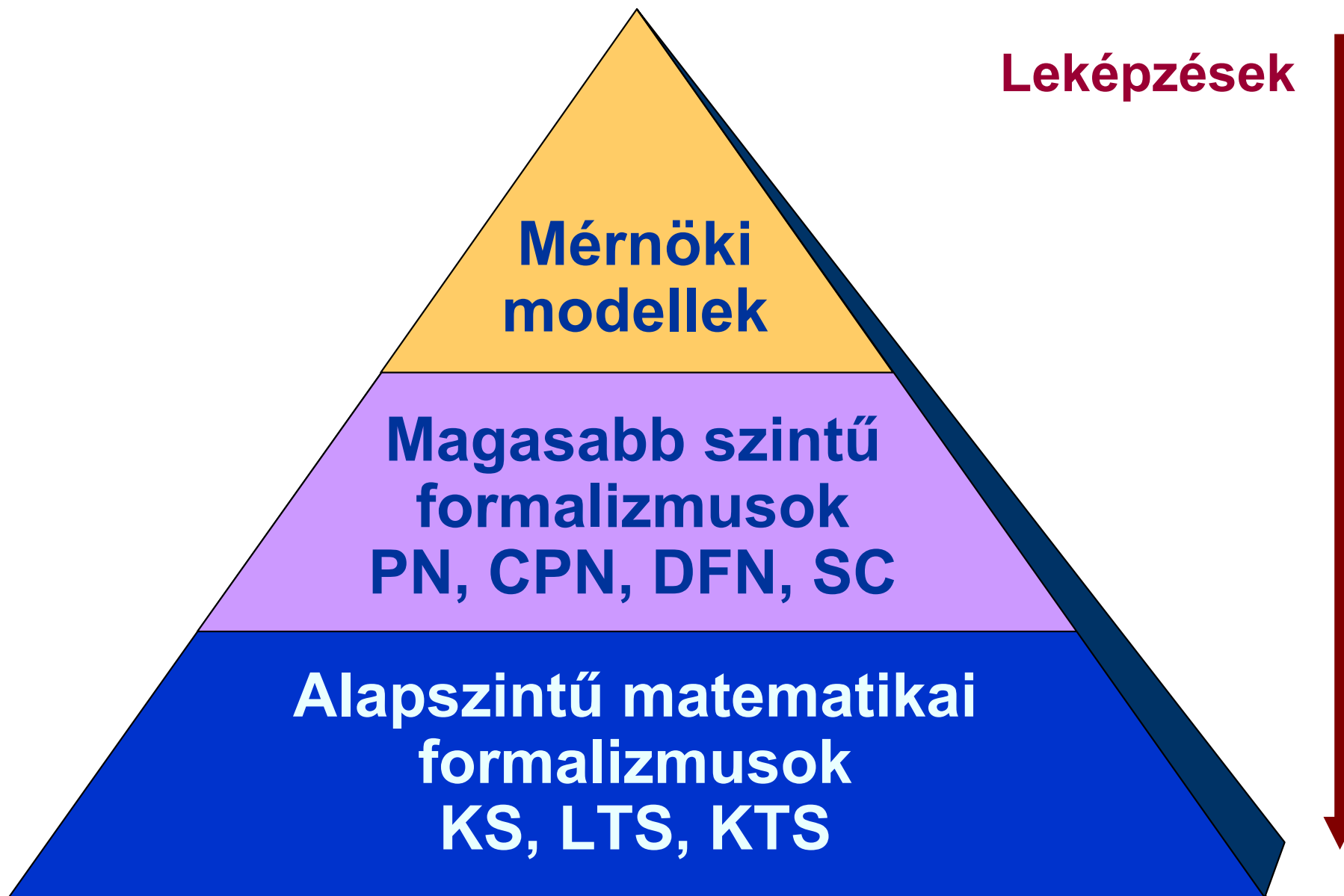


# Alapszintű formalizmusok

dr. Majzik István

BME Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék

# Modellek a formális ellenőrzéshez



# Alapszintű formalizmusok (áttekintés)

- Kripke-struktúrák (KS)
  - Állapotok, állapotátmenetek
  - Állapotok lokális tulajdonságai mint címkék
- Címkézett tranzíciós rendszerek (LTS)
  - Állapotok, állapotátmenetek
  - Állapotok lokális tulajdonságai mint címkék
- Kripke tranzíciós rendszerek (KTS)
  - Állapotok, állapotátmenetek
  - Állapotok és lokális tulajdonságai mint címkék
- Véges állapotú automaták időkezeléssel
  - Kiterjesztések: Változók, óraváltozók, szinkronizáció

# 1. Kripke-struktúra

KS, Kripke-structure:

- **Állapotok** tulajdonságait fejezzük ki:  
címkézés **atomi kijelentésekkel**
- Egy állapothoz sok címke rendelhető

Alkalmazás: Viselkedés, algoritmus leírása

$KS = (S, R, L)$  és  $AP$ , ahol

$AP = \{P, Q, R, \dots\}$  atomi kijelentések halmaza (domén-specifikus)

$S = \{s_1, s_2, s_3, \dots, s_n\}$  állapotok halmaza

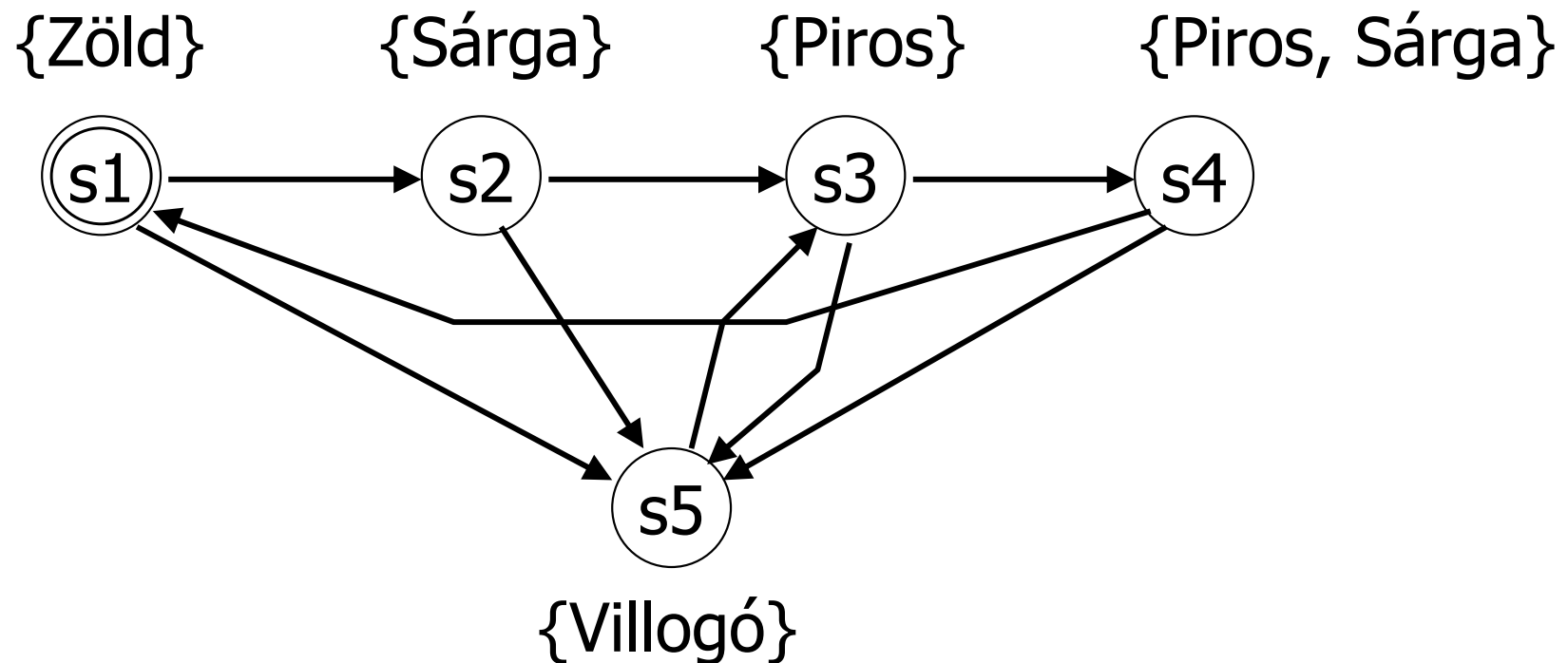
$R \subseteq S \times S$ : állapotátmeneti reláció

$L: S \rightarrow 2^{AP}$  állapotok címkézése atomi kijelentésekkel

# Kripke-struktúra példa

## Közlekedési lámpa viselkedése

- $AP = \{\text{Zöld}, \text{Sárga}, \text{Piros}, \text{Villogó}\}$
- $S = \{s1, s2, s3, s4, s5\}$



## 2. Címkezett tranzíciós rendszer

LTS, Labeled Transition System:

- **Állapotátmenetek** tulajdonságait fejezzük ki: **címkezés akciókkal**
- Egy átmeneten csak egy akció szerepelhet

Alkalmazás: Kommunikáció, protokollok modellezése

$LTS = (S, Act, \rightarrow)$ , ahol

$S = \{s_1, s_2, \dots, s_n\}$  állapotok halmaza

$Act = \{a, b, c, \dots\}$  akciók (címkek) halmaza

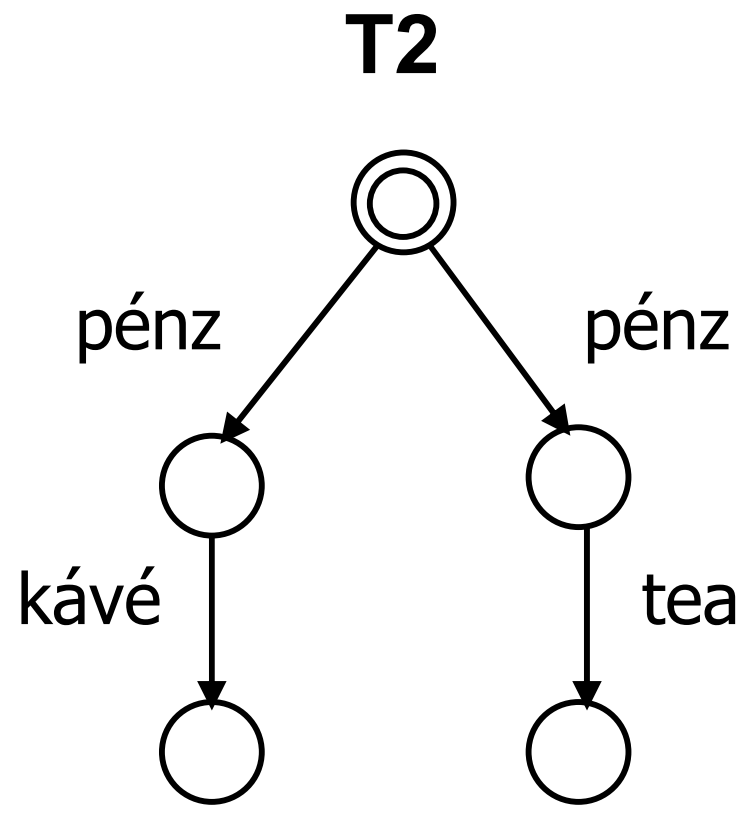
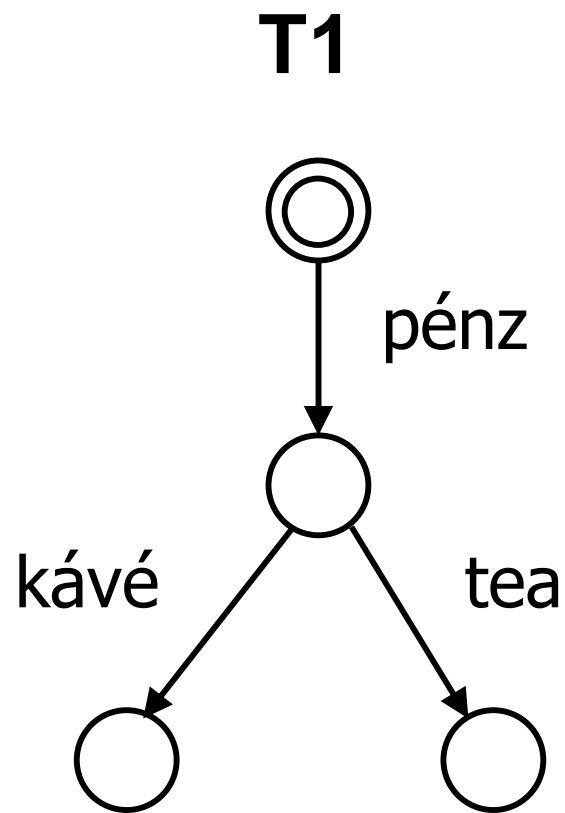
$\rightarrow \subseteq S \times Act \times S$  címkezett állapotátmenetek

Állapotátmenetek szokásos jelölése:  $s_1 \xrightarrow{a} s_2$

# LTS példák

- Italautomata modelljei

$Act = \{p\acute{e}nz, k\acute{a}v\acute{e}, tea\}$



### 3. Kripke tranzíciós rendszer

KTS, Kripke Transition System:

- **Állapotok és átmenetek tulajdonságait is kifejezzük: címkézés atomi kijelentésekkel és akciókkal**
- Egy állapothoz sok címke rendelhető, egy átmenethez egy címke rendelhető

$KTS = (S, \rightarrow, L)$  és  $AP, Act$ , ahol

$AP = \{P, Q, R, \dots\}$  atomi kijelentések halmaza (domén-specifikus)

$Act = \{a, b, c, \dots\}$  akciók halmaza

$S = \{s_1, s_2, s_3, \dots, s_n\}$  állapotok halmaza

$\rightarrow \subseteq S \times Act \times S$  állapotátmeneti reláció

$L: S \rightarrow 2^{AP}$  állapotok címkézése atomi kijelentésekkel

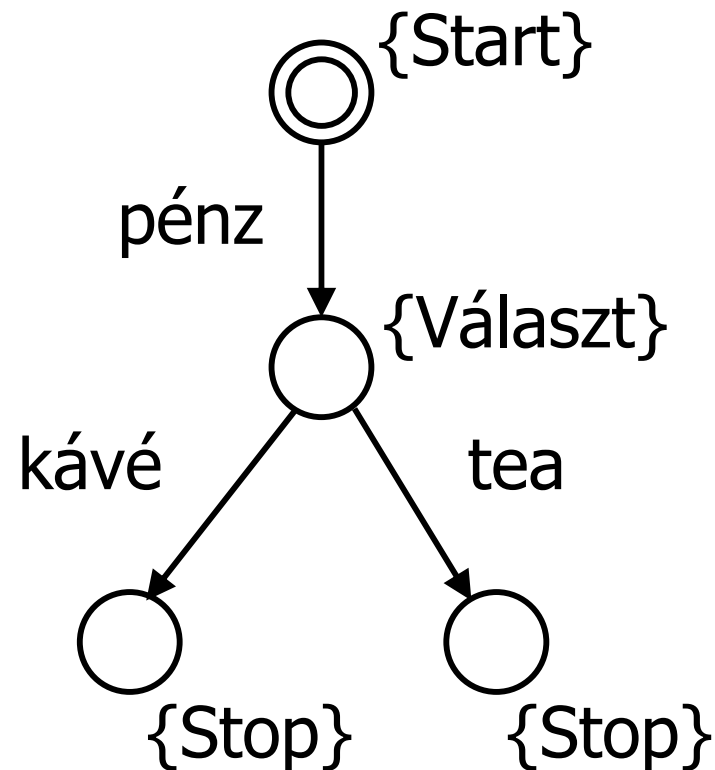


# KTS példa

- Italautomata modellje állapot címkekkel

Act = {pénz, kávé, tea}

AP = {Start, Választ, Stop}



# Időzített automaták és az UPPAAL eszköz

# Automaták és változók

- Cél: Állapot alapú viselkedés modellezése
- Alap formalizmus: Véges állapotú automata (FSM)
  - Állapotok (névvel hivatkozhatók)
  - Állapotátmenetek
- Kiterjesztés: **Egész értékű változók használata**
  - Változók értéktartománya megadható
  - Konstansok definiálhatók
  - Egész aritmetika használható
- Állapotátmenetek kiterjesztése:
  - **Örfeltétel** hozzárendelése: A változókon kiértékelhető predikátum
    - Az átmenet bekövetkezéséhez igaz kell legyen
  - **Akció** hozzárendelése: Értékadás változóknak

# Kiterjesztések óraváltozókkal

- Cél: Valószerű viselkedés modellezése
  - Idő telik az állapotokban
  - Relatív időmérés (pl. time-out): Időzítő resetelése és leolvasása
  - Az idő függvényében változó viselkedés modellezhető
  - Ellenőrizhető: Adott időn belül (idő múlva) elérhető állapotok
- Kiterjesztés: Óraváltozók
  - Azonos rátával automatikusan „haladó” konkurens órák (időzítők)
- Használat állapotátmenetekben:
  - Akciók: Óraváltozók nullázása (resetelés), egymástól függetlenül
  - Örfeltételek: Óraváltozók és konstansok használhatók a predikátumokban
- Használat állapotokban:
  - Állapot invariánsok: Predikátum óraváltozókon és konstansokon, megadja, meddig állhat fenn az adott állapot

# Időzített automata (az UPPAAL eszközben)

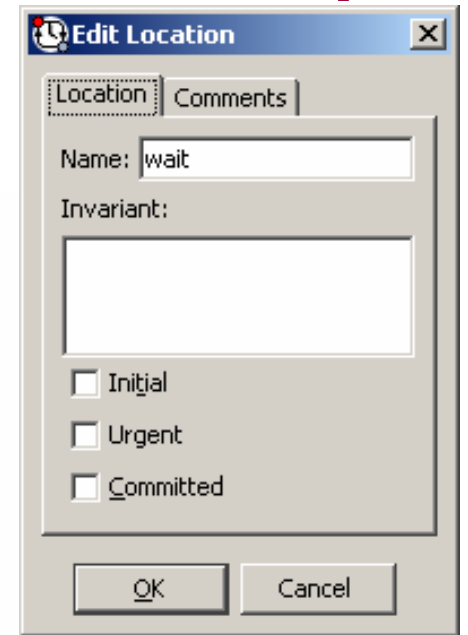
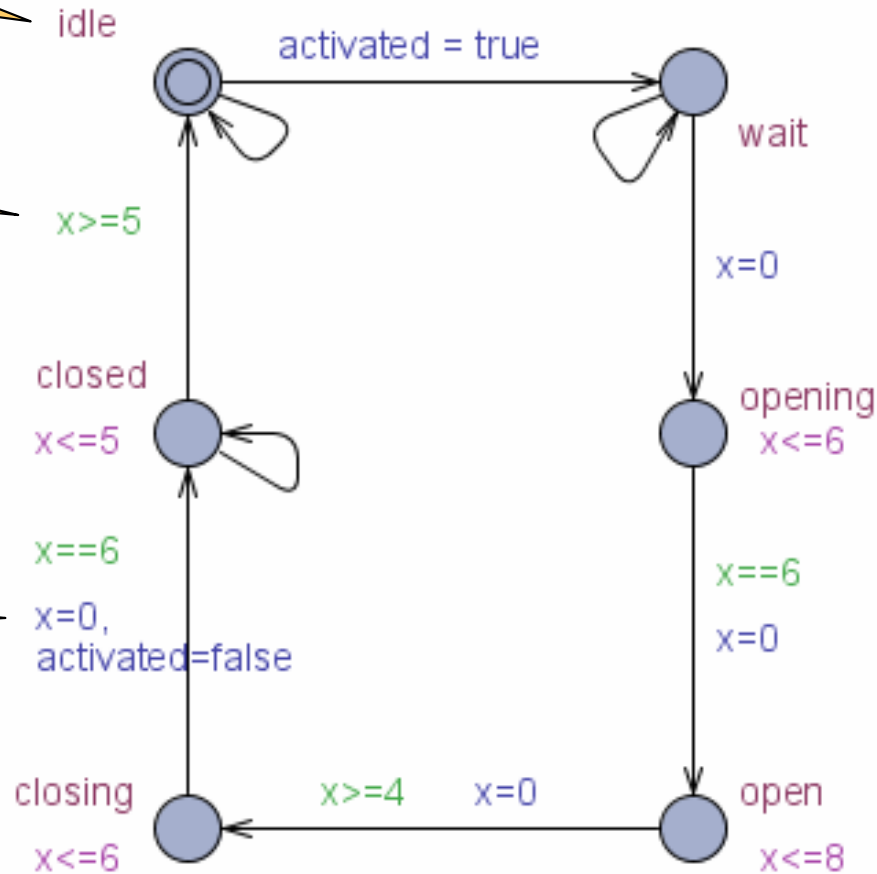
Állapot név

Örfeltétel

Invariáns

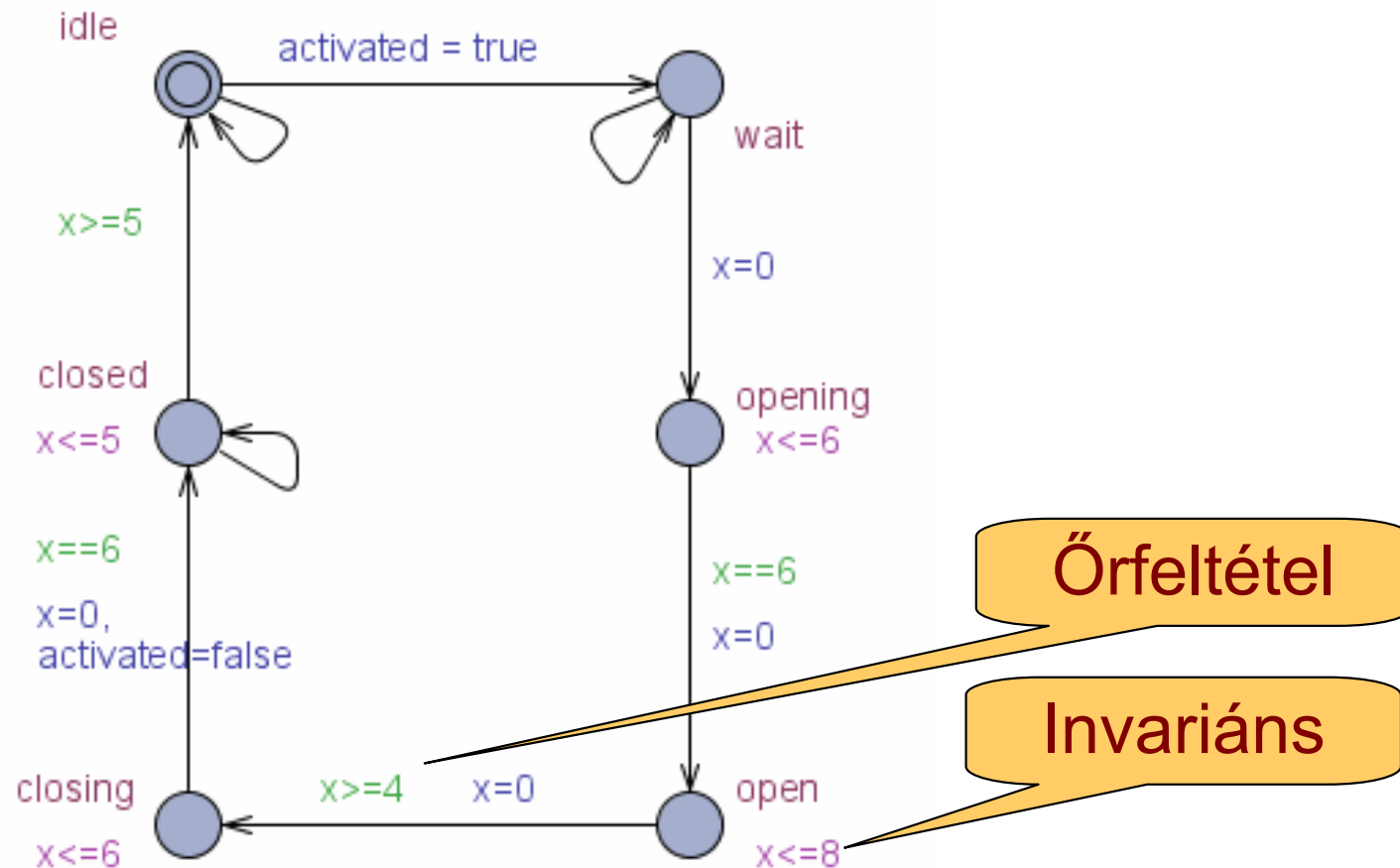
Akció

clock x;



# Az invariánsok és őrfeltételek szerepe

clock x;

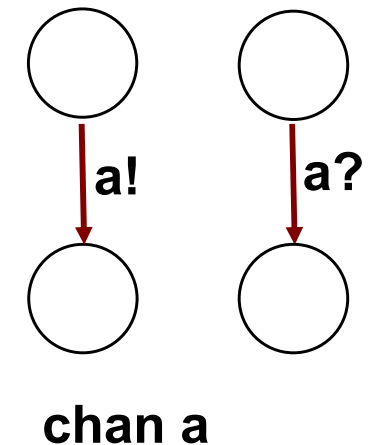


Az **open** állapot elhagyásakor a  $[4, 8]$  tartományban lehet  $x$  értéke



# Kiterjesztések elosztott rendszerekhez

- Cél: Együttműködő automaták hálózatának modellezése
  - Szinkronizáció az egyes automaták között
  - Együttlépő átmenetek (randevú): szinkron kommunikáció
    - Üzenet küldés és fogadás csak együtt valósulhat meg (küldő vár)
    - (Ezzel aszinkron kommunikáció is leírható)
- Kiterjesztés: Szinkronizált akciók
  - Csatornák definiálása (szinkron csatorna)
  - Üzenetküldés: **!** operátor a csatornára
  - Üzenetfogadás: **?** operátor a csatornára
    - Pl: az **a** nevű csatorna esetén **a!** és **a?** akciók
- Paraméterezés
  - Automaták paraméterezése: Példányosítás
    - Pl. **Door(bool &id)** egy **id** változó értéke lesz a paraméter
  - Paraméterezhető csatornák
    - Pl. **a[id]** egy **id** változó esetén

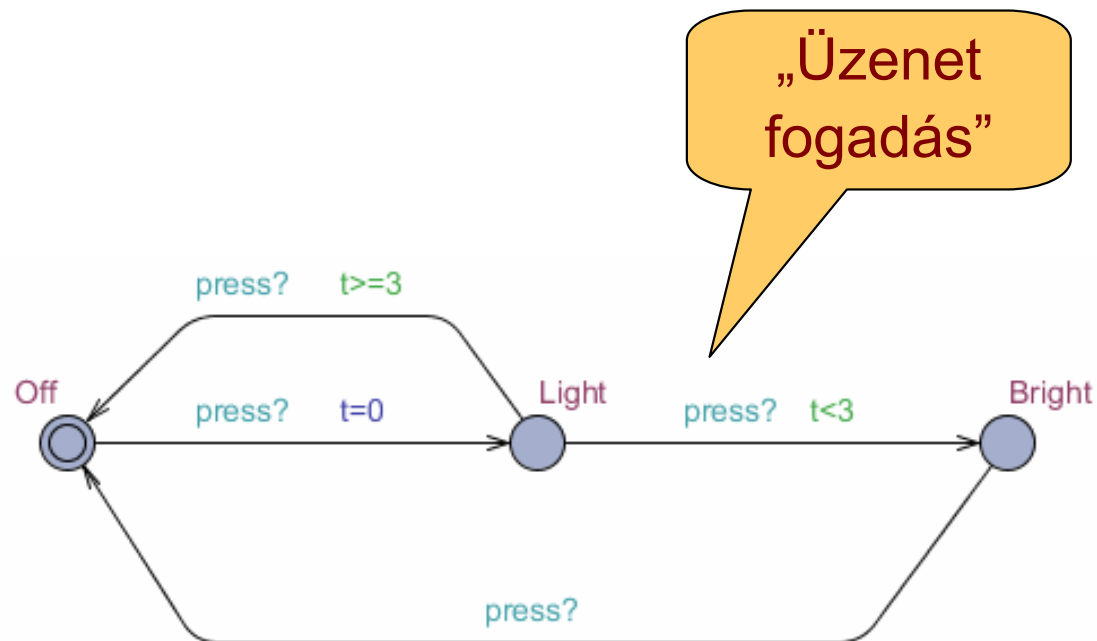


# Példa óraváltozókra és szinkronizálásra

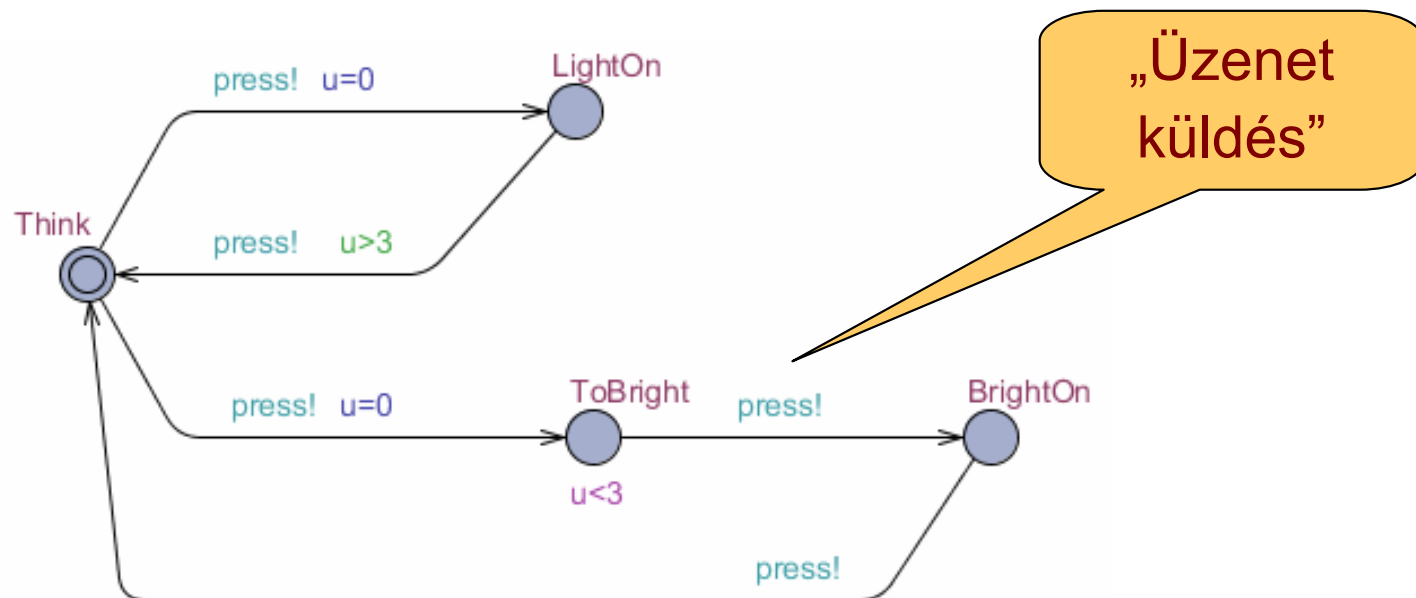
Deklarációk:

```
clock t, u;  
chan press;
```

Kapcsoló:



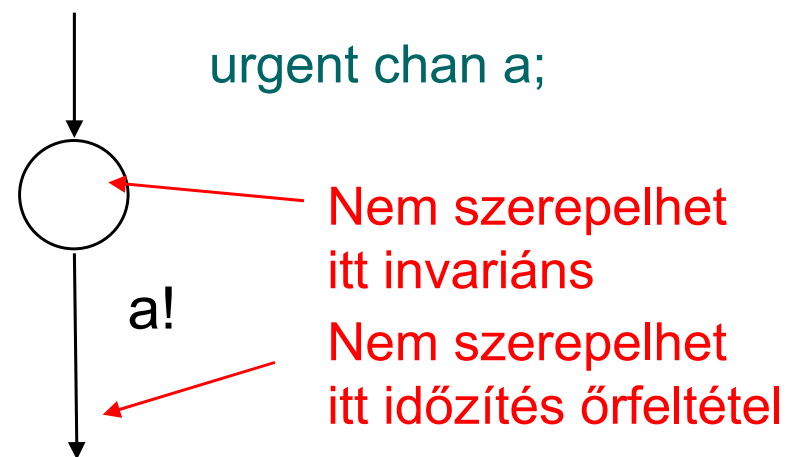
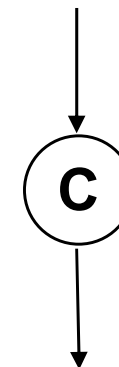
Felhasználó:





# További lehetőségek (ritkábban használt)

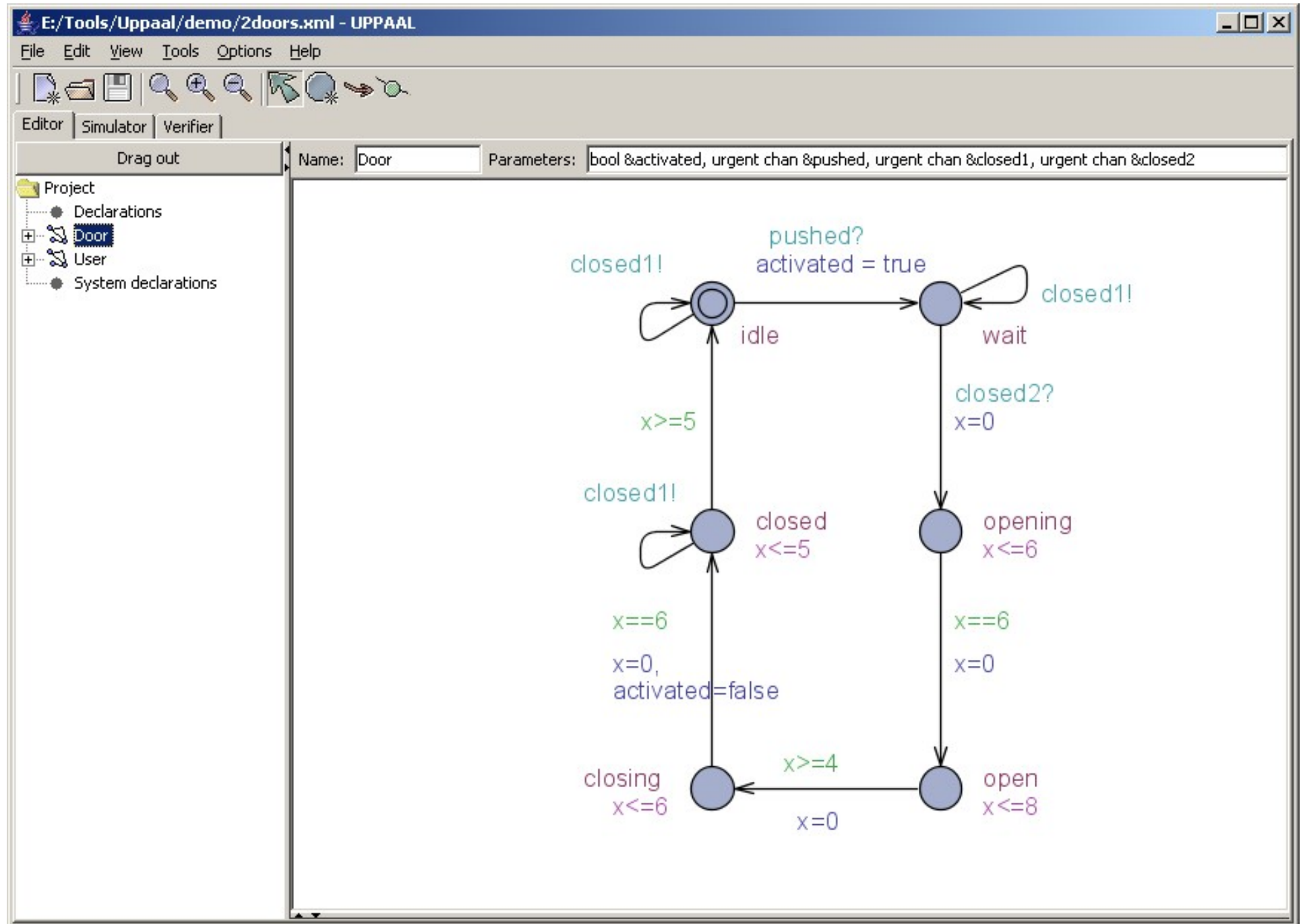
- **Committed állapot: átmenetek egybefogása**
  - Tipikus használat: A kimenő átmenet végrehajtása előtt más automata átmenete nem lehet végrehajtva: bemenő és kimenő átmenet egy atomi műveletként végrehajtva
- **Urgent csatorna: Nem enged késleltetést**
  - **Késleltetés nélkül**, azonnal végrehajtandó szinkronizáció (de előtte átlapolt végrehajtás lehet)
  - Nem szerepelhet időzítés őrfeltétel azon az átmeneten, ami ilyen csatornára hivatkozó akcióval van címkézve
  - Nem szerepelhet invariáns azon a csomóponton, ahonnan olyan átmenet indul, ami ilyen csatornára hivatkozó akcióval van címkézve



# Az UPPAAL eszköz

- Fejlesztése (1999-):
  - Uppsala University, Svédország
  - Aalborg University, Dánia
- Web lap (információk, letöltés, példák):  
<http://www.uppaal.org/>
- Kapcsolódó eszközök:
  - UPPAAL CoVer: Tesztgenerálás
  - UPPAAL TRON: On-line tesztelés
  - UPPAAL PORT: Komponens alapú rendszerek tervezése
  - ...
- Kereskedelmi verzió:  
<http://www.uppaal.com/>

# Automata modell



# Szimulátor

E:/Tools/Uppaal/demo/2doors.xml - UPPAAL

File Edit View Tools Options Help

Editor Simulator Verifier

Drag out Drag out

Enabled Transitions

User2  
closed2: Door2 --> Door1

Next Reset

Simulation Trace

(idle, idle, idle, idle)  
User1  
(idle, idle, -, idle)  
pushed1: User1 --> Door1  
(wait, idle, idle, idle)

Trace File:

Prev Next Replay  
Open Save Random

Slow Fast

activated1 = 1  
activated2 = 0  
Door1.x >= 0  
Door2.x >= 0  
User1.w = 0  
User2.w >= 0  
Door1.x = Door2.x  
Door2.x = User2.w  
User2.w = Door1.x

**Door 1**

**Door 2**

**User 1**

**User 2**

**Door 1 Door 2 User 1 User 2**