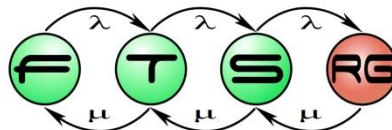


Modellek ellenőrzése és tesztelése

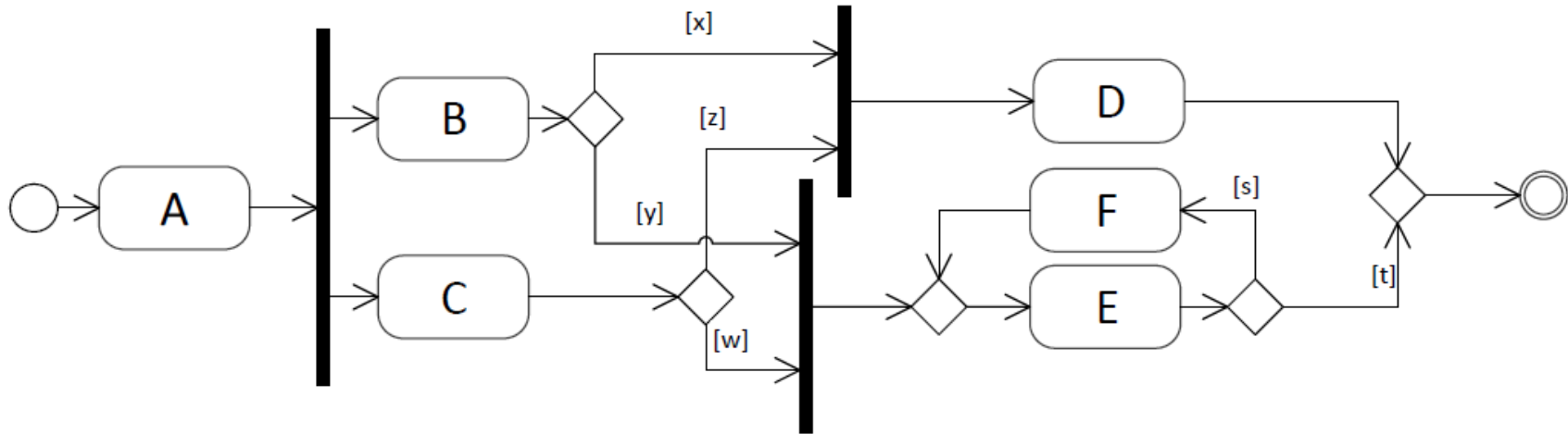
Rendszermodellezés iMSc gyakorlat

**Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem
Hibatűrő Rendszerek Kutatócsoport**



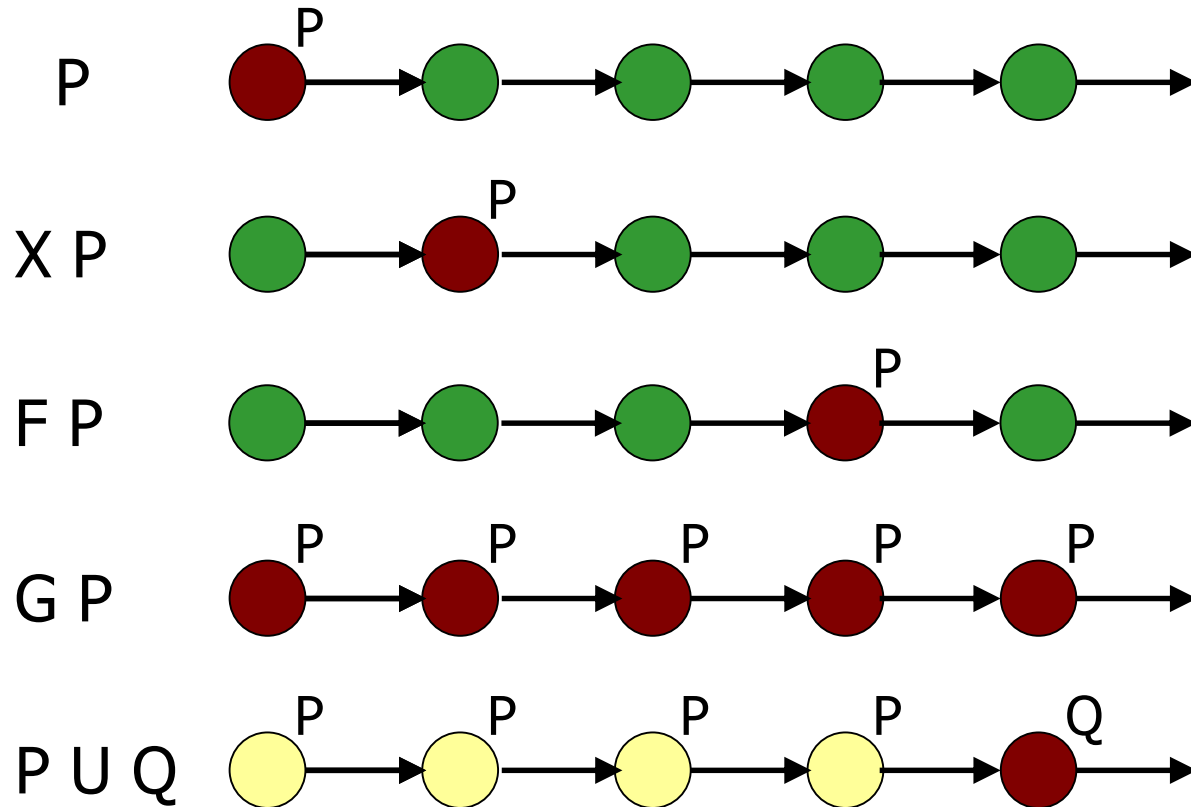
1. Folyamat statikus analízise

Ellenőrizzük az alábbi folyamatmodellt.



- Milyen feltételek mellett **teljesen specifikált** a folyamat?
- Milyen feltételek mellett **determinisztikus** is a folyamat?
- Milyen feltételek mellett **holtpontmentes** is a folyamat?
- Milyen további feltételek mellett **termináló** a folyamat?
- Jólstrukturált-e** a folyamat? Ha nem, hogyan lehetne azzá tenni? Segít-e ez a problémákon?

Temporális logika



https://en.wikipedia.org/wiki/Linear_temporal_logic

2. Dinamikus analízis teszteléssel

Az $f()$ függvénnnyel szemben a következő **követelményeink** vannak:

- R1 Az $f()$ függvénynek minden végrehajtása során **legalább egyszer outputot** kell kiadnia.
- R2 Az $f()$ függvénynek **tetszőleges inputsorozat** esetén **terminálnia kell**.
- R3 Az $f()$ függvény végrehajtása során kiadott **legutolsó output értéke kötelezően 0**.

2. Dinamikus analízis teszteléssel

```
1 int readInput();
2 void writeOutput(int out);
3
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10         if (1 == readInput() % 2) {
11             y--;
12             z--;
13         } else {
14             x--;
15             y++;
16         }
17         writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18     }
19 }
```

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- a) Ábrázoljuk folyamatmodellként `f()` **vezérlési folyamatát!**
- b) Miért lehetünk biztosak az **R1 teljesülésében?**

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

c) Miért lehetünk biztosak az **R2 teljesülésében**?

Terminálás bizonyítása

Általános séma: $2x+y > 0$

- Keressünk egy függvényt

- A ciklus őrfeltételében szereplő változók felett

- A következő feltételekkel

- I. A ciklus minden végrehajtásában

szá-

- II. Di

- III. Al

$$\begin{array}{l} 2x+y \\ x' = x - 1 \\ y' = y + 1 \\ \hline 2x' + y' = 2(x-1) + y + 1 = 2x + y - 1 \end{array}$$

```
4 void f() {
5   int x = readInput();
6   int y = readInput();
7   int z = x + y;
8   writeOutput(x * y);
9   while (x > 0 && y > 0) {
10    if (1 == readInput() % 2) {
11      y--;
12      z--;
13    } else {
14      x--;
15      y++;
16    }
17    writeOutput(z * y * y - x - y);
18  }
19 }
```

alapozot

$$\begin{array}{l} 2x+y \\ x' = x \\ y' = y - 1 \\ \hline 2x' + y' = 2x + (y-1) \end{array}$$

Megállási probléma

Adott program esetén az a kérdés, hogy tetszőleges bemenet hatására garantáltan terminálódik-e, eldönthetetlen.

https://en.wikipedia.org/wiki/Halting_problem

- Praktikusan:
 - Léteznek programok, amikre bizonyítható, hogy leáll/nem áll le
 - Léteznek olyanok is, amikre nem lehet bizonyítást adni

A fenti tétel bizonyítása vázlatosan:

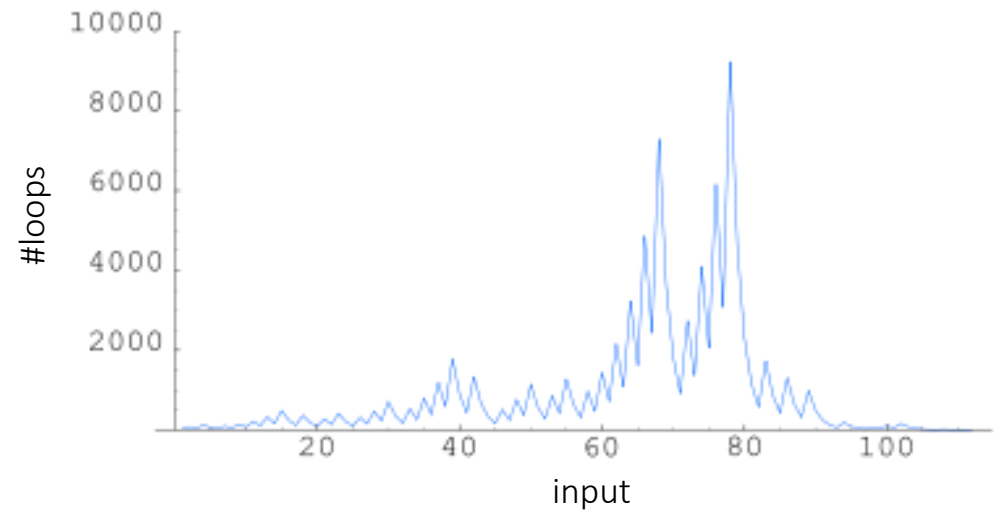
- Tfh. Létezik a *halts(p)* függvény, ami *minden programra* el tudja dönteni a megállási problémát
- Ekkor a következő program ellentmondásra vezet:

```
void g() {  
    if (halts(g)) loop_forever();  
}
```

Megállási probléma - példa

Nem létezik bizonyítás a következő program terminálására (bár minden eddig vizsgált bemenetre terminált):

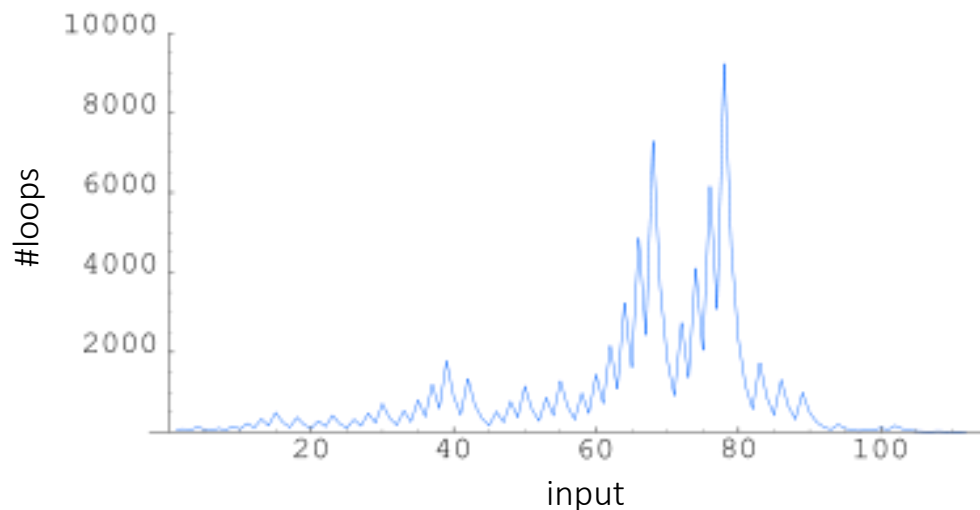
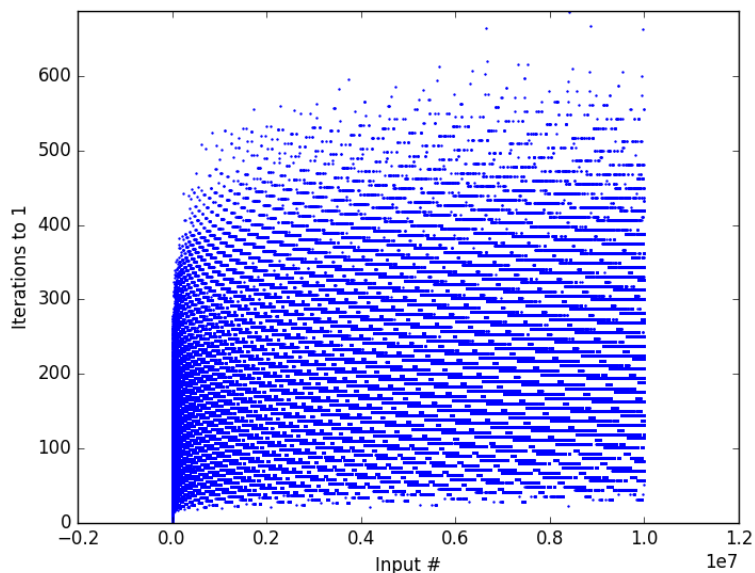
```
x = input();  
while (x > 1) {  
    if (x % 2 == 0)  
        x = x/2;  
    else  
        x = 3*x + 1;  
}
```



https://en.wikipedia.org/wiki/Collatz_conjecture

Megállási probléma - példa

Nem létezik bizonyítás a következő program terminálására (bár minden eddig vizsgált bemenetre terminált):



https://en.wikipedia.org/wiki/Collatz_conjecture

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- d) (Kiegészítő feladat.) Építsünk olyan **állapotgépet**, amely az `f()` függvénnyel **ekvivalens módon** működik. Modellezzük a `readInput()` hívásokat **input csatornaként**, valamint a `writeOutput()` hívást **output csatornaként**. Az `f()` függvény **terminálását** modellezzük úgy, hogy az automata ad egy **speciális outputot**, és átmegy egy nyelő (kimenő átmenet nélküli) állapotba.

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- e) Az R3 követelményt **teszteléssel** ellenőrizzük.
A $t1 = \langle 2, 3, 5, 7, 11, 13, \dots \rangle$ **input szekvencia** a tesztesetünk. Detektálunk-e hibát?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- f) Számítsunk **utasításszintű tesztfedést** a **programkódon**, vagyis hogy az utasítások mekkora hányadát járja be a tesztelt függvény a teszteset végrehajtása során! Hogy jelenik meg ez a mérőszám a **vezérlési folyamaton**?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- g) Az R3 követelményhez a $t2 = \langle h1, 2, 4, 1, 2, 4, \dots \rangle$ input szekvencia a **második tesztesetünk**. Detektál-e hibát ez a teszteset? Mekkora a két tesztből álló tesztkészlet **együttes utasításfedése**?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

h) (Kiegészítő feladat.) Milyen **tesztfedettségi metrika** számítható a korábban megépített **állapotgép** alapján?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- i) Készítsünk olyan **tesztorákulum** állapotgépet, amely f() input és output szekvenciái és terminálása alapján **el tudja dönteni**, hogy az adott lefutás során az **R3 követelmény sérült-e!** Hogy viselkedik az orákulum a fenti tesztinputra?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- j) Adjunk meg egy **tesztesetet**, amely **kimutat egy hibát** a programban! **Milyen elv alapján** sejtettük volna meg, hogy a korábban összeállított tesztkészletünk kiegészítésre szorul?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- k)* (Kiegészítő feladat.) Vegyük hozzá a tesztkészlethez a $t3 = \langle 0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots \rangle$ és $t4 = \langle 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots \rangle$ input szekvenciákat mint **további teszteseteket**! Detektálunk-e hibát? Hogyan változnak a **tesztfedési számok**?

2. Dinamikus analízis teszteléssel

- R1** Legalább egyszer outputot ad.
- R2** Tetszőleges input-sorozat esetén terminál.
- R3** Legutolsó output értéke kötelezően 0.

```
4 void f() {
5     int x = readInput();
6     int y = readInput();
7     int z = x + y;
8     writeOutput(x * y);
9     while (x > 0 && y > 0) {
10        if (1 == readInput() % 2) {
11            y--;
12            z--;
13        } else {
14            x--;
15            y++;
16        }
17        writeOutput(z + x * y * y - x - y);
18    }
19 }
```

- 1) *(Kiegészítő feladat.)* Határozzuk meg, hogy **pontosan milyen input szekvenciák** esetén sérül R3, és javasoljunk **hibajavítást!**