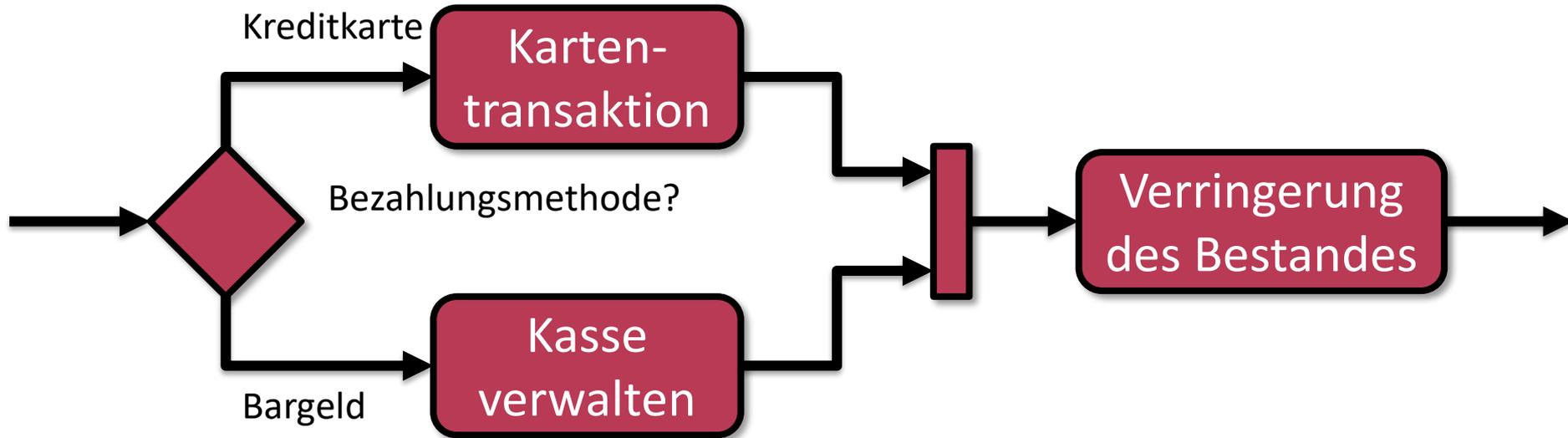
Testen

Formale Verifikation

# STATISCHE ÜBERPRÜFUNG

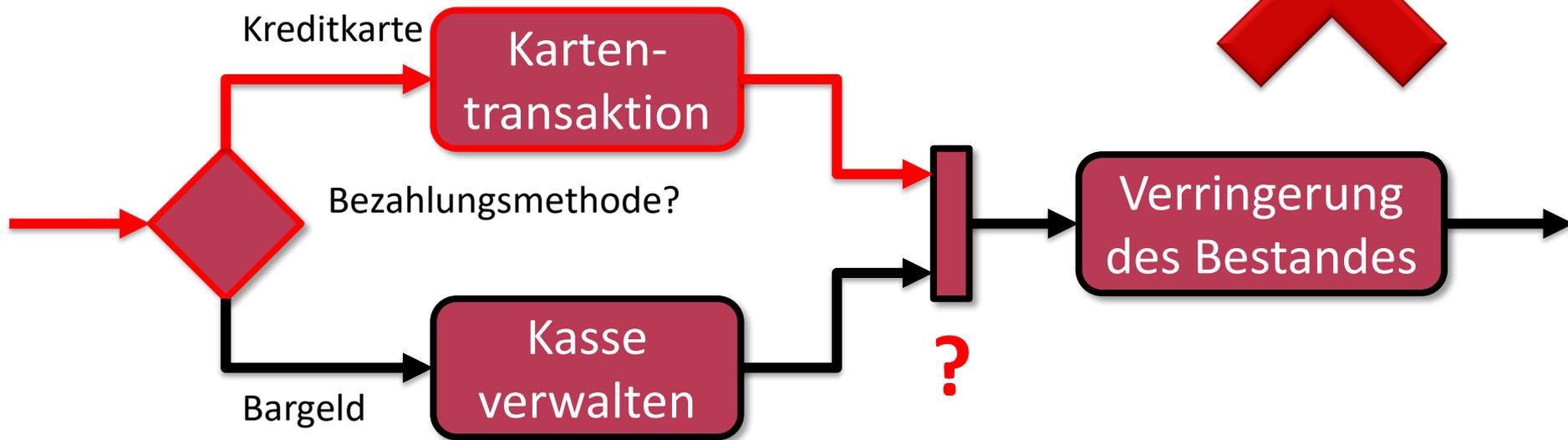
# Decision und Join

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Decision und Join

- Ist das untenstehende Modell richtig?

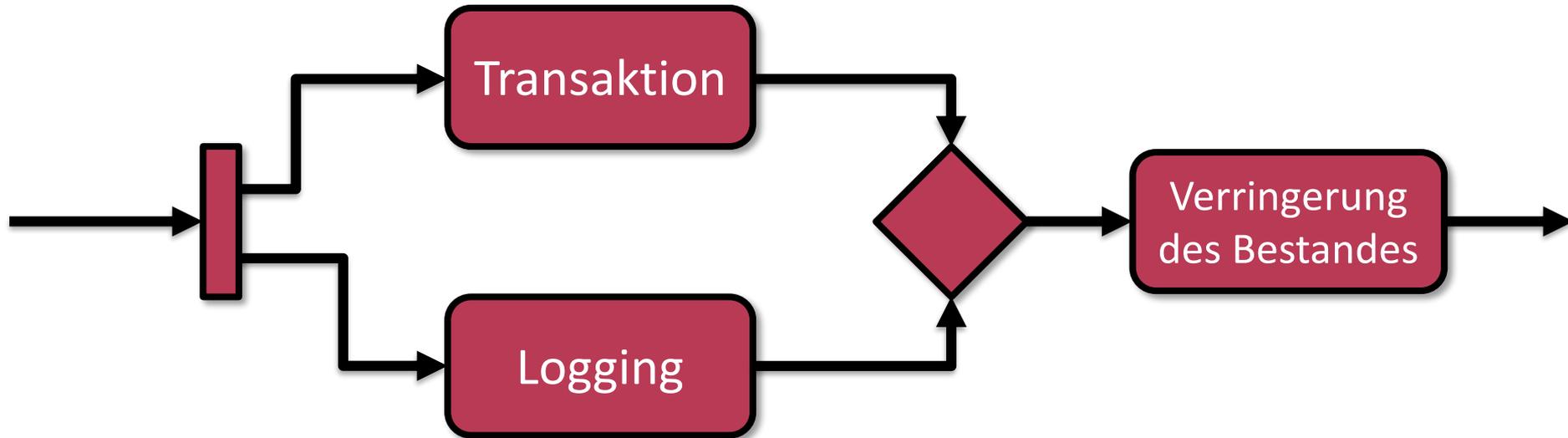


- Join: Eine Fortsetzung ist nur möglich, wenn an allen Eingängen ein Token angekommen ist

→ **VERKLEMMUNG (DEADLOCK)**

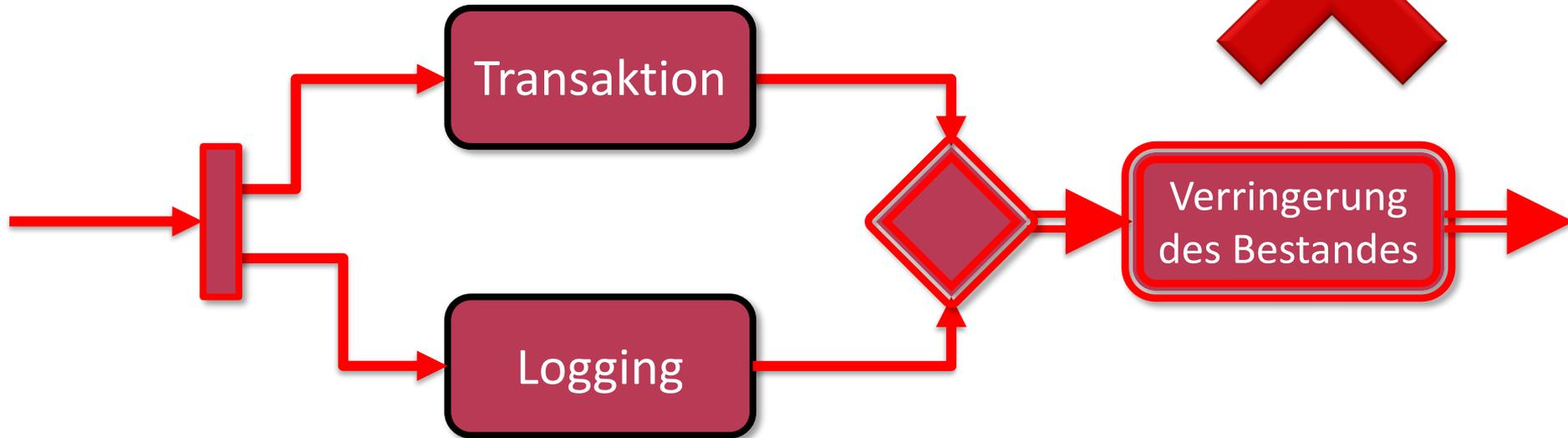
# Fork und Merge

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Fork und Merge

- Ist das untenstehende Modell richtig?



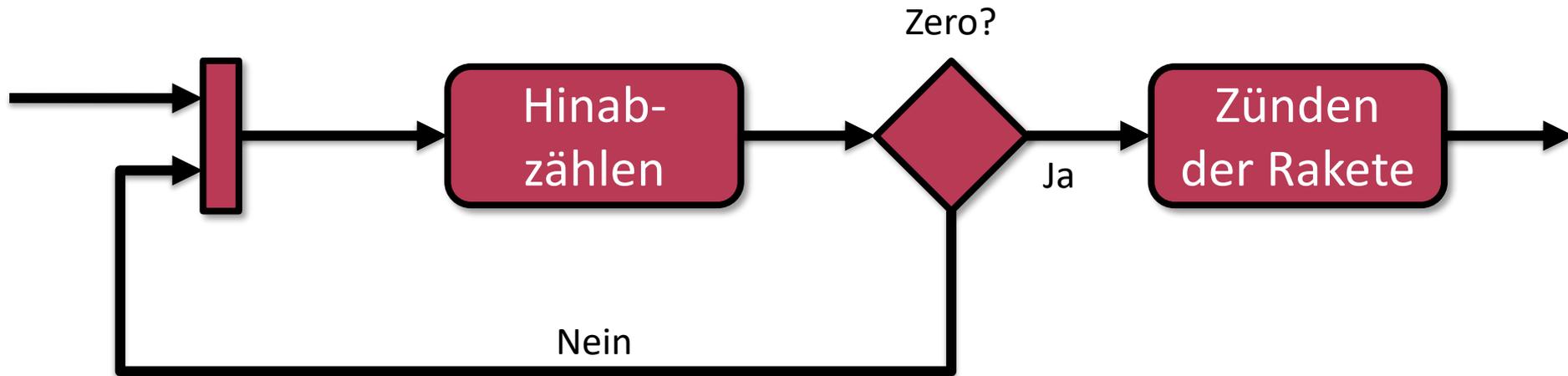
- Merge: Eine Fortsetzung ist möglich, sobald an einem Eingang ein Token angekommen ist

- Keine Synchronisation der Faden

→ **DOPPELTE „VERRINGERUNG DES BESTANDES“**

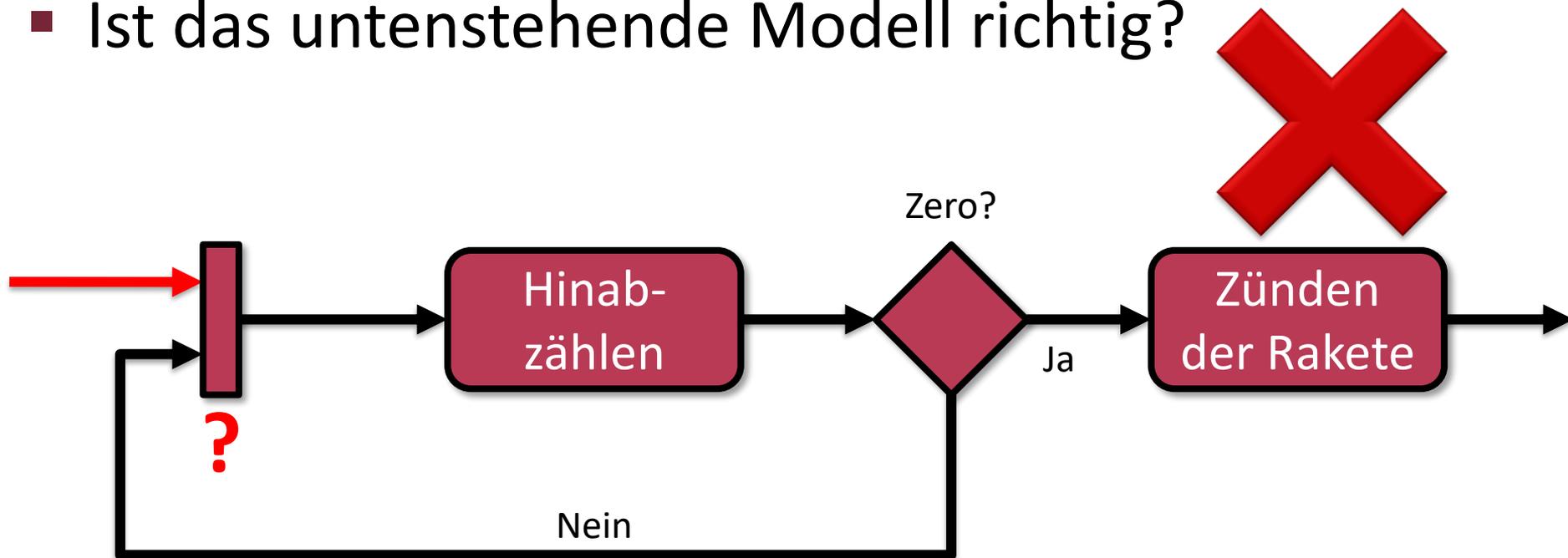
# Schleife 1.

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Schleife 1.

- Ist das untenstehende Modell richtig?

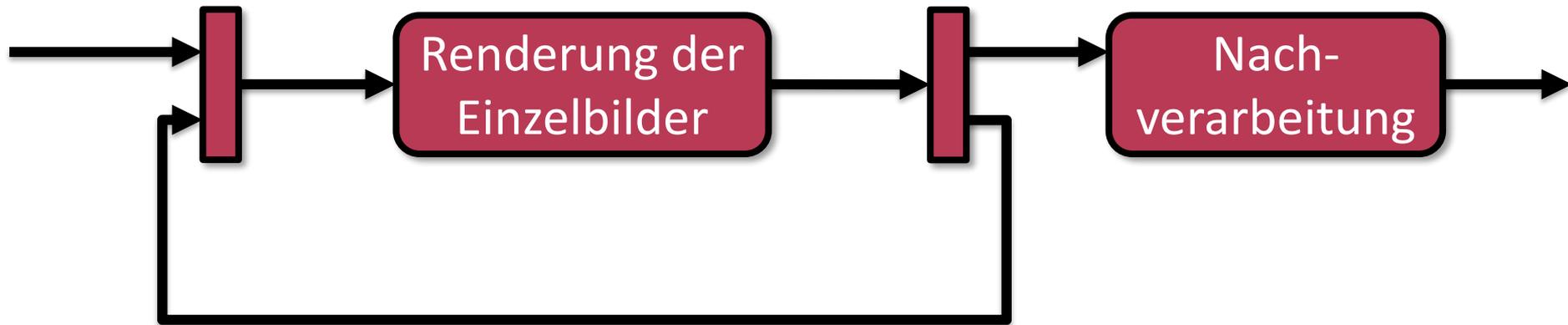


- Join: Eine Fortsetzung ist nur möglich, wenn an allen Eingängen ein Token angekommen ist

→ **VERKLEMMUNG (DEADLOCK)**

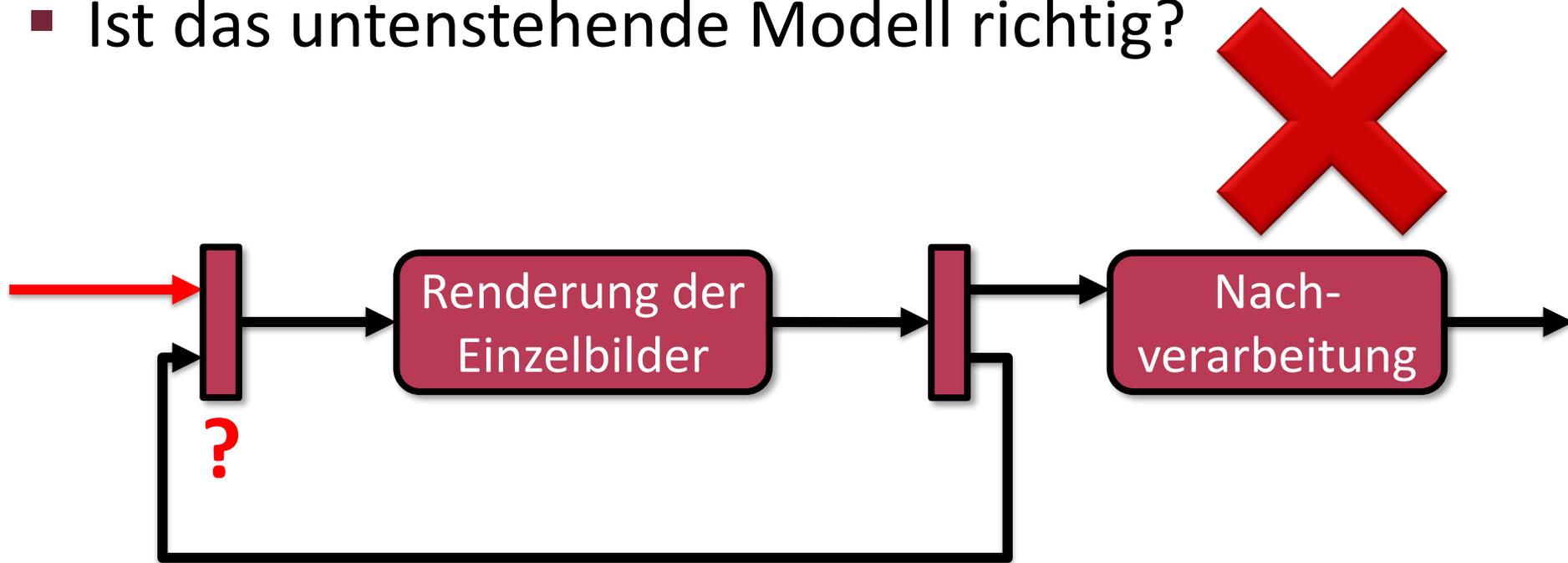
# Schleife 2.

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Schleife 2.

- Ist das untenstehende Modell richtig?

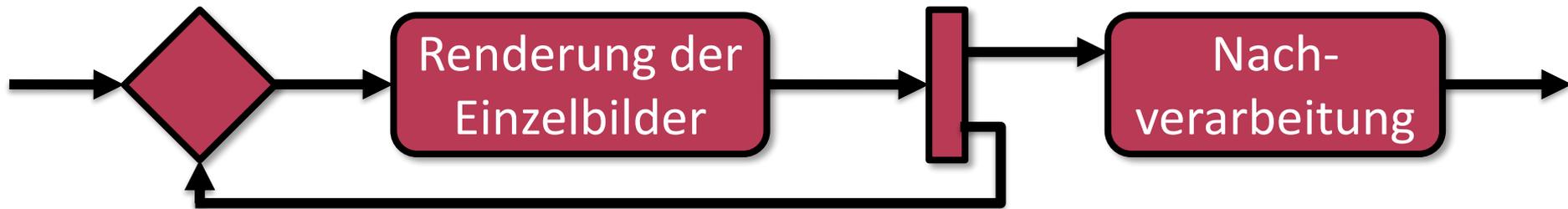


- Join: Eine Fortsetzung ist nur möglich, wenn an allen Eingängen ein Token angekommen ist

→ **VERKLEMMUNG (DEADLOCK)**

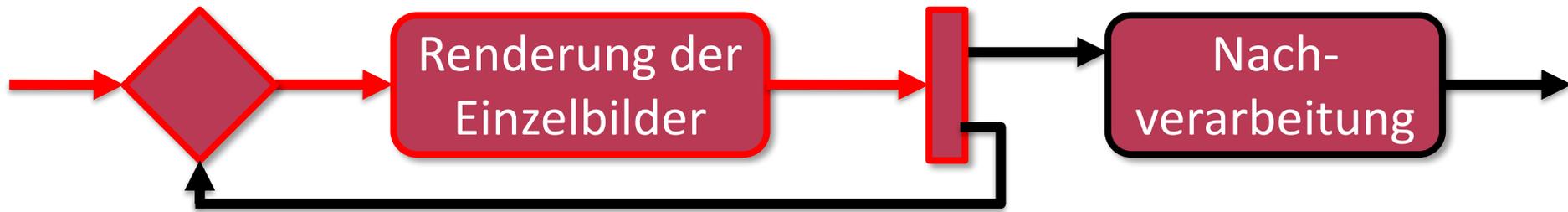
# Schleife 3.

- Ist das untenstehende Modell richtig?



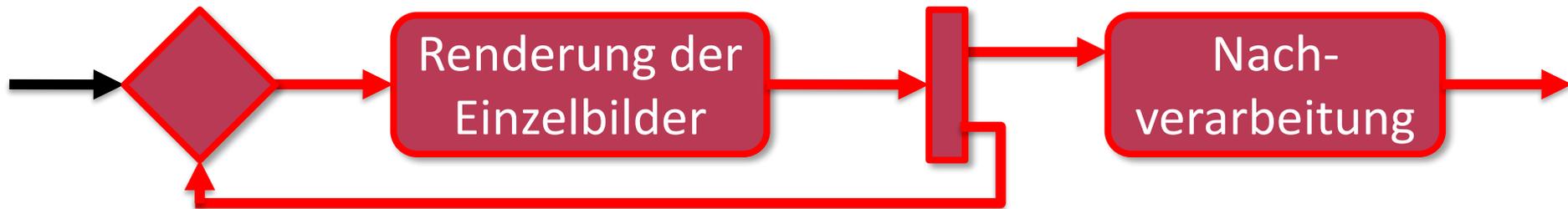
# Schleife 3.

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Schleife 3.

- Ist das untenstehende Modell richtig?

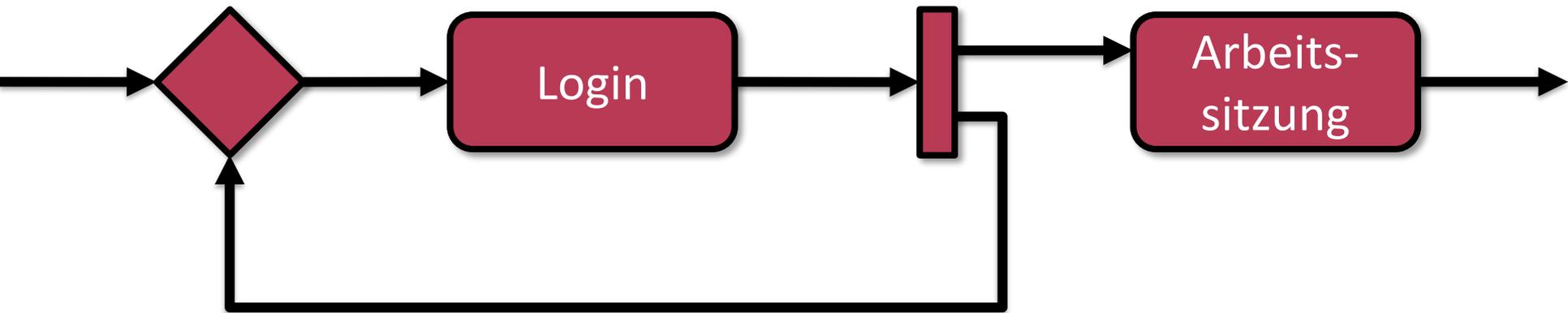


- Ein neues Bild in jeder Iteration
  - Nachverarbeitung jedes Bildes in neuem Faden (Wie viel mal?)

→ **GEFÄHRLICH**, WEIL ES UNENDLICH VIELE FADEN PRODUZIEREN KANN

# Ciklus 3.

- Ist das untenstehende Modell richtig?
  - Und jetzt?

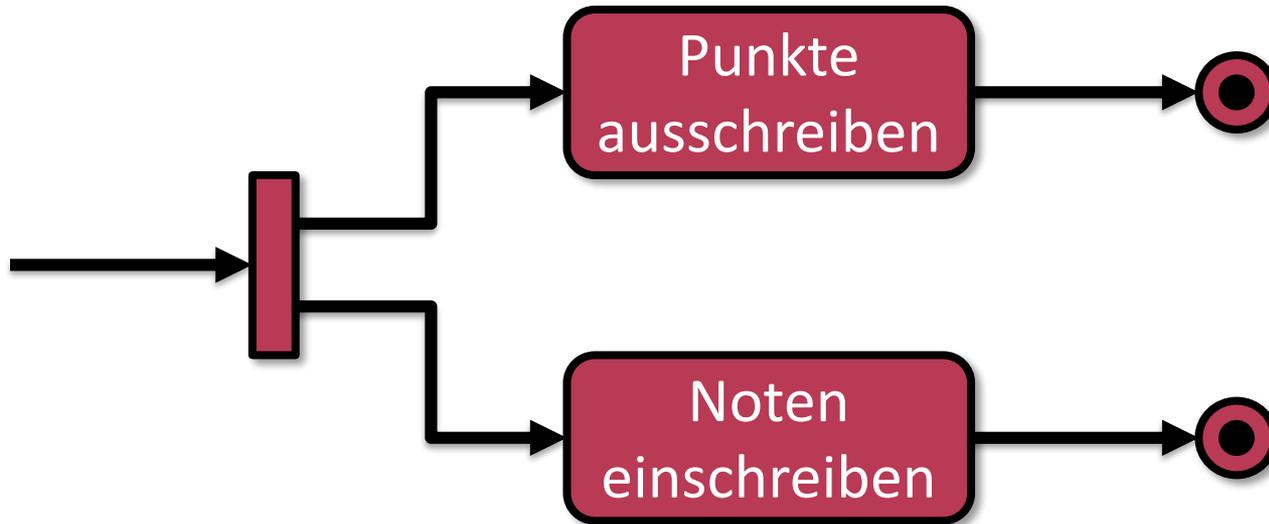


- Nach jedem Login ein weiteres Login ...
  - ...und eine Arbeitssitzung (working session) ...?

➔ Die fehlerhafte Implementierung „produziert“ Threads

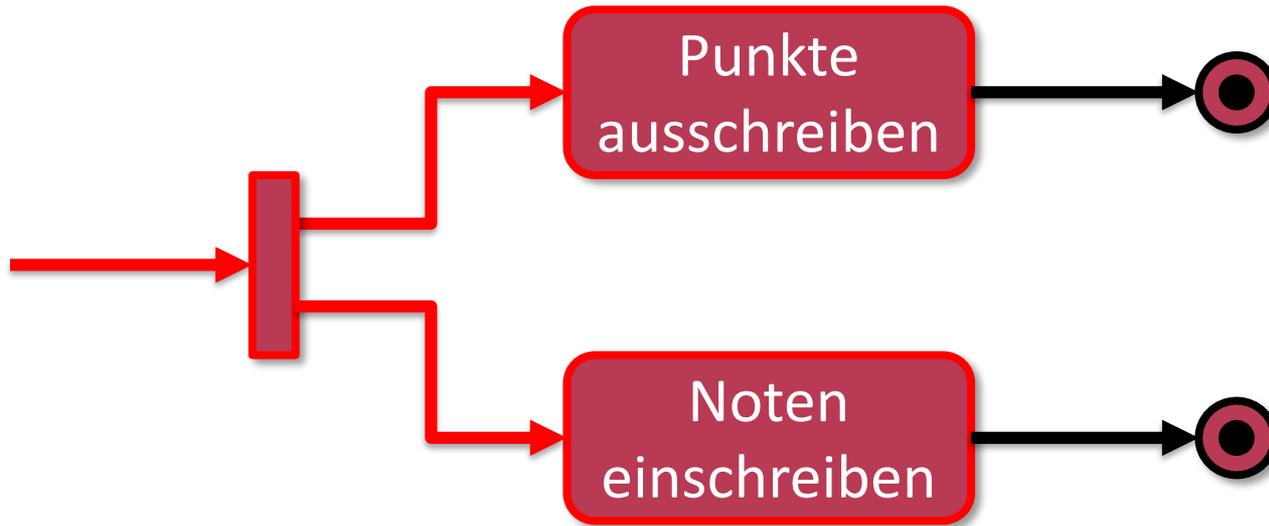
# Endknotenpunkte

- Ist das untenstehende Modell richtig?



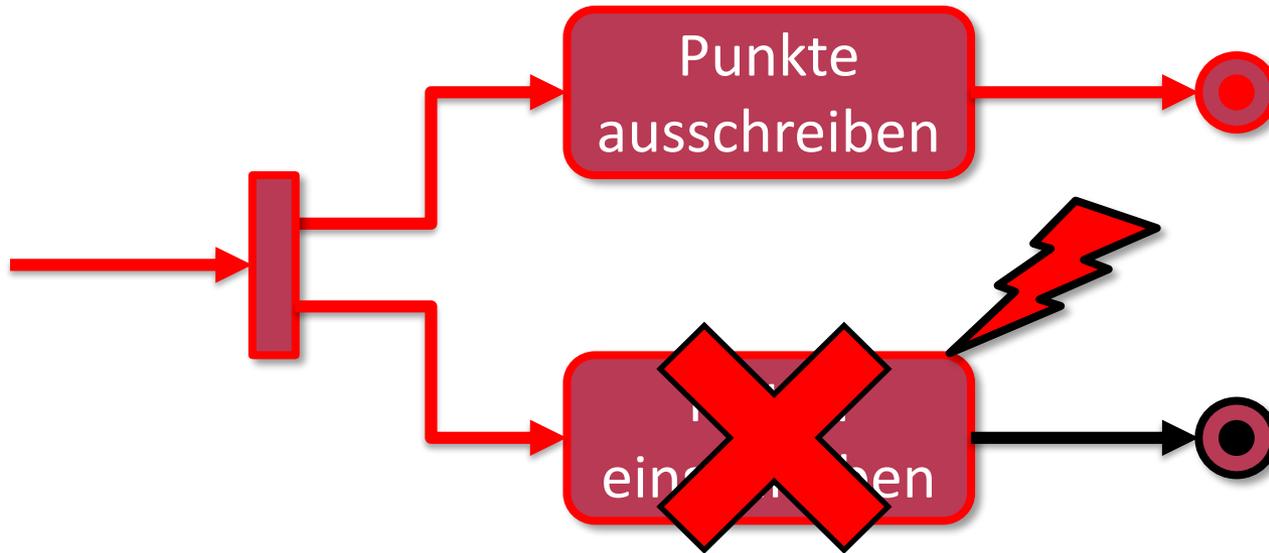
# Endknotenpunkte

- Ist das untenstehende Modell richtig?



# Endknotenpunkte

- Ist das untenstehende Modell richtig?

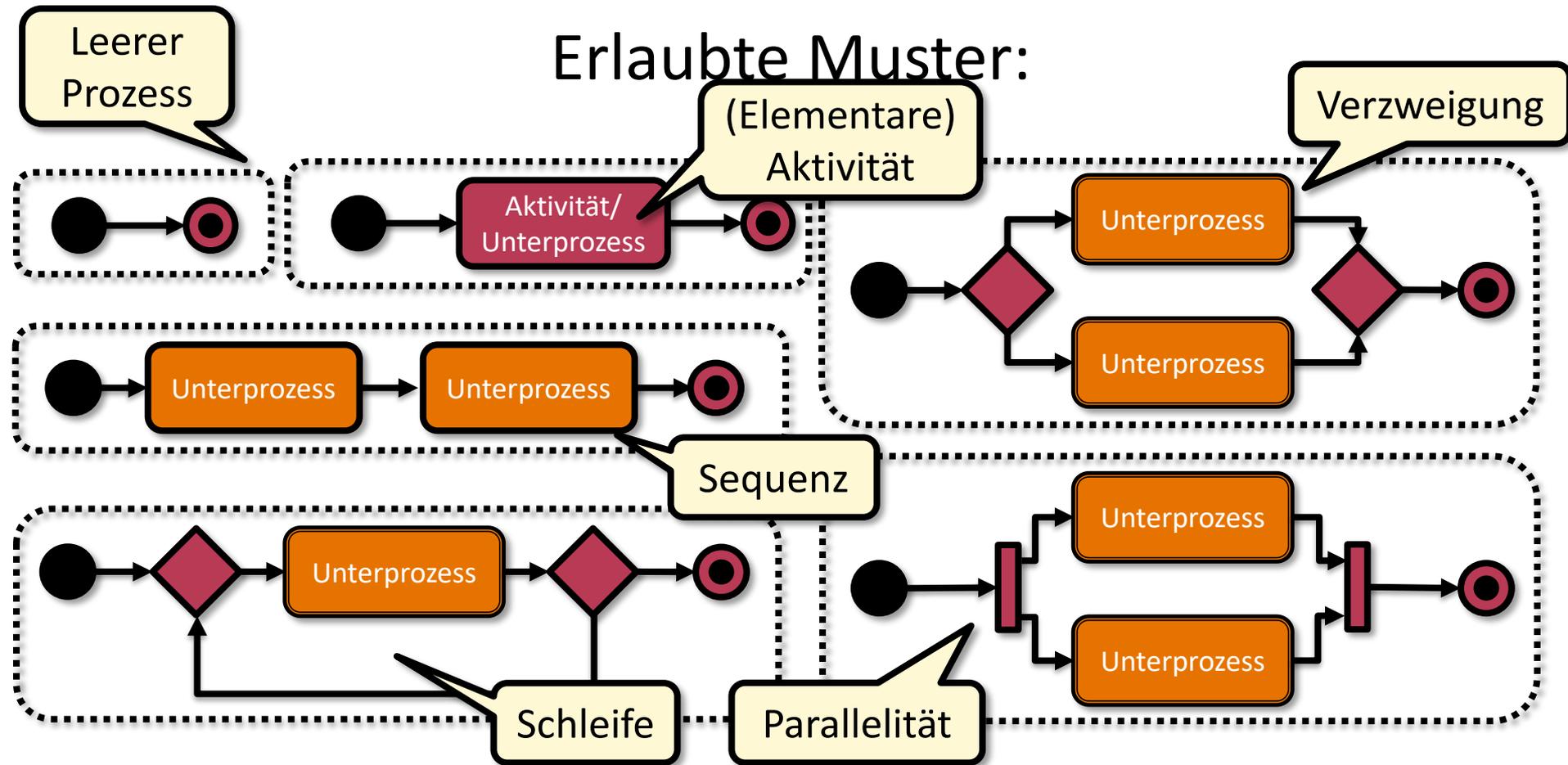


- Der terminierende Knoten stoppt den **ganzen** Prozess  
→ **DIE ANDERE AKTIVITÄT WIRD NIE ABLAUFEN**

# Wohlstrukturierte Prozessmodelle

- **Die Lehre:** Mit wohlstrukturierten Modellen können diese Fehler vermieden werden

Erlaubte Muster:



# Statische Überprüfung der Datenbearbeitung

## ■ Eine Funktion multipliziert zwei ganze Zahlen

### ○ abgeleitete Anforderung:

- „Ist mind. die eine Zahl gerade, so ist auch das Produkt“

### ○ Sie kann durch den ganzen Code begleitet werden

- „Ausführung im Kopf“

```
int mul(int a, int b) {  
    return a * b;  
}
```

## ■ **Symbolische Ausführung**

### ○ Anstatt den konkreten Werten wird das Programm mit Wertemengen ausgeführt

### ○ Die interessante Eingabewerte werden bestimmt

- z.B. wo es interne Verzweigungen gibt

→ Welche Eingaben steuern die einzelnen Zweige an?

# Statische Überprüfung: Syntaktische Überprüfung

- Syntaktische Überprüfung: die Modellierungsumgebungen verbinden die logisch zusammengehörenden Elemente

**Schnittstellendeklaration:**

```
var clock: integer = 60
```

**Verwendung im Modell:**

```
after 1 s [clock>0]/ clock-=1
```

- Syntaxgesteuerte Editoren

- Fehler während Bearbeitung → **Couldn't resolve reference**
- Moderne Umgebungen: Vorschlagen der Kandidaten

- Kode+Diagramm gemeinsam

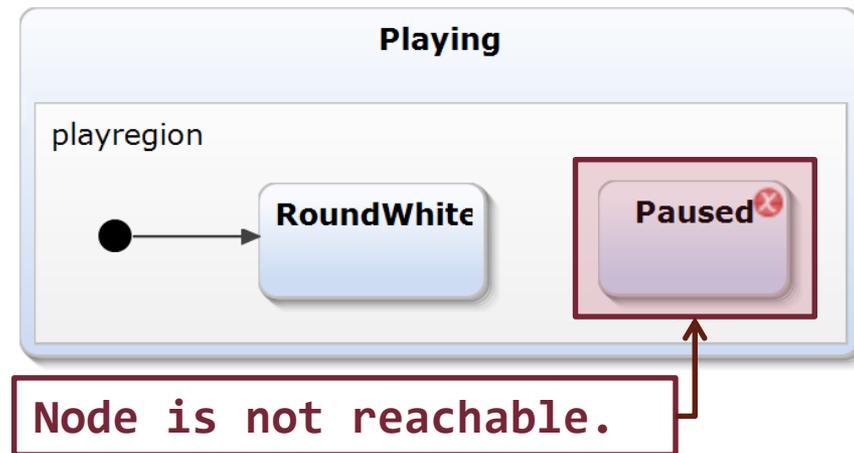
```
after 1 s [clock>0]/ clock-=1
```



- Programmieren: **fehlerhaft** während der Bearbeitung
- Modellieren: **korrekt** während der Bearbeitung

# Statische Überprüfung: Strukturelle Überprüfung

- Strukturelle Überprüfung: Untersuchung des Modellgraphen
- Suchen nach Fehlermuster während der Bearbeitung
- z.B. unerreichbarer Zustand:



- Weitere Überprüfungen: fehlender Anfangszustand, Verklemmung, fehlerhafte Wertzuordnungen, etc.

- Unterstützung von Entwurfsrichtlinien:  
Weitere Regeln können auch eingeführt werden
  - *Always* und *Oncycle*: für jedes Taktsignal feuervernde Ereignisse
  - Beliebige Frequenz → Typischerweise fehlerhaftes Verhalten

In der Hausaufgabe ist die Benutzung von *Always*- und *Oncycle*-Ereignissen strengstens **untersagt**.

Grundbegriffe

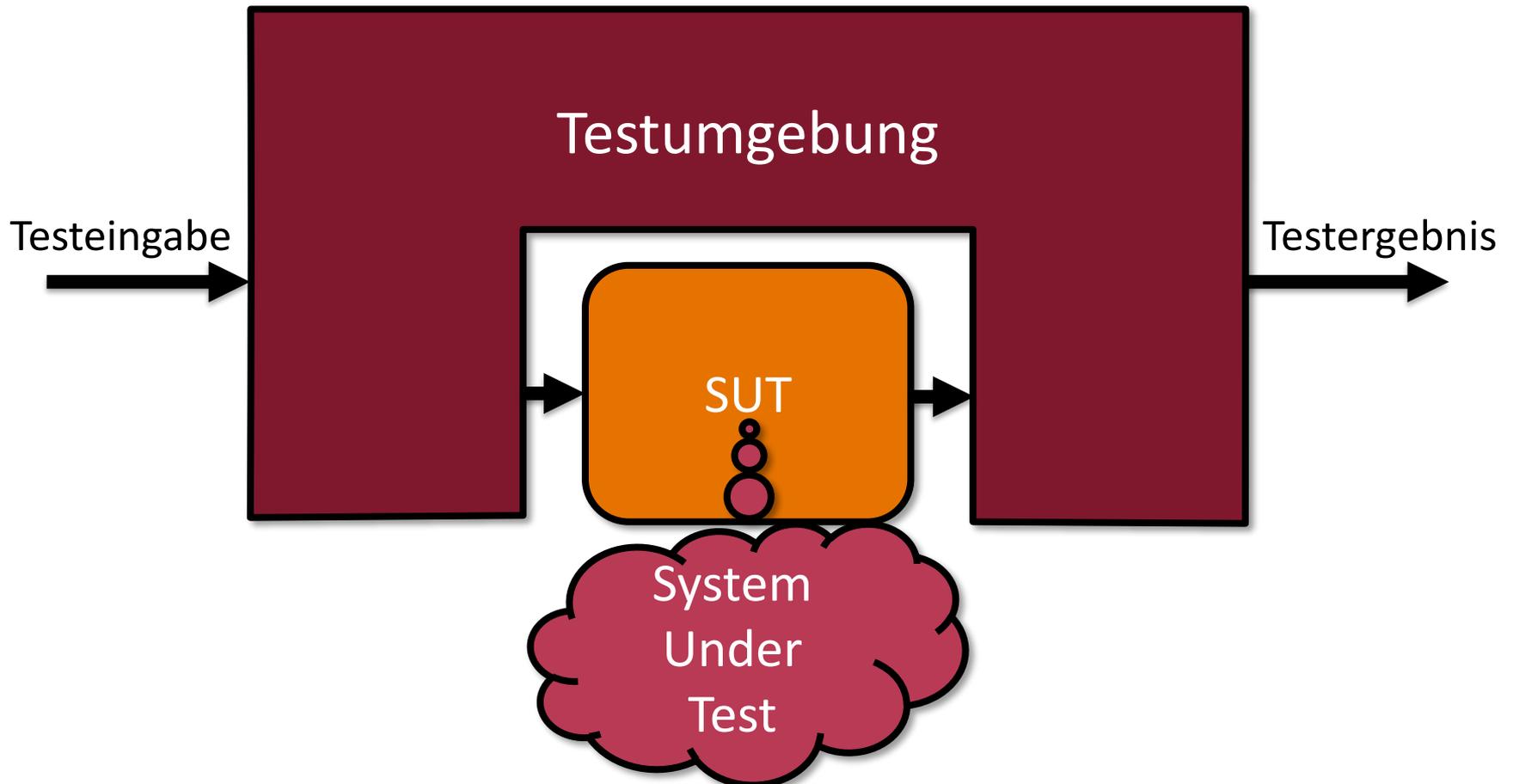
Stat. Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

# TESTEN

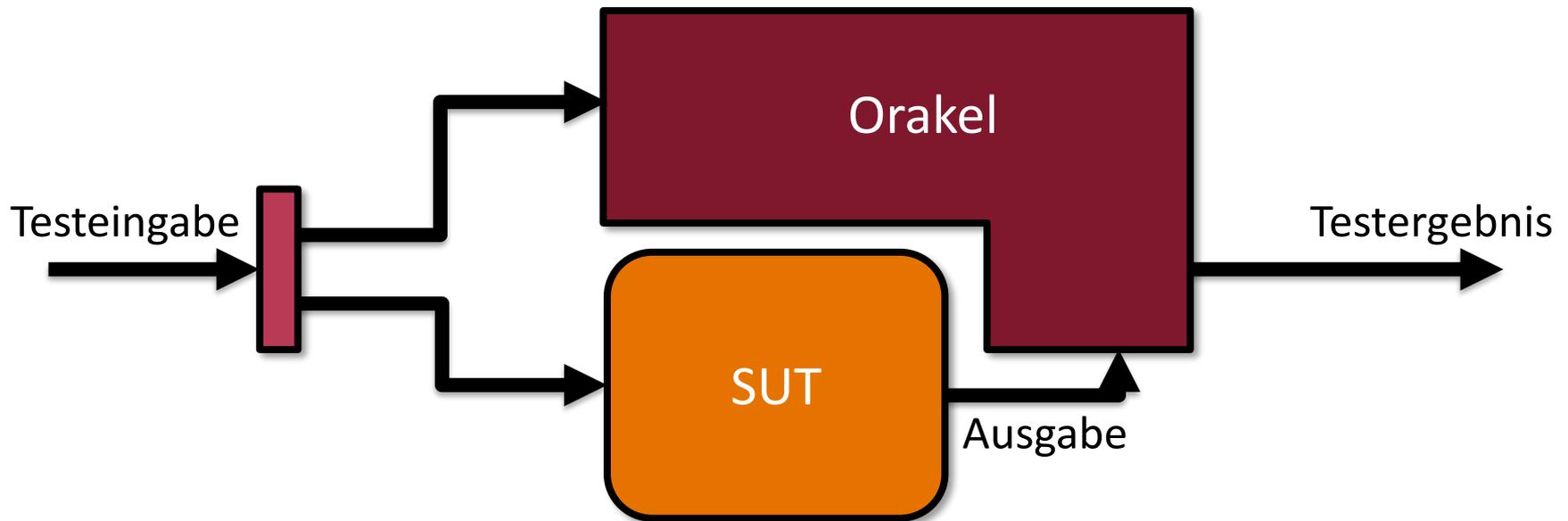
# Testen von Modellen I.



# Testen von Modellen II.

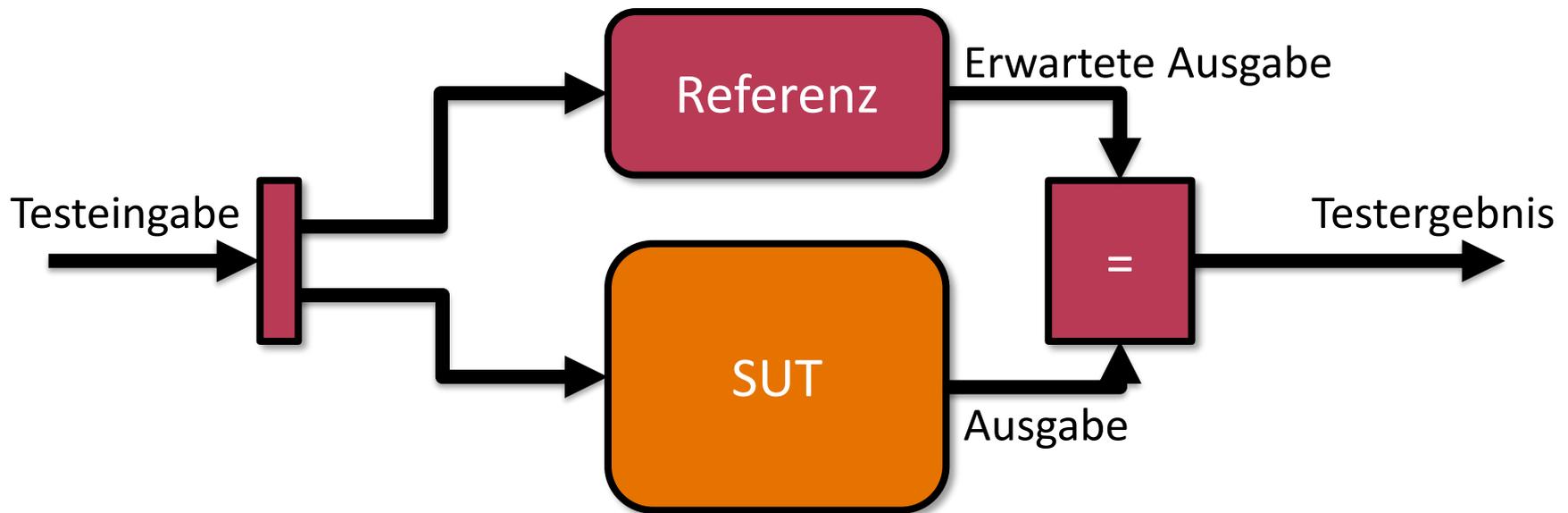
## ■ Das Orakel:

Erzeugung und Vergleichung der erwarteten Ausgaben

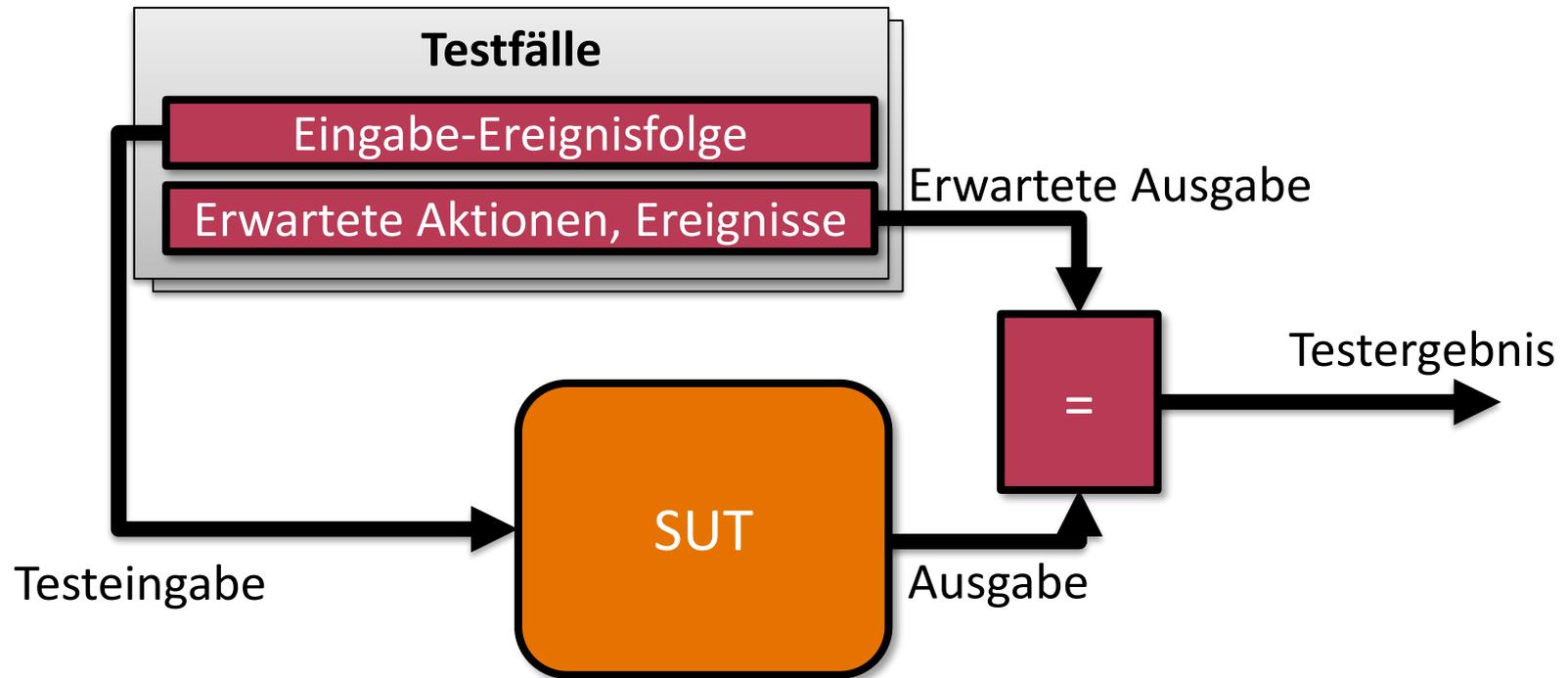


# Testen von Modellen III.

- **Referenz:** Sie produziert die erwartete Ausgaben anhand der Testeingaben.



# Testen von Modellen: Yakindu Zustandsmaschine



**Testfall Beispiel:** Im Einstellungsmenü kann die Anfangsbedenkzeit zwischen 1 und 3 Minuten in 5 Sekunden-schritten eingestellt werden.

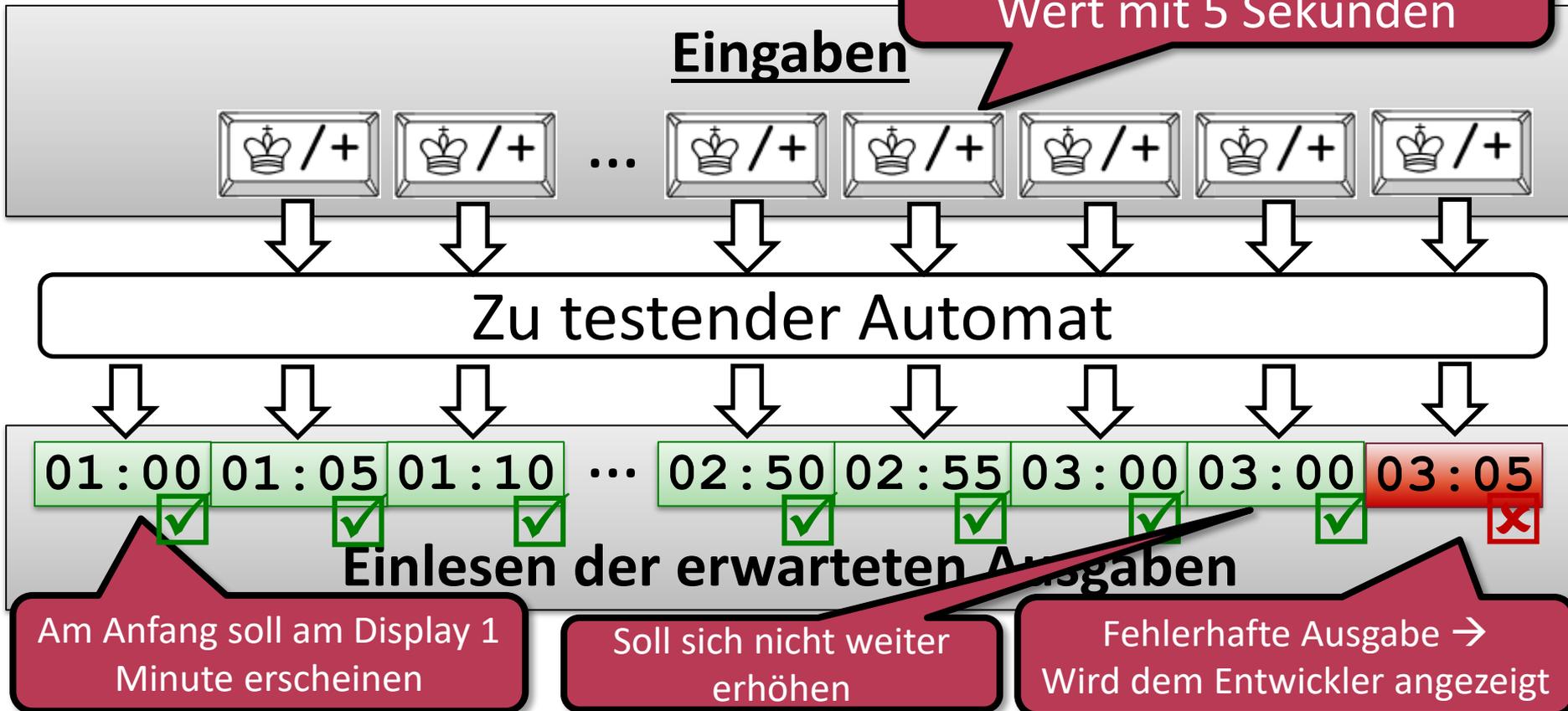
Eingaben

Zu testender Automat

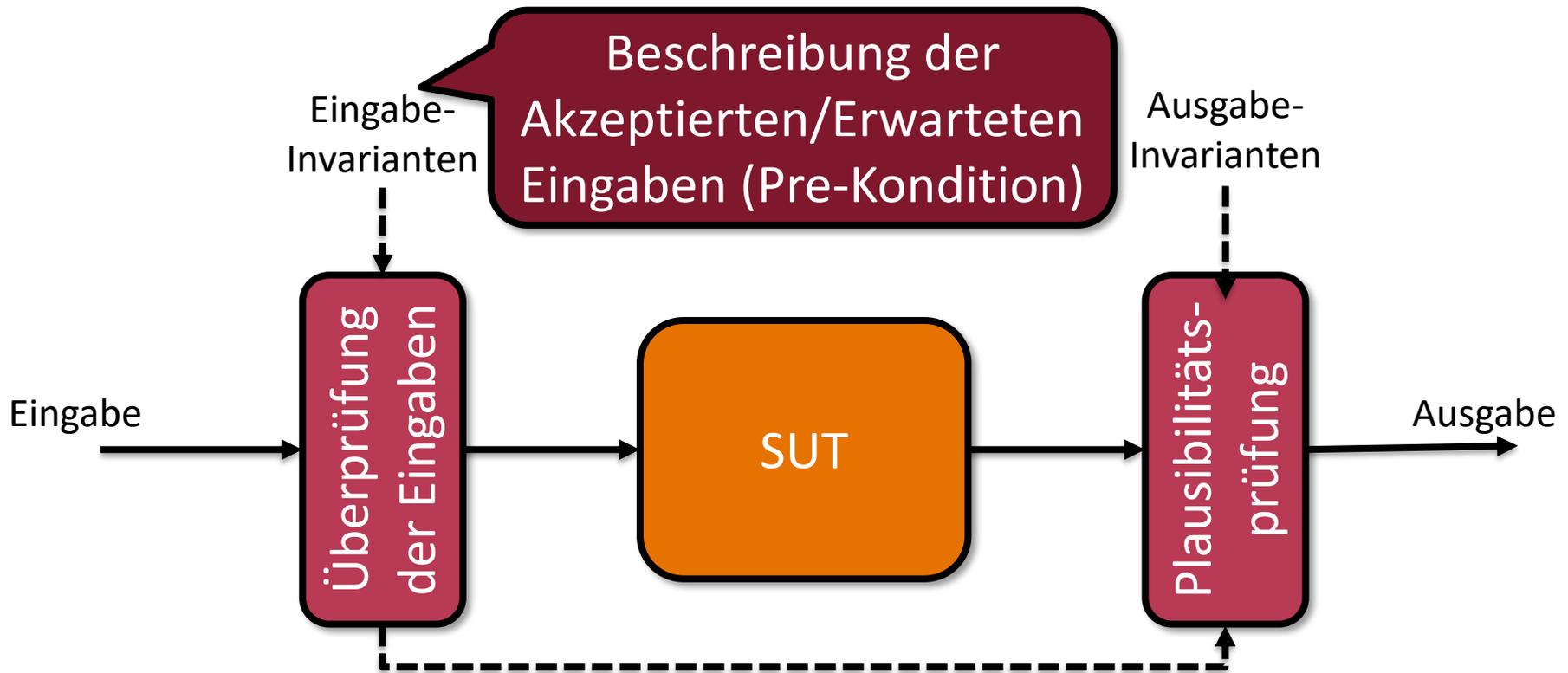
Einlesen der erwarteten Ausgaben

# Testen von Modellen: Yakindu Zustandsmaschine

**Testfall Beispiel:** Im Einstellungsmenü kann die Anfangsbedenkzeit zwischen 1 und 3 Minuten in 5 Sekunden-schritten eingestellt werden.

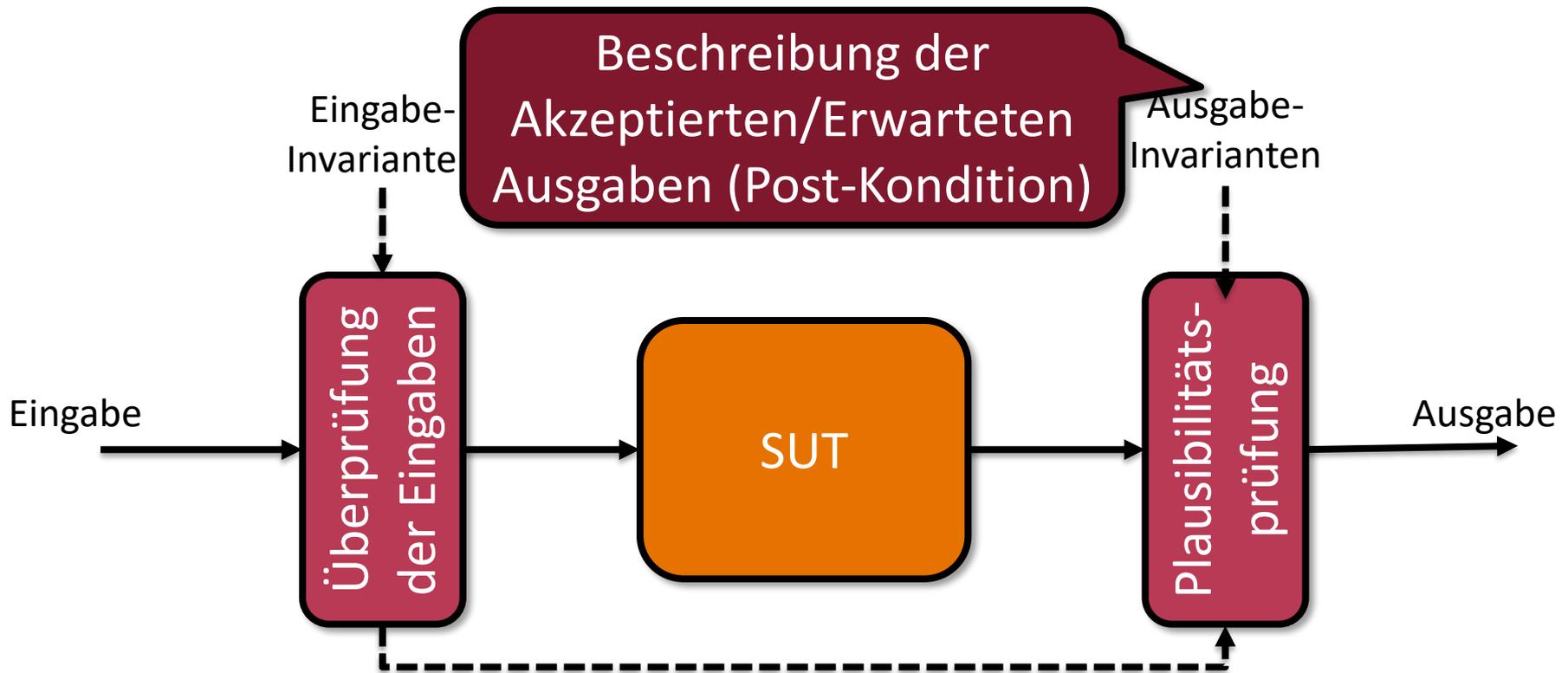


# Selbsttest (monitor)



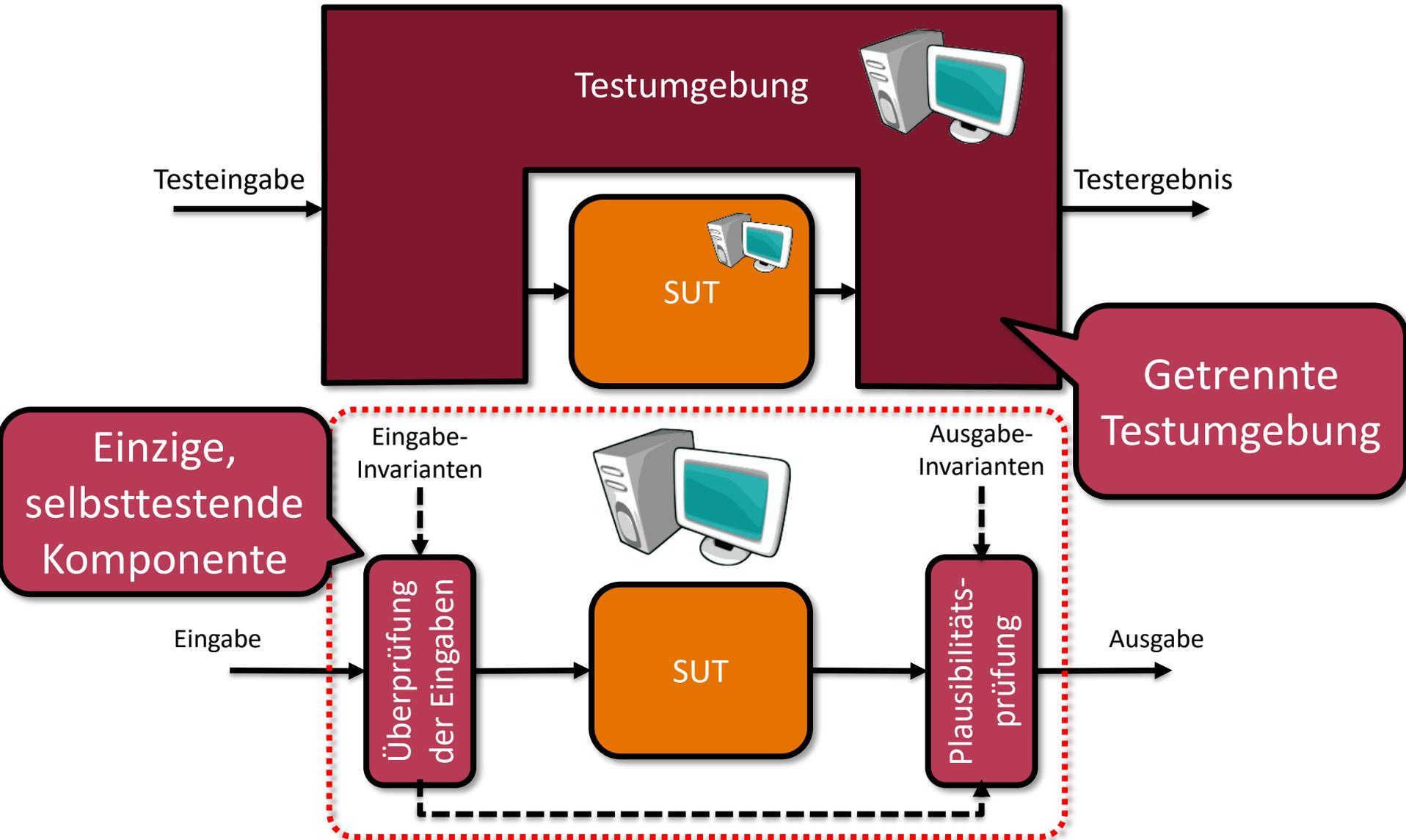
- **Invariante Eigenschaft:**  
sie soll fortlaufend wahr sein

# Selbsttest (monitor)



- **Invariante Eigenschaft:**  
sie soll fortlaufend wahr sein

# Selbsttest vs. Externes Test



# Selbsttestendes Programm

Pre-Kondition: die Diskriminante soll nicht-negativ sein

```
void Roots(float a, b, c,  
           float &x1, &x2)  
{  
    float d = sqrt(b*b-4*a*c);  
  
    x1 = (-b + d)/(2*a);  
    x2 = (-b - d)/(2*a);  
}
```

Post-Kondition: beide Lösungen sollen Nullstellen sein

```
void RootsMonitor(float a, b, c,  
                  float &x1, &x2)  
{  
    // Pre-Kondition  
    float D = b2-4*a*c;  
    if (D < 0)  
        throw "Invalid input!";  
  
    // Ausführung  
    Roots(a, b, c, x1, x2);  
  
    // Post-Kondition  
    assert(a*x12+b*x1+c == 0 &&  
           a*x22+b*x2+c == 0);  
}
```

# Selbsttestendes Programm

## Exception (Ausnahme):

Von dem normalen abweichender, unerwarteter Fall, der **irgendwo anders behandelt wird**.

**Ursache:** falsche Bedienung.

```
float d = sqrt(b*b-4*a*c);
```

## Assert (Behauptung):

Fehlerzustand, auf dessen Behandlung der Code **nicht vorbereitet wurde**.

**Ursache:** fehlerhafte Implementation oder Laufzeitfehler.

```
void RootsMonitor(float a, b, c,  
                 float &x1, &x2)
```

```
{
```

```
// Pre-Kondition
```

```
float D = b2-4*a*c;
```

```
if (D < 0)
```

```
    throw "Invalid input!";
```

```
// Ausführung
```

```
Roots(a, b, c, x1, x2);
```

```
// Post-Kondition
```

```
assert(a*x12+b*x1+c == 0 &&  
       a*x22+b*x2+c == 0);
```

```
}
```

# Testen von Modellen

- Ausführen des Modells: Simulation
  - Auf gegebene Eingaben überprüfetes Verhalten
- Testfälle:
  1. Testeingaben
    - z.B. die Mitte und die zwei Enden eines Wertebereiches
  2. Erwartete Ausgaben

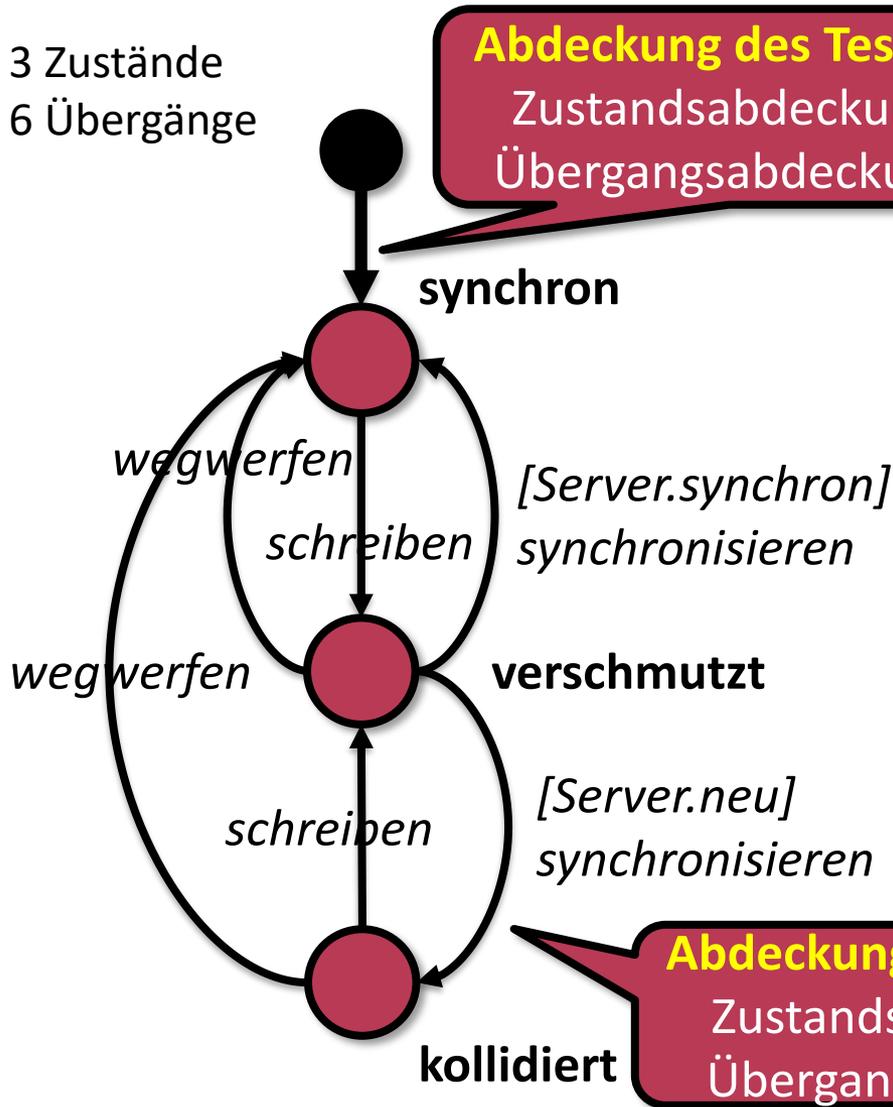
**Mit welchen Eingaben soll getestet werden?**

# Testabdeckung

- Für einen gegebenen Testsatz: Verhältnis der während der Testausführung berührten Teile im Modell.
  - Zustandsabdeckung (in Zustandmaschinen):  
$$\frac{\text{Anzahl der berührten Zustände}}{\text{Anzahl aller Zustände}}$$
  - Übergangsabdeckung (in Zustandmaschinen):  
$$\frac{\text{Anzahl der berührten Übergänge}}{\text{Anzahl aller Übergänge}}$$
  - Aktivitätsabdeckung (in Kontrollflüssen):  
$$\frac{\text{Anzahl der berührten Aktivitäten}}{\text{Anzahl aller Aktivitäten}}$$

# Beispiel: Wolkenbasierte Datenspeicherung

3 Zustände  
6 Übergänge



1. Testfall:

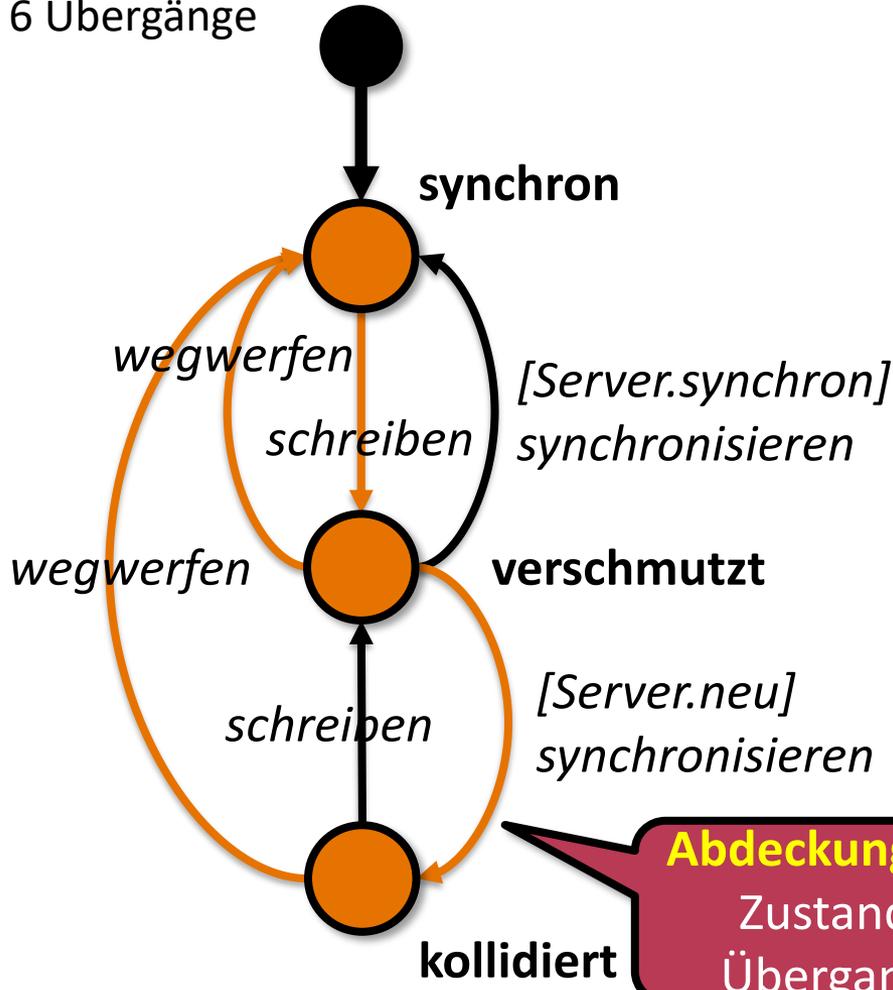
- a) schreiben
- b) wegwerfen

2. Testfall:

- a) schreiben
- b) synchronisieren  
[Server = neu]
- c) wegwerfen

# Beispiel: Wolkenbasierte Datenspeicherung

3 Zustände  
6 Übergänge



## 3. Testfall:

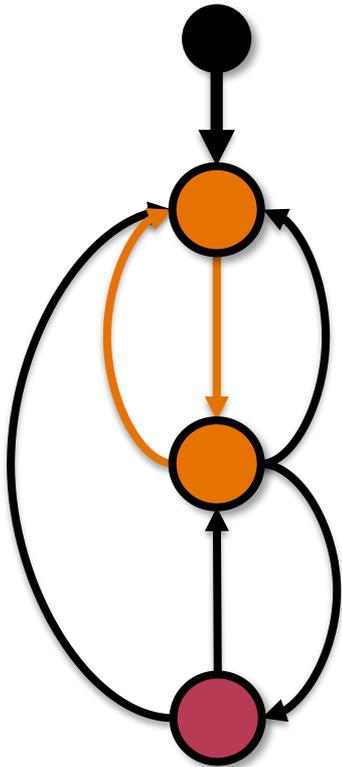
- schreiben
- synchronisieren  
[Server = neu]
- schreiben
- synchronisieren  
[Server = sync.]

# Abdeckung

Nach dem 1. Testfall:

Zustandsabdeckung:  $2/3=66\%$

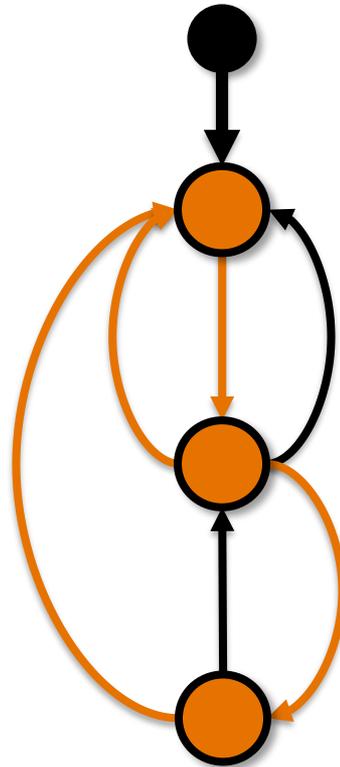
Übergangsabdeckung:  $2/6=33\%$



Nach dem 2. Testfall:

Zustandsabdeckung:  $3/3=100\%$

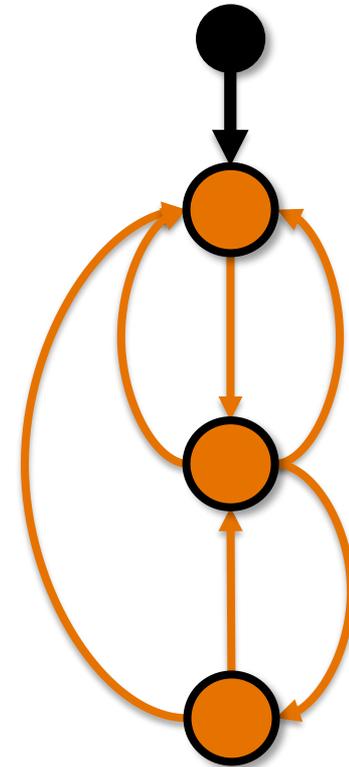
Übergangsabdeckung:  $4/6=66\%$



Nach dem 3. Testfall:

Zustandsabdeckung:  $3/3=100\%$

Übergangsabdeckung:  $6/6=100\%$



# Benutzen der getesteten Modelle

- **Softwaretesten:**
  - Wiederverwendung von Testsätzen (mit 100% Abdeckung)
  - Abdeckende Testeingaben (als Eingabe)
  - Vom Modell produzierte Ausgaben (als erwartete Ausgaben)
- **Monitoring:** Simulieren des Modells während Laufen der Software
  - Gleiche Eingaben für das Modell und das Programm
  - Vergleichung der Ausgaben → **Fehlererkennung**
- **Untersuchung der Aufzeichnungen/des Log:**
  - Monitoring mit den aufgezeichneten Ein- und Ausgaben

# Benutzen der getesteten Modelle

## ■ Softwaretesten:

- Wiederverwendung von Testsätzen (als Eingabe)
- Abdeckende Testeingaben (als Eingabe)
- Vom Modell produzierte Ausgaben (als erwartete Ausgaben)

**Vor** der  
Ausführung

## ■ **Monitoring:** Simulieren des Modells während Laufen der Software

- Gleiche Eingaben für das Modell und das Programm
- Vergleichung der Ausgaben → **Fehlererkennung**

**Während** der  
Ausführung

## ■ **Untersuchung der Aufzeichnungen:**

- Monitoring mit den aufgezeichneten

**Nach** der  
Ausführung

# Testdokumentation

- Die Testfälle und –Ergebnisse sollen dokumentiert werden!

- Testspezifikation
- Was wird getestet?
  - Anhand welcher Anforderungen?
  - Mit welchen Eingaben?
  - Welche Ausgaben sind erwartet?

- Test-Report
- Wurde es ausgeführt?
  - Wenn ja, mit welchem Ergebnis?



- Nachweisbarkeit :
  - Aufdeckung von ungetesteten Kodeteilen und unüberprüften Anforderungen
  - Zurückverfolgbarkeit der Testergebnisse

# Testarten, Testphasen

- **Modultesten:**  
eine Komponente wird abgetrennt und so getestet
- **Integrationstesten:**  
mehrere Komponenten werden gemeinsam getestet
- **Systemtesten:**  
das ganze System zusammen wird getestet
- **Regressionstesten:**  
(selektive) neutesten nach Änderungen



Grundbegriffe

Stat. Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

# FORMALE VERIFIKATION

# Formale Verifikation

- **Formale Verifikation:** Beweis der Korrektheit von Modellen/Programmen mit mathematischen Mitteln
  - Für mehr dazu siehe: Formale Methoden MSc-LVA
- **Möglichkeiten:**
  - **Modellprüfung** (model checking)
    - Erschöpfende Untersuchung aller möglichen Verhalten
  - **Automatischer Beweis der Korrektheit**
    - Automatisches Beweisverfahren anhand Axiomensysteme
  - **Konformanzuntersuchungen**
    - Überprüfung der Übereinstimmung von Modellen

# Modellprüfung

- **Modellprüfung:** Erschöpfende (vollständige) Untersuchung aller potentiellen Verhalten eines Modells anhand gegebener Anforderungen
  - Suchen nach Fehlverhalten → **Gegenbeispiel**

Testen	Modellprüfung
Stichprobenartig	Erschöpfend/vollständig
Überprüft erwartete Ausgaben	Überprüft Zustandsfolgen
Kleiner Rechenaufwand	Grosser Rechenaufwand
Nicht beweisstark	Formaler Beweis

# Modellprüfung

- **Modellprüfung:** Erschöpfende (vollständige) Untersuchung aller potentiellen Verhalten eines Modells anhand gegebener Anforderungen
  - Suchen nach Fehlverhalten → **Gegenbeispiel**
- **Zustandsraumgeneration:** Aufdeckung aller möglichen Verhalten
  - In der Praxis: Berechnung gemischter Produkte
- **Anforderungen:** erwartete Eigenschaften des Zustandsgraphen
  - In der Praxis: temporal-logische Ausdrücke

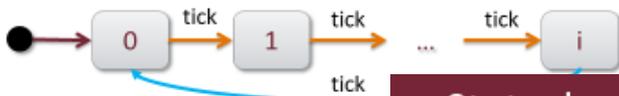
# Zustandsraumgeneration

- Generierung einer einzigen einfachen Zustandsmaschine von komplexeren Modellen

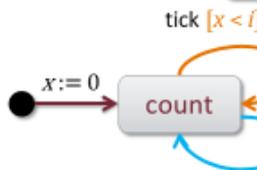
## Variablen + Wächterkriterien

- Zyklischer Zähler

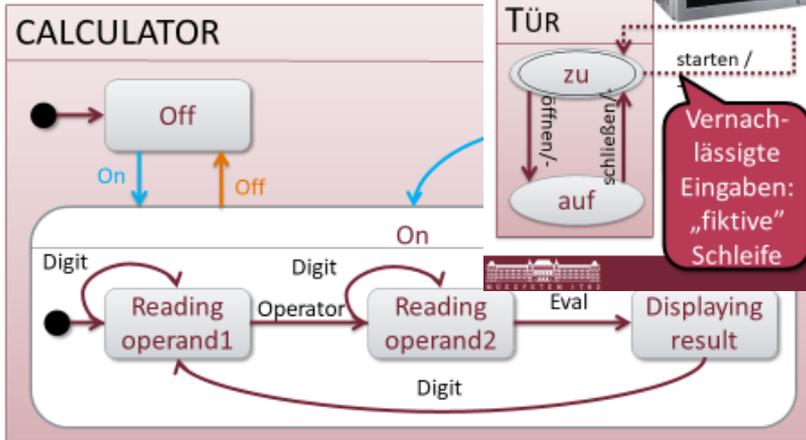
$S = \{0, 1, \dots, i\}$



- mit Wächterkriterien:



## Statechart-Beispiel: Zus

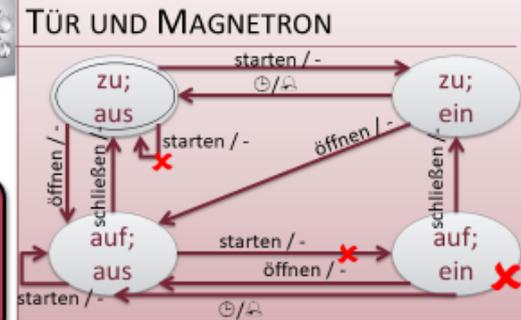
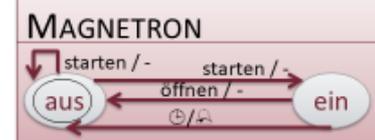


- Das gemeinsame Verhalten wird abgetrennt

## Beispiel: Gemischtes Produkt

- Verfeinerung notwendig

- Überg. können wegfallen
- Zustände können auch unerreichbar werden



Vernachlässigte Eingaben: „fiktive“ Schleife

# Anforderungen: Temporale Logik

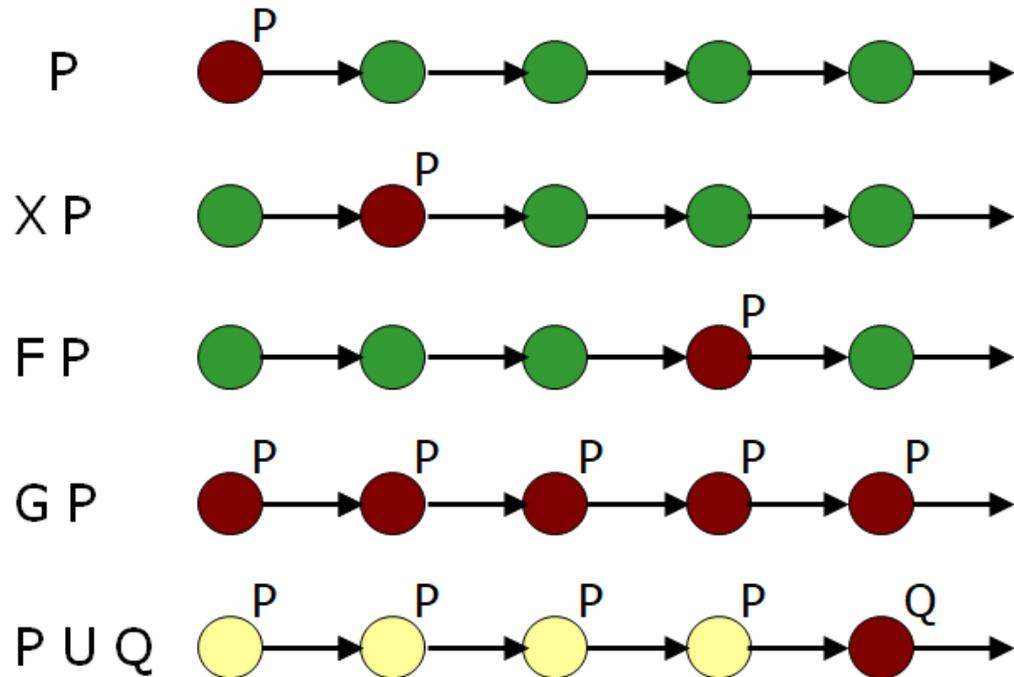
- **Zustandsmenge** beschreiben:  
durch Prädikatenlogik
  - z.B.: „ $\Delta T < 0$ “ oder „Temperatur  $> 5$ “ (P, Q Predikate)
- Eine **Sequenz von Zuständen** beschreiben:  
durch (lineare) temporale Logik

# Anforderungen: Temporale Logik

- Eine **Sequenz von Zuständen** beschreiben:  
durch (lineare) temporale Logik

*Wann soll P (und Q) wahr sein?*

- im aktuellen Zustand
- im nächsten Zustand
- in einem zukünftigen Zustand
- in jedem Zustand
- P immer *wahr* bis Q *wahr* wird



Grundbegriffe

Stat. Überprüfung

Testen

Formale Verifikation

# SOFTWARE VERIFIKATION

# Ziel der Software Verifikation

- **Modellierung von Programmkode durch Zustandsmaschinen**

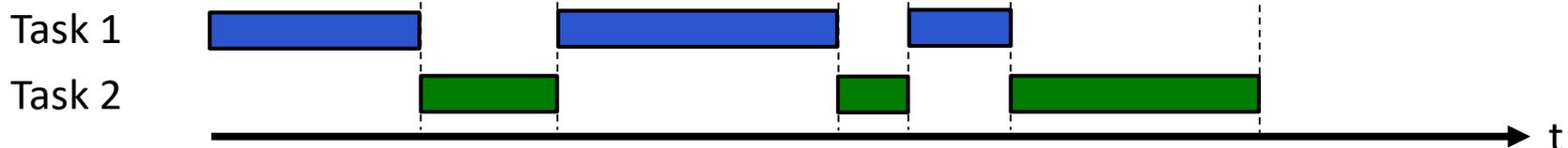
→ Formale Verifikation von Software

- **Anforderungen:**

- Ausführung der Anweisungen – atomare Aktivität
- Auswertung der (einfachen) Bedingungen – atomare A.
- **Alles andere ist unterbrechbar**

Nicht-unterbrechbar

- Während der Ausführung kann das OS jederzeit stoppen und zu einem anderen Task oder Thread wechseln.



# Modellierung von Programmkode: CFA

## ■ Control Flow Automata

- (Uhrtick getriggerte) Zustandsmaschine
  - mit Variablen und Kode-spezifischen Elementen

## ■ Knoten (*locations*)

- Je ein (Kontroll-)Knoten zwischen jeder zwei Anweisungen
  - Wie ein *breakpoint* beim debugging („Welche ist die nächste Zeile?“)
- Spezieller „*end*“-Knoten für das ProgrammEnde
- Spezieller „*error*“-Knoten für die *assert* Anweisung

## ■ Kanten (*transitions*)

- Modelliert die Auswertung der Bedingungen (*if*, *while*)
- Modelliert die Ausführung der Anweisungstransaktionen (Atomizität!)
- Hier an einer Kante:
  - eine Bedingung **oder** eine einzige Anweisung

# CFA-Generierung vom Programmkode – Beispiel

1. Gib eine *assert*-Anweisung zum Programm
2. Anfangsknoten – vor der ersten Kodezeile
3. Erste Anweisung
  - Ein neuer Knoten nach der Anweisung
    - hier: Anfang der nächsten Zeile
  - Eine Kante mit der Anweisung in der Aufschrift
4. While – Auswertung der Bedingung
  - When *wahr*, „einspringen“
  - When *falsch*, „überspringen“
5. Schleife – „zurückspringen“ nach Ausführung
6. Assertion
  - When nicht erfüllt: Fehler – spezieller Knoten
  - When erfüllt : kein Fehler – nächste Anweisung
7. When keine Anweisung mehr – Endknoten

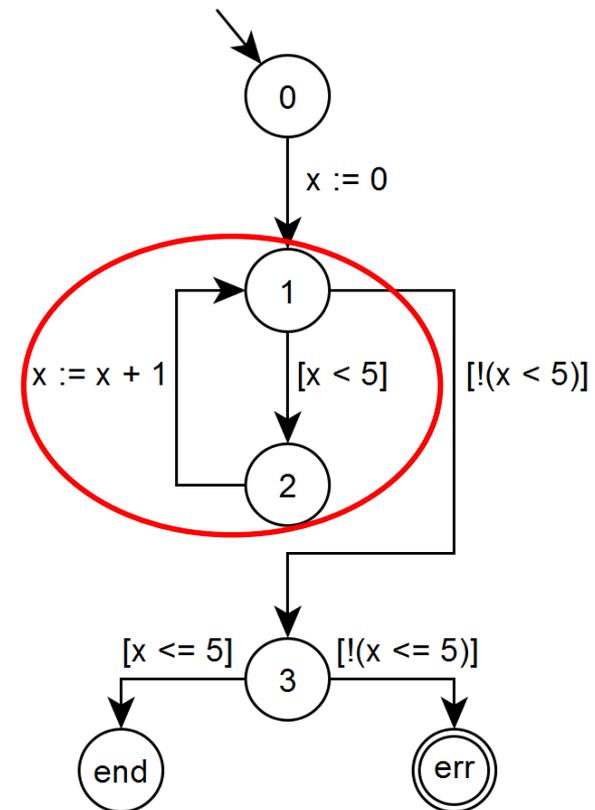
```
0: int x=0;
1: while (x<5) {
2:     x=x+1;
   }
3: assert (x<=5)
```

# Trennung der Bedingungen und Anweisungen

- Warum könnte eine einzige  
Aufschrift eine **Bedingung** und  
auch eine **Anweisung** beinhalten?

```
0: int x=0;  
1: while (x<5) {  
2:   x=x+1;  
   }  
3: assert (x<=5)
```

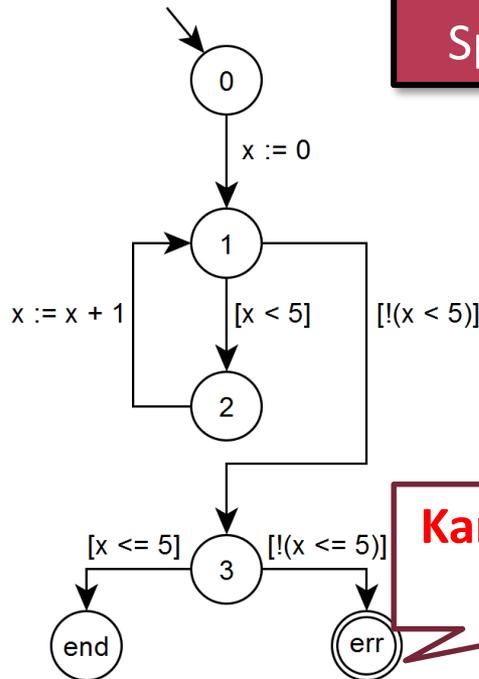
- Ausführung kann jederzeit gestoppt  
werden, auch zwischen
  - Auswertung der Bedingung und
  - Ausführung der Anweisung.
- Inzwischen kann der Wert von  $x$  von  
einem anderen Thread modifiziert  
werden
  - (siehe Bsp. am Ende der Vorlesung)



# Software Verifikation – Zustandsraumgeneration

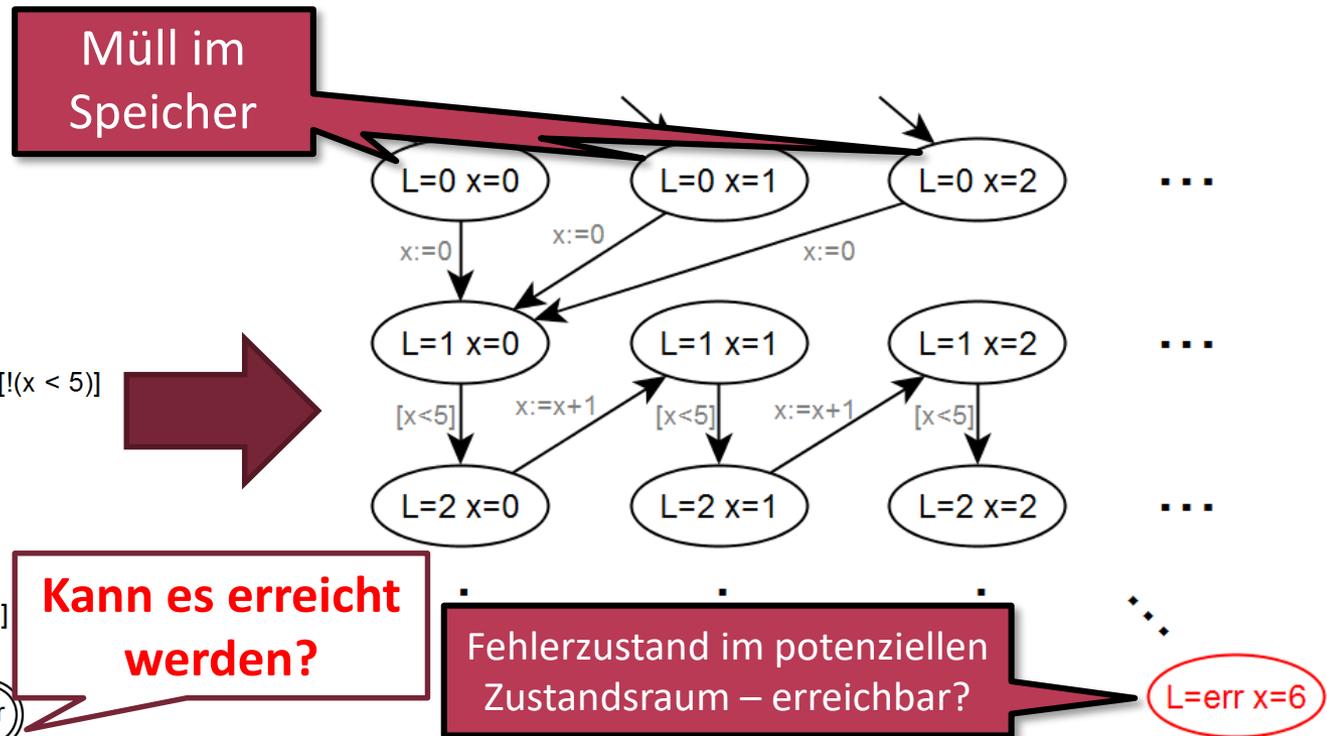
- **Zustände:** CFA-Knoten + Werte der Variablen ( $L, x_1, x_2, \dots, x_n$ )
- **Übergänge:** CFA-Kanten

## CFA



## Generierter Zustandsraum

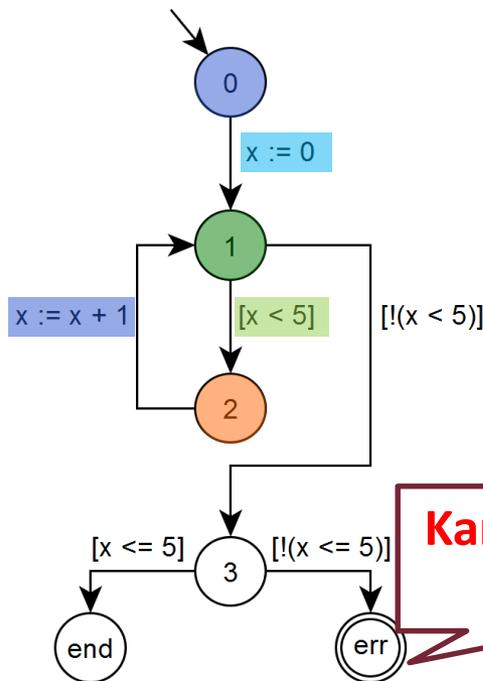
(einfache Zustandsmaschine mit spontanen Übergängen)



# Software Verifikation – Zustandsraumgeneration

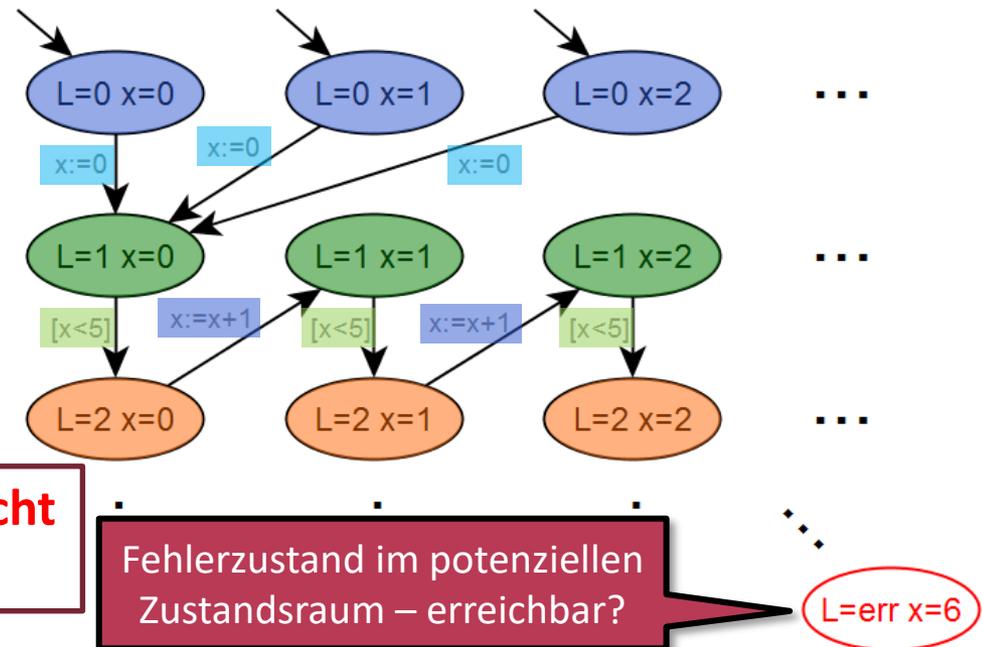
- **Zustände:** CFA-Knoten + Werte der Variablen ( $L, x_1, x_2, \dots, x_n$ )
- **Übergänge:** CFA-Kanten

## CFA



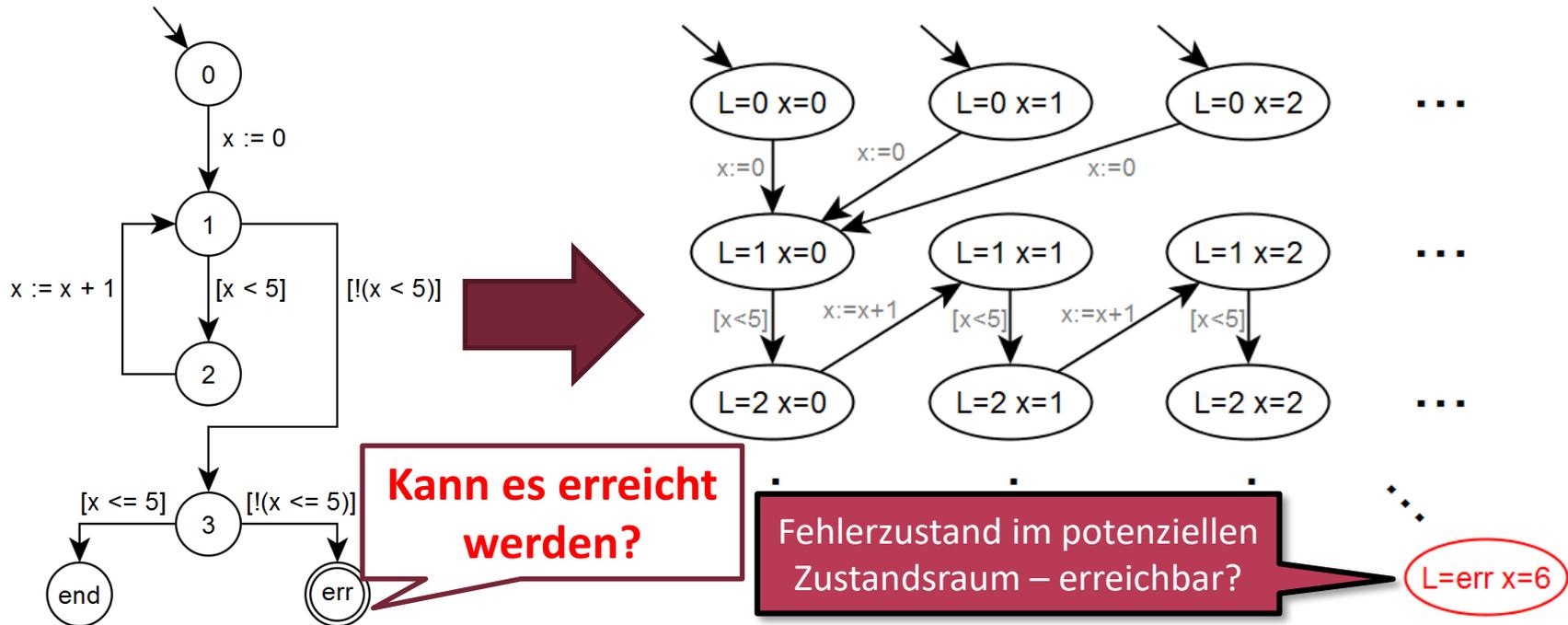
## Generierter Zustandsraum

(einfache Zustandsmaschine mit spontanen Übergängen)



# Software Verification – State Space Generation

- **Zustände:** CFA-Knoten + Werte der Variablen ( $L, x_1, x_2, \dots, x_n$ )
- **Übergänge:** CFA-Kanten
- Problem: **Zustandsraumexplosion** wegen der Variablen
  - z.B.: 10 Knoten, 2 Stück 32-bit Integers  $\rightarrow 10 \cdot 2^{32} \cdot 2^{32}$  mögliche Zustände
- **Ziel: Verringerung** der Größe des Zustandsraumes **durch Abstraktion**



# Software Verification – State Space Generation

- **Zustände:** CFA-Knoten + Werte der Variablen ( $L, x_1, x_2, \dots, x_n$ )
- **Übergänge:** CFA-Kanten
- Problem: **Zustandsraumexplosion** wegen der Variablen
  - z.B.: 10 Knoten, 2 Stück 32-bit Integers  $\rightarrow 10 \cdot 2^{32} \cdot 2^{32}$  mögliche Zustände
- **Ziel: Verringerung** der Größe des Zustandsraumes **durch Abstraktion**

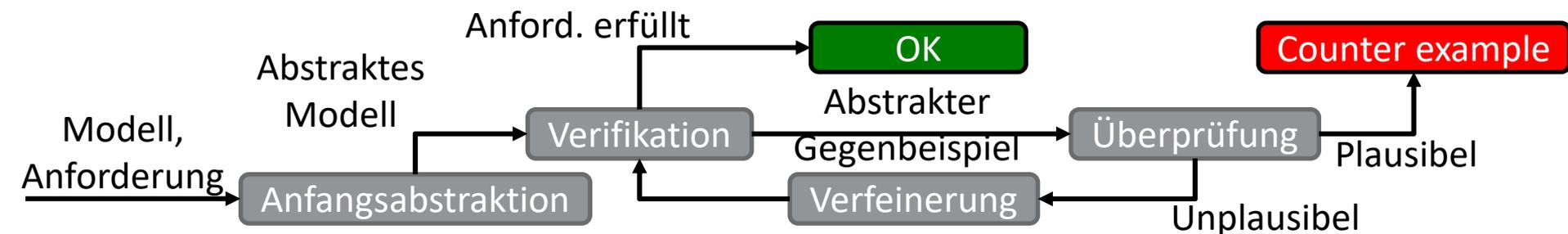
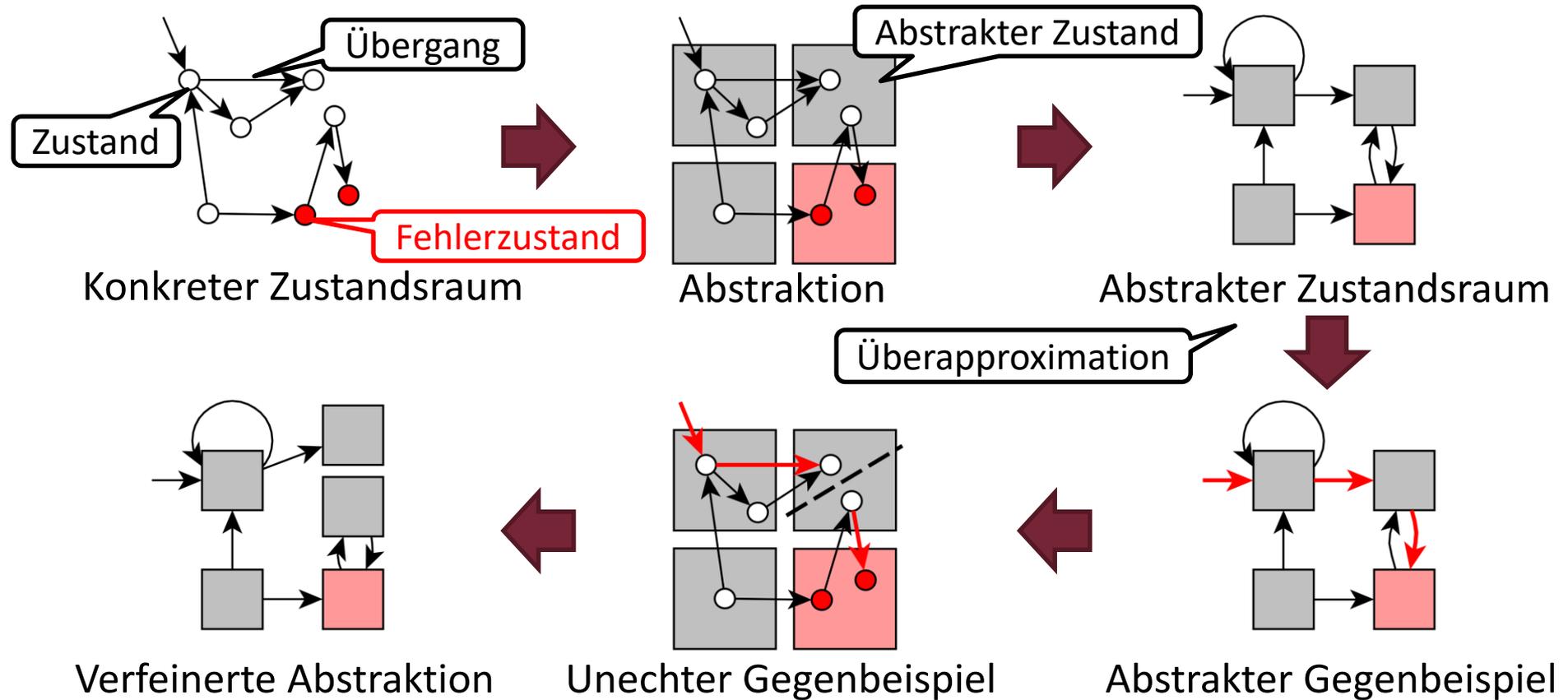
Eine allgemeine Lösung:

## CounterExample-Guided Abstraction Refinement

CEGAR (Auf Gegenbeispielen basierende Abstraktionsverfeinerung)



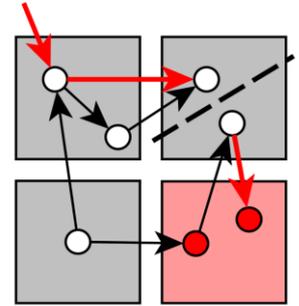
# CEGAR – Übersicht



# CEGAR – Verschiedene Arten der Abstraktion

## ■ Prädikatabstraktion

- **Anfangs:** nur die Knoten (keine Variablen)
- **Verfeinerung:** in den zwei Teilen des Klemmzustandes müssen die Werte der neuen Prädikaten verschieden sein
- Anwendbar für größere Wertemengen



## ■ Variablen ausblenden (Projektion)

- **Anfangs:** nur die Knoten (keine Variablen)
- **Verfeinerung:** in den zwei Teilen des Klemmzustandes müssen die Werte der neulich sichtbaren Variablen verschieden sein
- Anwendbar, wenn es mehrere (irrelevante) Variablen gibt

## ■ Hybride Abstraktion

- Manche Variablen werden eingeblendet
- Manche andere werden durch Prädikate abgedeckt

# CEGAR – Zusammenfassung

- **CounterExample-Guided Abstraction Refinement**
- **Anfangs, suche Fehler in einer groben Abstraktion**
  - Wenn es keine gibt, dann gibt es keinen Gegenbeispiel
- **Simuliere** den Fehler auf dem konkreten System
  - Wenn der auch da möglich ist, dann ist der Fehler ein echter Gegenbeispiel
- Für **unechte Fehler, verfeinere**
  - ... so, dass dieser Fehler nie mehr auftaucht

**Abstraktes Modell = Kleineres Modell = Effizienz++**

# SOFTWARE VERIFIKATION BEISPIEL

Modellverifikation eines Algorithmus  
für gegenseitigen Ausschluss

# Algorithmus für gegenseitigen Ausschluss (Pseudocode)

- 2 Teilnehmer, 3 gemeinsame Variablen (H. Hyman, 1966)
  - **blocked0**: 1. Teilnehmer (**P0**) will eintreten
  - **blocked1**: 2. Teilnehmer (**P1**) will eintreten
  - **turn**: Wer darf als nächster eintreten? (0 für P0, 1 für P1)

```
while (true) {  
    blocked0 = true;  
    while (turn!=0) {  
        while (blocked1==true) {  
            skip;  
        }  
        turn=0;  
    }  
    // Critical section (cs)  
    blocked0 = false;  
    // Do other things  
}
```

P0

```
while (true) {  
    blocked1 = true;  
    while (turn!=1) {  
        while (blocked0==true) {  
            skip;  
        }  
        turn=1;  
    }  
    // Critical section (cs)  
    blocked1 = false;  
    // Do other things  
}
```

P1

Ist dieser Algorithmus korrekt?

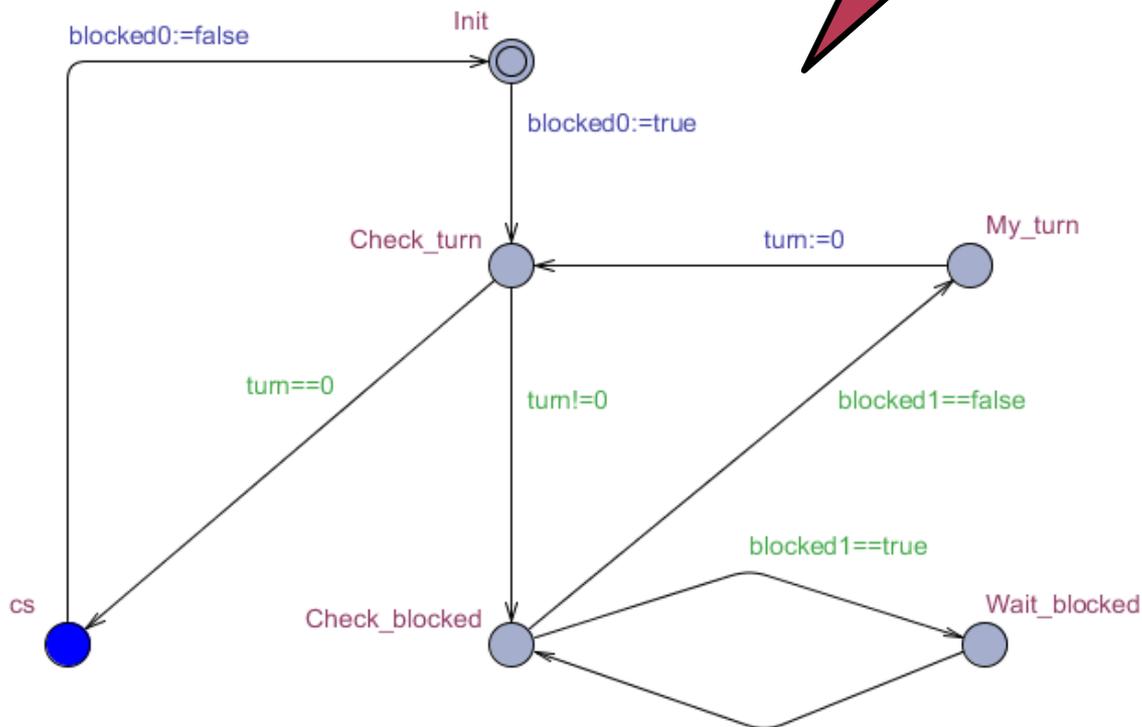
# Modell des P0 Prozesses

## Declarations:

```
bool blocked0;  
bool blocked1;  
int[0,1] turn=0;  
system P0, P1;
```

UPPAAL  
model checking  
tool

## The P0 automat:



```
while (true) {
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false P0 und P1 beide starten.
- **blocked1:** false
- **turn:** 0

```
while (true) { P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) { P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false P1 will eintreten, ...
- **blocked1:** **true**
- **turn:** 0

```
while (true) { P0
  blocked0 = true;
  while (turn!=0) {
    while (blocked1==true) {
      skip;
    }
    turn=0;
  }
  // Critical section (cs)
  blocked0 = false;
  // Do other things
}
```

```
while (true) { P1
  blocked1 = true;
  while (turn!=1) {
    while (blocked0==true) {
      skip;
    }
    turn=1;
  }
  // Critical section (cs)
  blocked1 = false;
  // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

... aber dies ist nicht seine Runde.

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

```
while (true) {                                P0  
    blocked0 = true;  
    while (turn!=0) {  
        while (blocked1==true) {  
            skip;  
        }  
        turn=0;  
    }  
    // Critical section (cs)  
    blocked0 = false;  
    // Do other things  
}
```

```
while (true) {                                P1  
    blocked1 = true;  
    while (0!=1) {  
        while (blocked0==true) {  
            skip;  
        }  
        turn=1;  
    }  
    // Critical section (cs)  
    blocked1 = false;  
    // Do other things  
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

P1 sollte warten,  
wenn auch P0 wollte eintreten, ...

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** false
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

... P0 will aber noch nicht.  
Deshalb P1 darf dies als seine  
Runde annehmen.

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (false==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** **true** P0 will auch eintreten, ...
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

```
while (true) { P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) { P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (false==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

... und dies ist seine Runde.

```
while (true) {
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

P0

```
while (true) {
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (false==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

P1

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

```
while (true) {
    blocked0 = true;
    while (0!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

P0

```
while (true) {
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (false==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

P1

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true Deshalb P0 darf eintreten.
- **blocked1:** true
- **turn:** 0

```
while (true) { P0
  blocked0 = true;
  while (turn!=0) {
    while (blocked1==true) {
      skip;
    }
    turn=0;
  }
  // Critical section (cs)
  blocked0 = false;
  // Do other things
}
```

```
while (true) { P1
  blocked1 = true;
  while (turn!=1) {
    while (false==true) {
      skip;
    }
    turn=1;
  }
  // Critical section (cs)
  blocked1 = false;
  // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** **1**

P1 nimmt dies als seine Runde an, ...

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** 1

... und dies wird dann auch  
seine Runde.

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** 1

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (1!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

- **blocked0:** true
- **blocked1:** true
- **turn:** 1

Deshalb darf P1 auch eintreten.

```
while (true) {                                P0
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

```
while (true) {                                P1
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section (cs)
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

# Fehlerhaftes Verhalten

Der Algorithmus  
von Dekker

[https://en.wikipedia.org/wiki/Dekker%27s\\_algorithm](https://en.wikipedia.org/wiki/Dekker%27s_algorithm)



Der Algorithmus  
von Peterson

[https://en.wikipedia.org/wiki/Peterson%27s\\_algorithm](https://en.wikipedia.org/wiki/Peterson%27s_algorithm)