

Modellezés

Színezett

Petri-hálókkal

TOOLS

- editing
- simulation
- verification

THEORY

- models
- basic concepts
- analysis methods

PRACTICAL USE

- specification
- validation
- verification
- implementation

© Kurt Jensen (részlet)

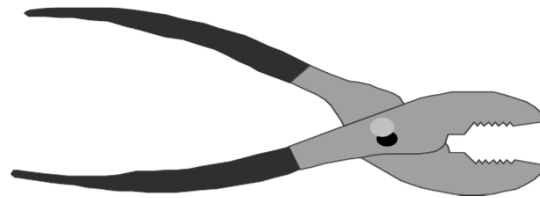
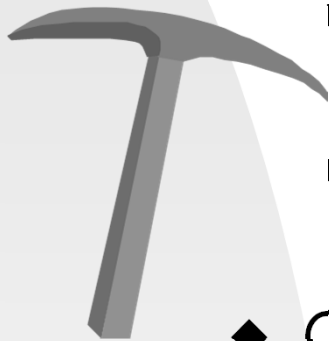
Fordította: Erdélyi Árpád

Department of Computer Science
Aarhus Egyetem, Dánia

kjensen@daimi.au.dk

Modellező eszközök

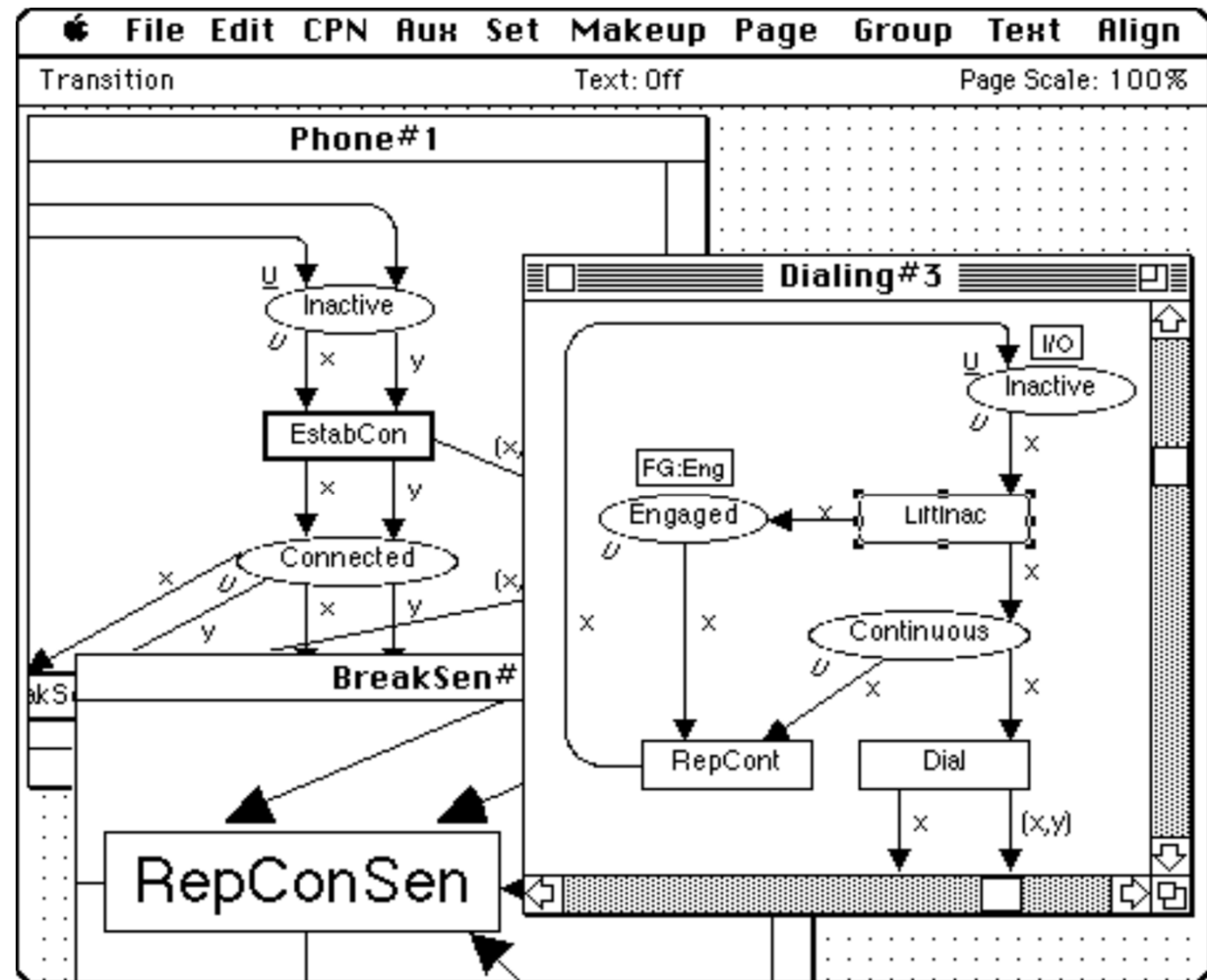
- ◆ *Design/CPN* eszközt a 80'as évek végén és a 90'as évek elején fejlesztették ki.
 - A maga idejében a legelterjedtebb Petri háló csomag volt.
 - *750 különböző szervezet 50 országban használta – ezek között 200 kereskedelmi cég van.*
- ◆ *CPN Tools* már egy második generációs eszköz a Színezett Petri-hálókhöz.
 - Mára a *CPN Tools* *átvette a Design/CPN helyét*
 - A fejlesztés *1999-ben kezdődött* és több, mint *20 mérnökév* munka van benne.



Standard ML

- ◆ A típusok, élkifejezések és őrfeltételek *Standard ML-ben* adhatók meg. Ez egy erősen típusos, funkcionális programozási nyelv (*Robin Milner* fejlesztette).
- ◆ *Adattípus lehet*:
 - *Atomi* (integer, string, boolean és felsorolás).
 - *Strukturált* (products, record, union, list és subsets).
- ◆ Tetszőlegesen bonyolult *függvényeket* és *műveleteket* lehet definiálni benne (pl. polimorfizmus).
- ◆ A Standard ML jól-ismert, tesztelt és nagyon általános. Számos *irodalma* van.

Design/CPN editor (egykor)



- ◆ *WYSIWYG felületről* könnyen módosíthatni tudjuk a modellünket.
- ◆ *Szintakszis-vezérelt* – sok *szintaktikai hiba* kiküszöbölhető.

CPNTools editor (ma)

CPN Tools (Version 2.9.12, September 2010)

Tool box

- Auxiliary
- Create
- Hierarchy
- Monitoring
- Net
- Simulation
- State space
- Style
- View
- Help
- Options
- HierarchicalProtocol.cpn
 - Step: 0
 - Time: 0
 - Options
 - History
 - Declarations
 - colset INT
 - colset DATA
 - colset INTxDATA
 - colset INTxINT
 - var n k n1 n2
 - var p str
 - val stop
 - colset Ten0
 - colset Ten1
 - var s
 - var r r1 r2
 - fun Ok
 - fun imin
 - Monitors

Binder 0

Top

```

1` (1,"Modellin")++
1` (2,"g and An")++
1` (3,"alysis b")++
1` (4,"y Means ")++
1` (5,"of Colou")++
1` (6,"red Petr")++
1` (7,"i Nets##")++
1` (8,"#####")
  
```

Send 8

INTxDATA

Send Packet

NextSend 1 1

Receive Acknow.

Out

In

Sim

None

00 500.000

Receiver

Receive Packet

NextRec 1 1

Ok(s,r)

then 1` (n,p)

else empty

if n=k andalso p<>stop then str^p else str

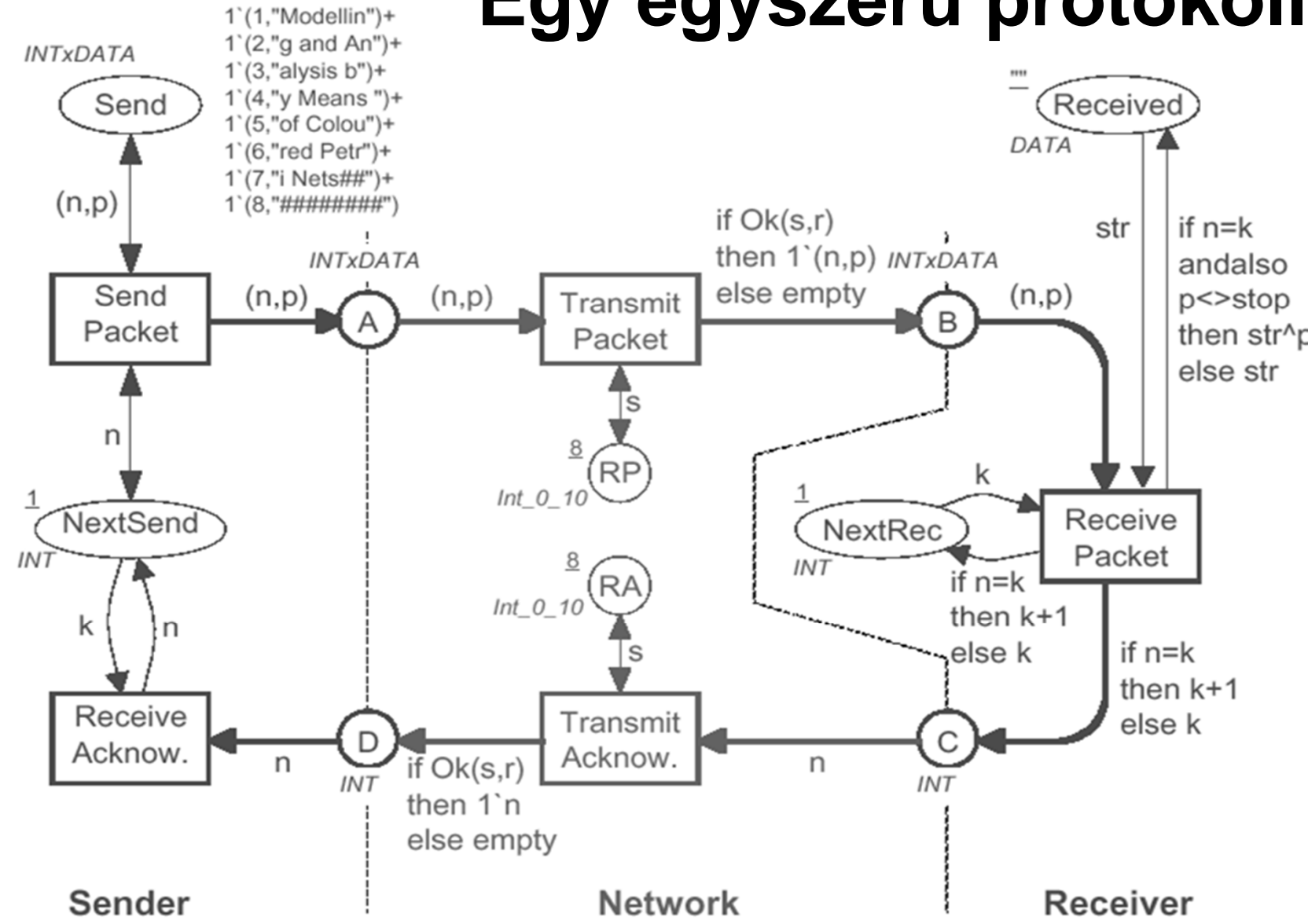
if n=k then k+1 else k

if n=k then k+1 else k

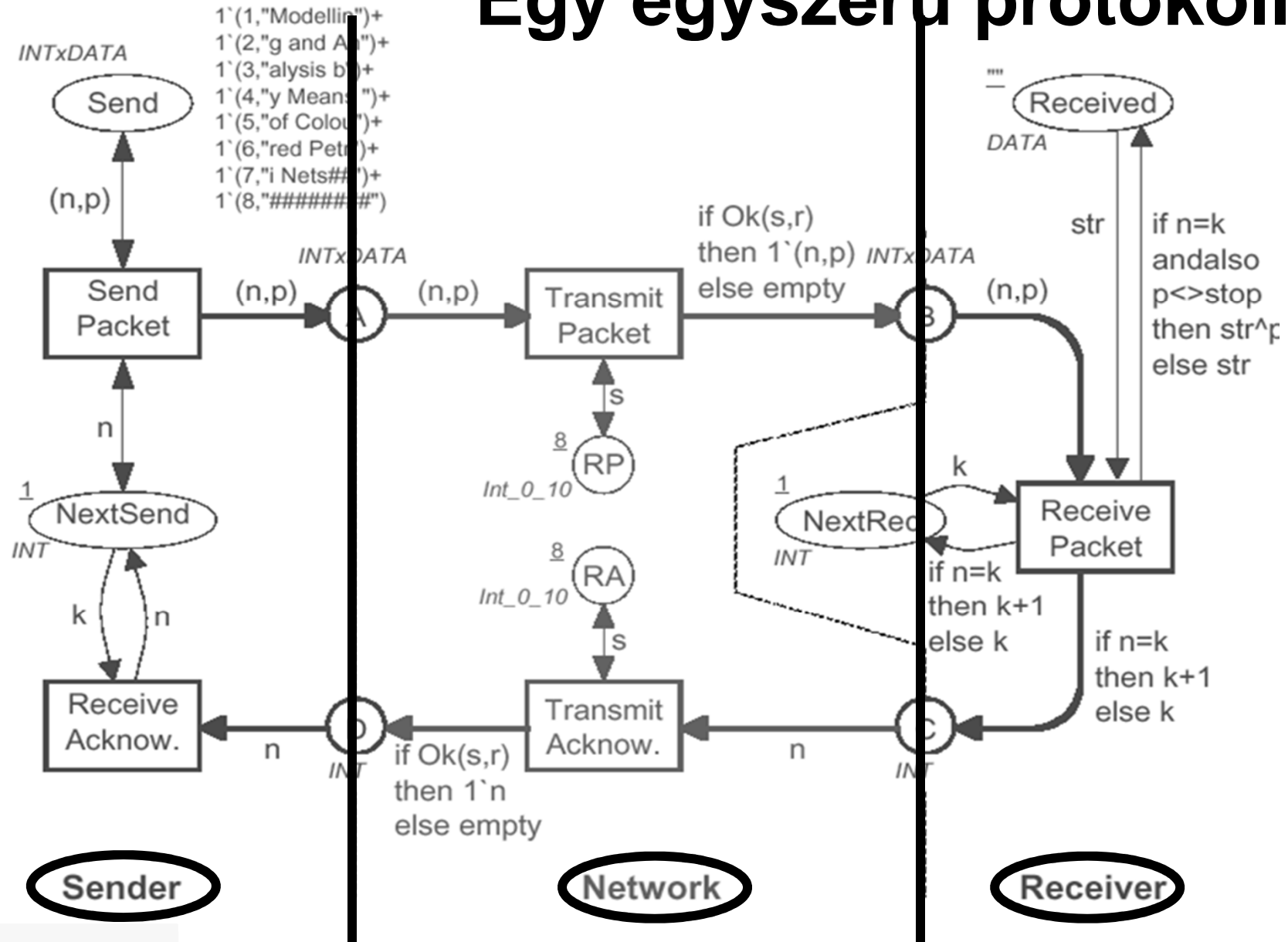
DATA

Received 1 1

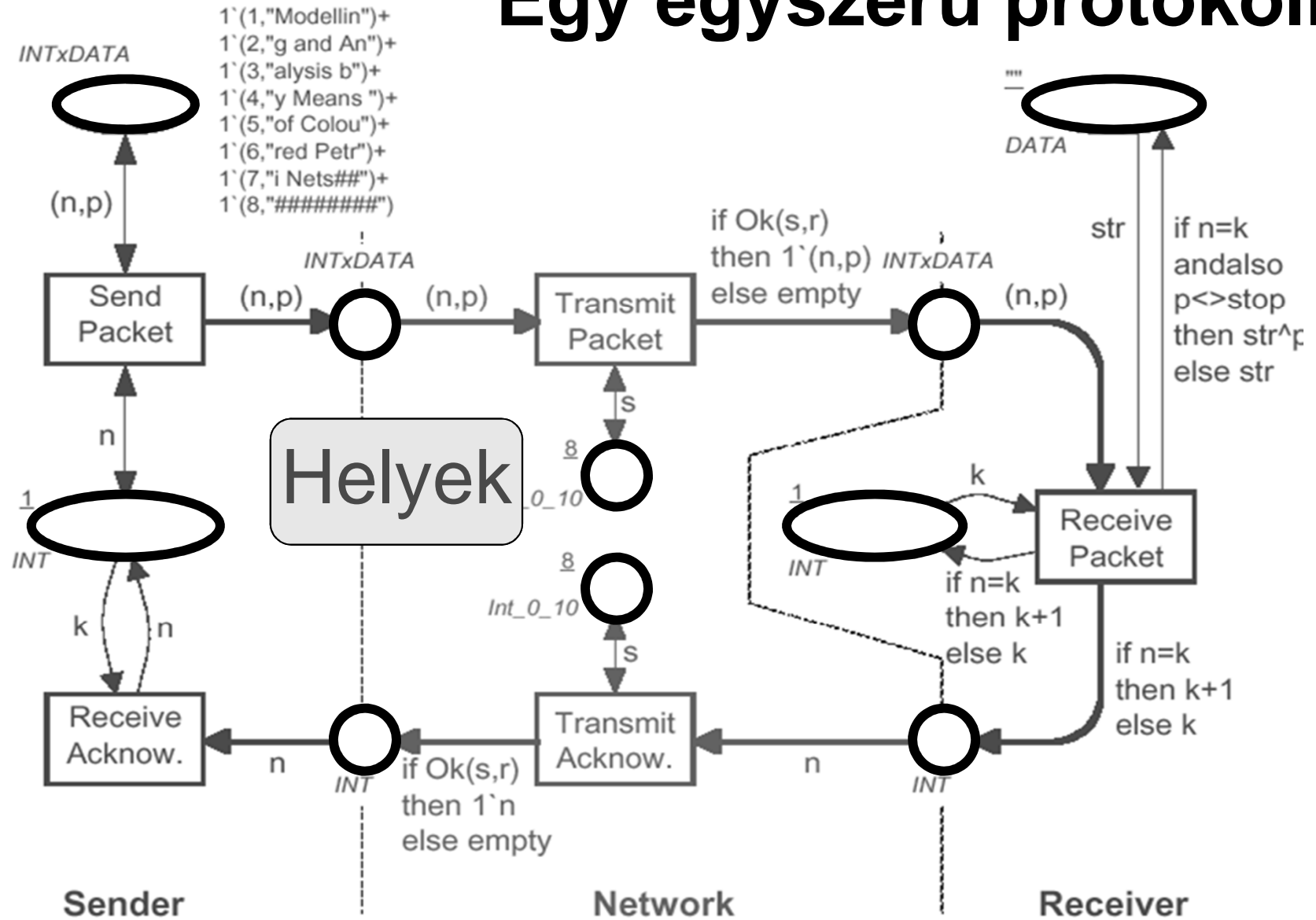
Egy egyszerű protokoll



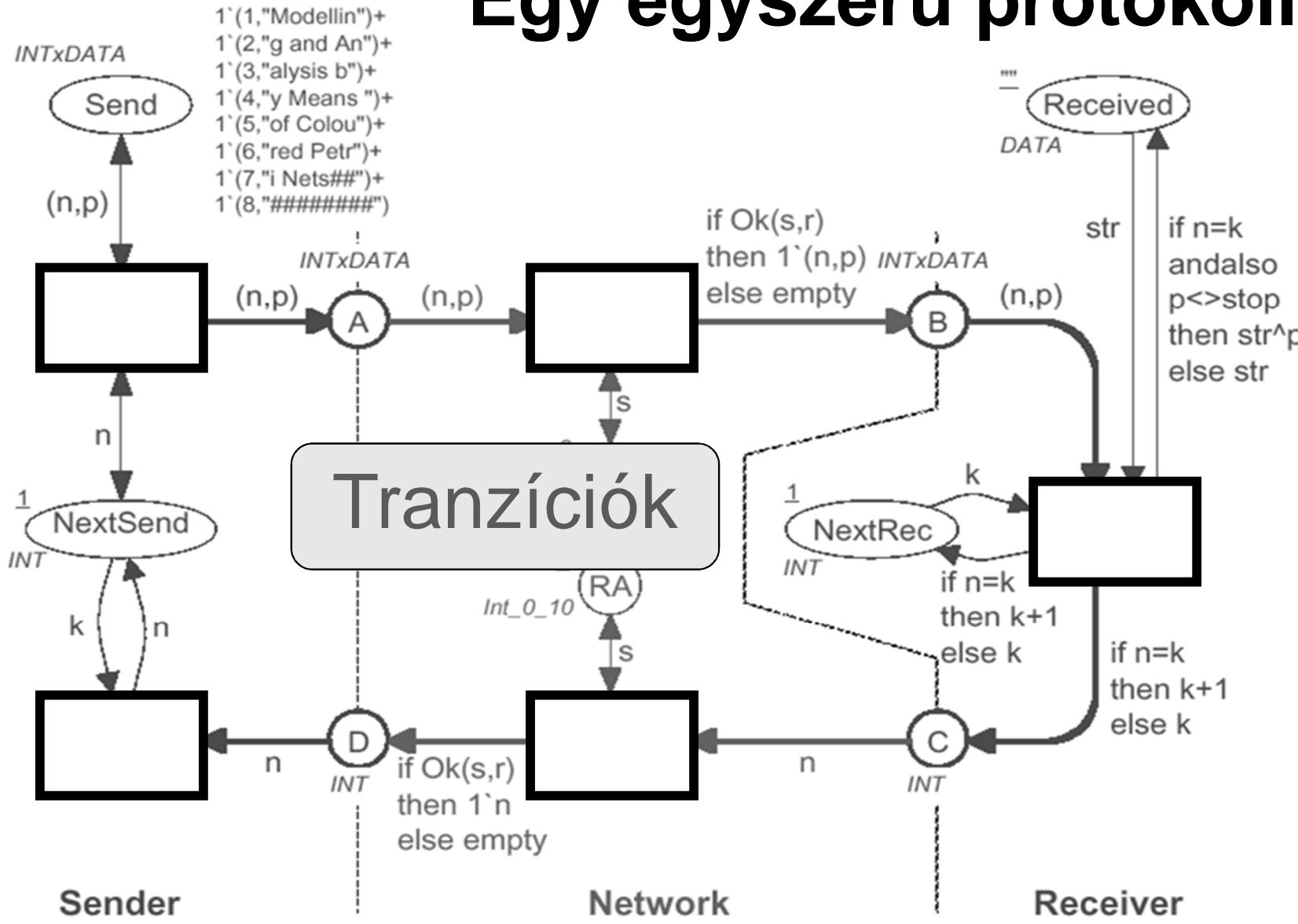
Egy egyszerű protokoll



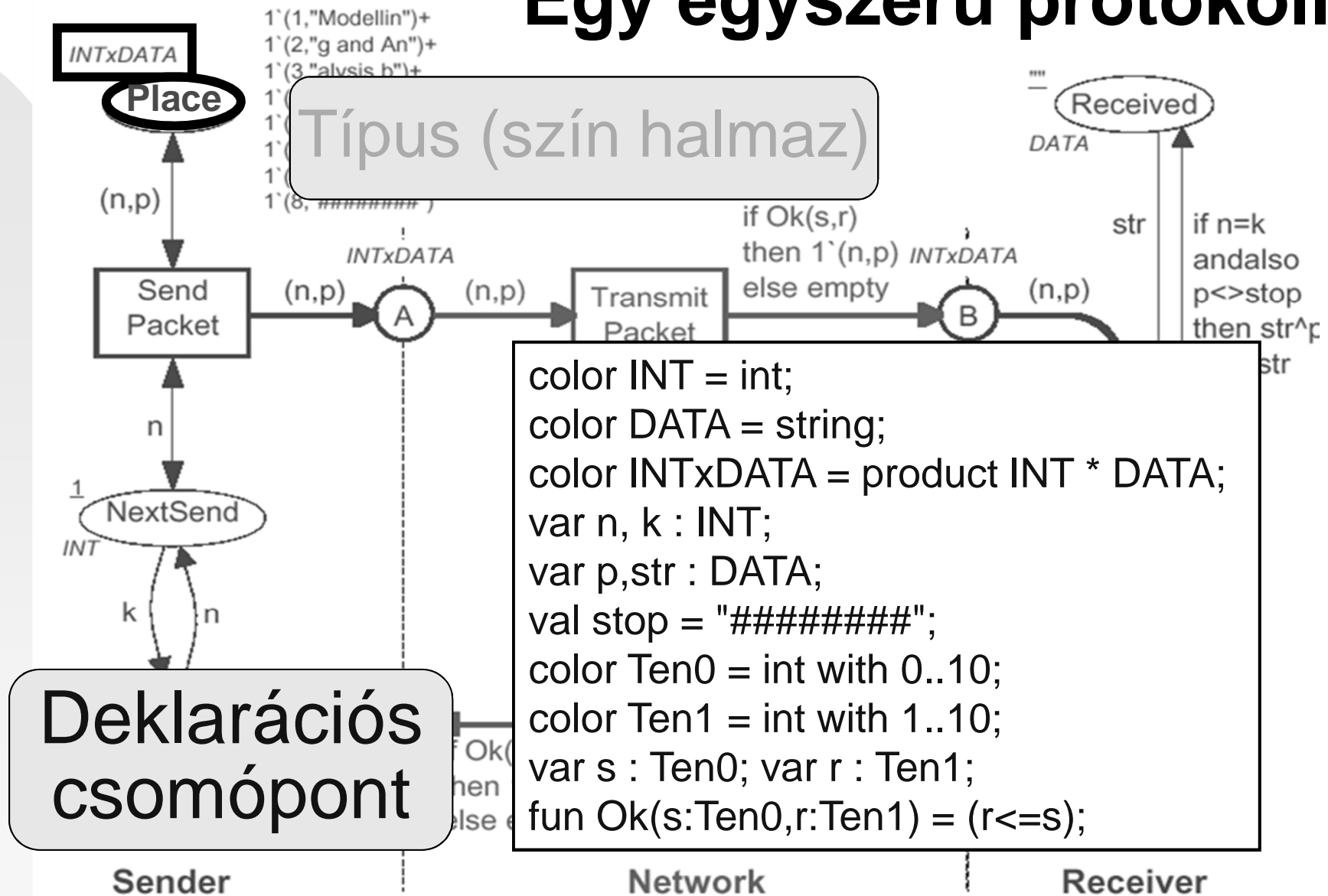
Egy egyszerű protokoll



Egy egyszerű protokoll

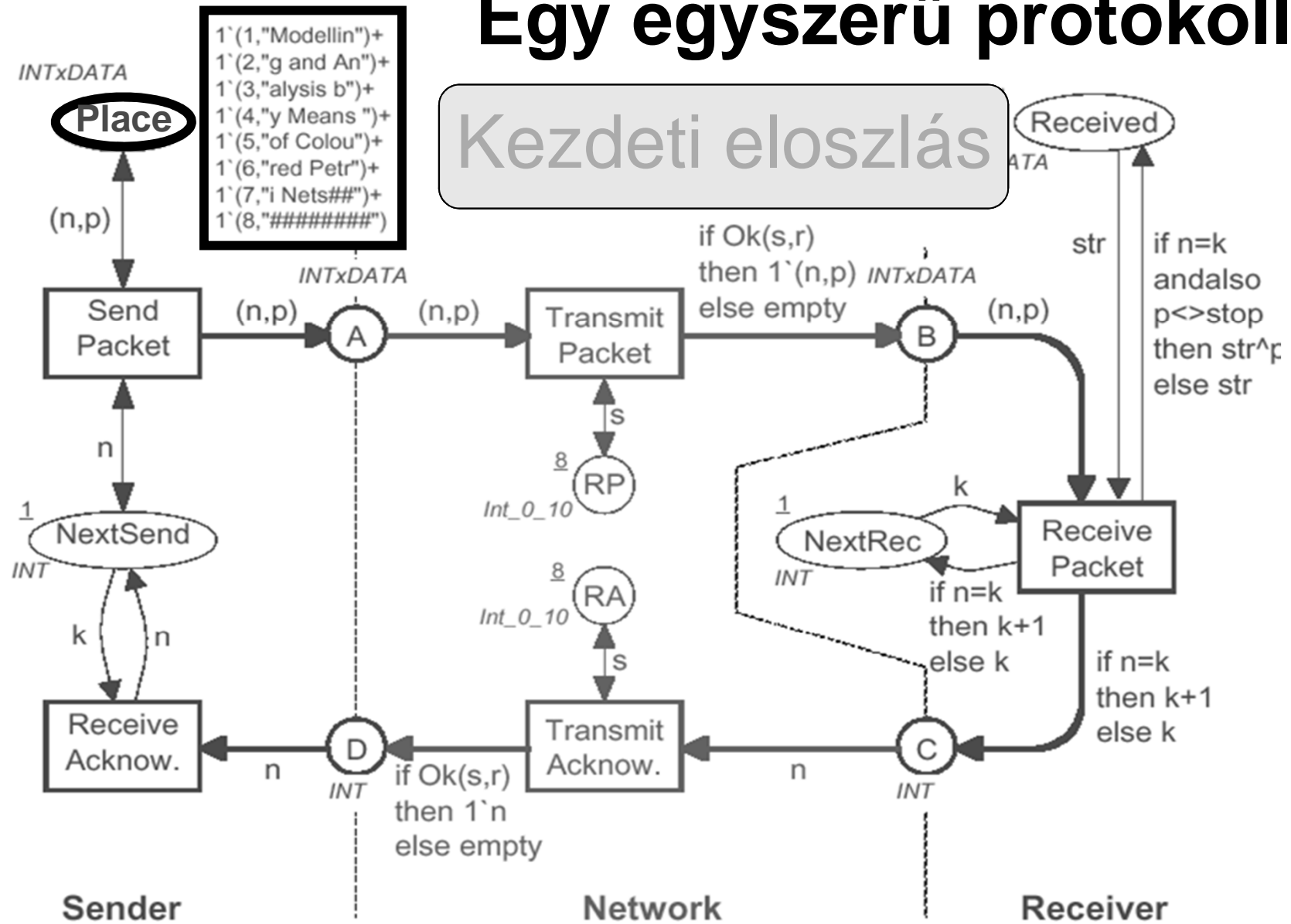


Egy egyszerű protokoll



Egy egyszerű protokoll

Kezdeti eloszlás



Send jelölése

INTxDATA

Send

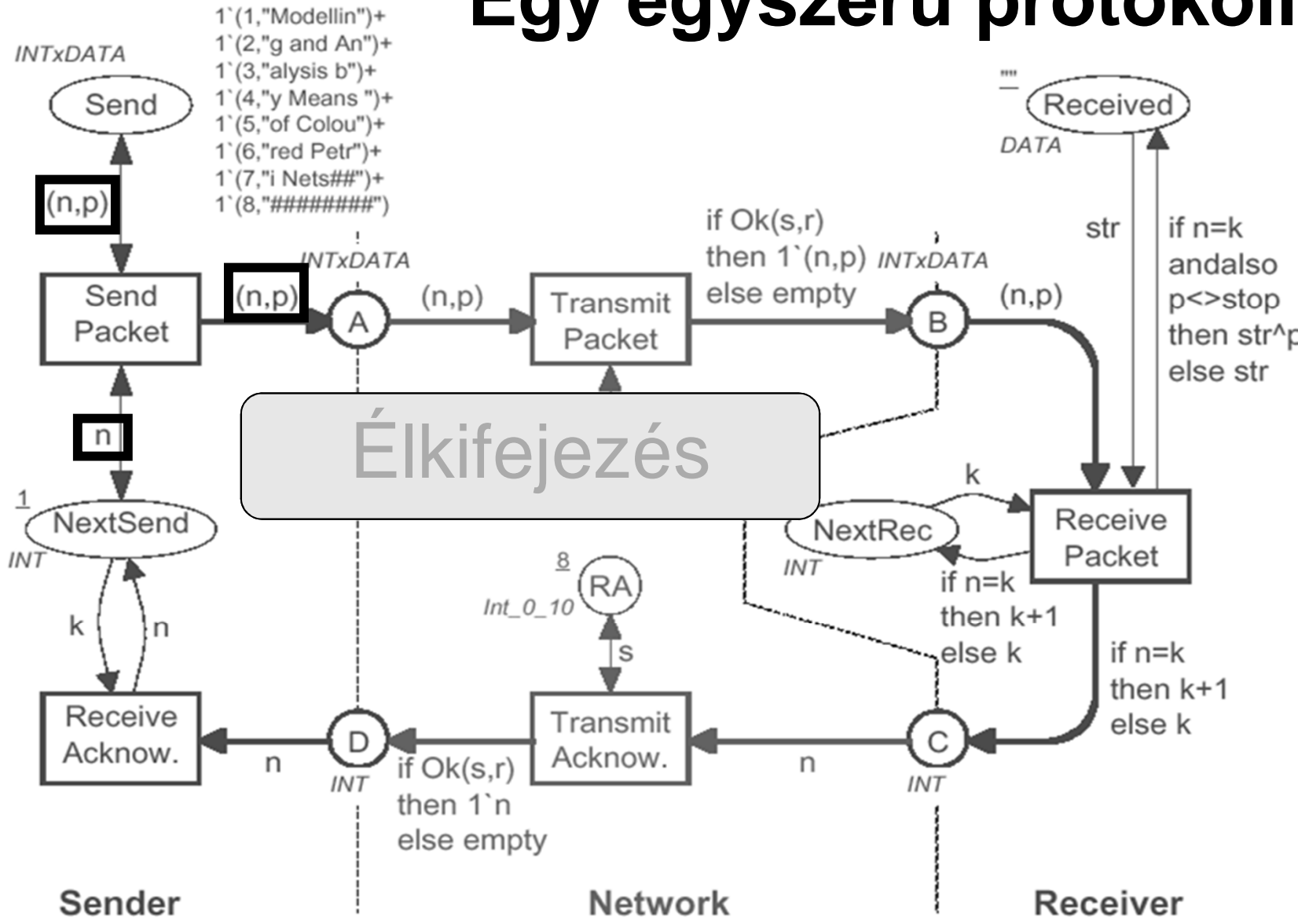
8

Tokenek száma

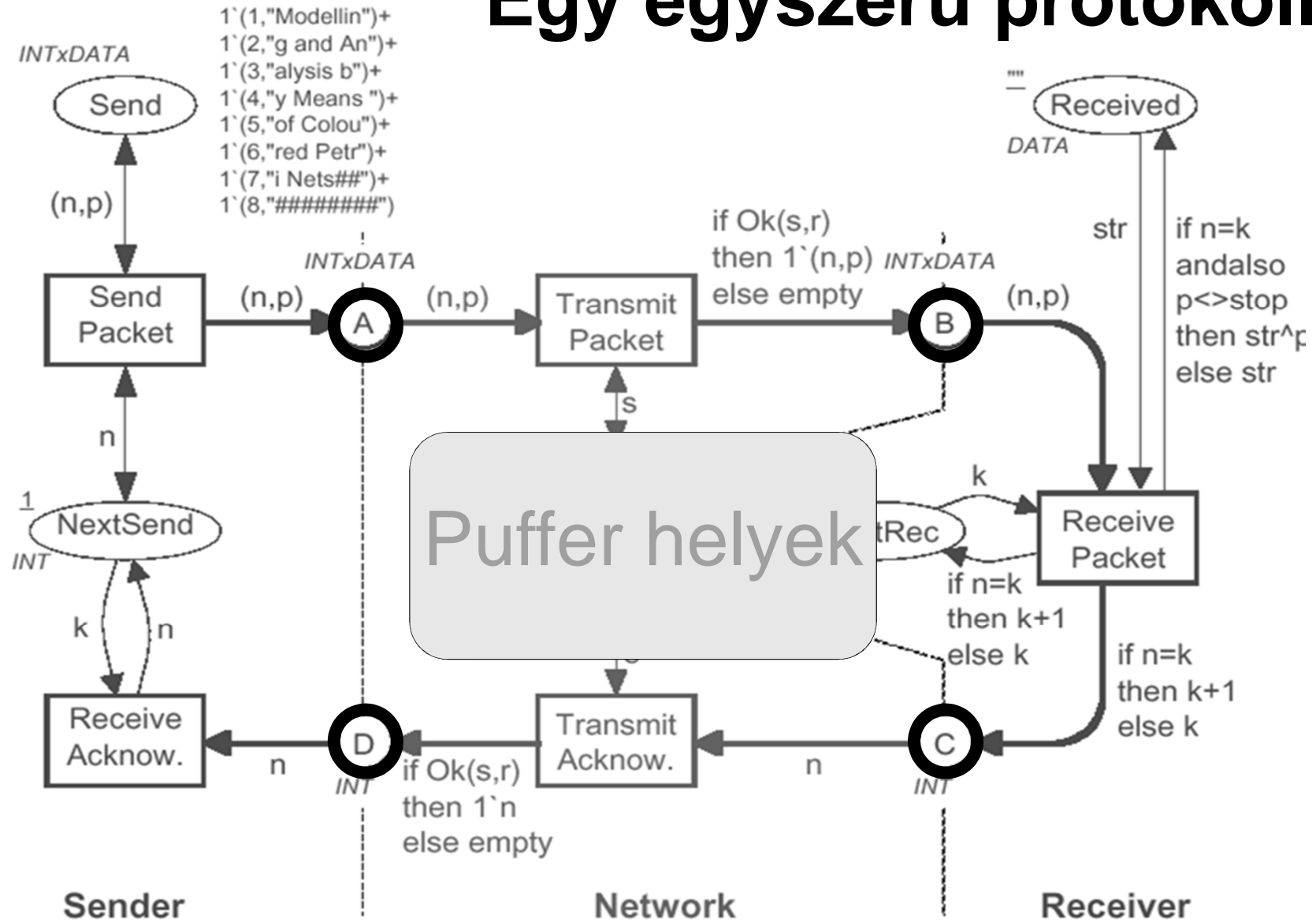
```
1 ` (1, "Modellin") +  
1 ` (2, "g and An") +  
1 ` (3, "alysis b") +  
1 ` (4, "y Means ") +  
1 ` (5, "of Colou") +  
1 ` (6, "red Petr") +  
1 ` (7, "i Nets##") +  
1 ` (8, "#####")
```

Token színek
halmaza

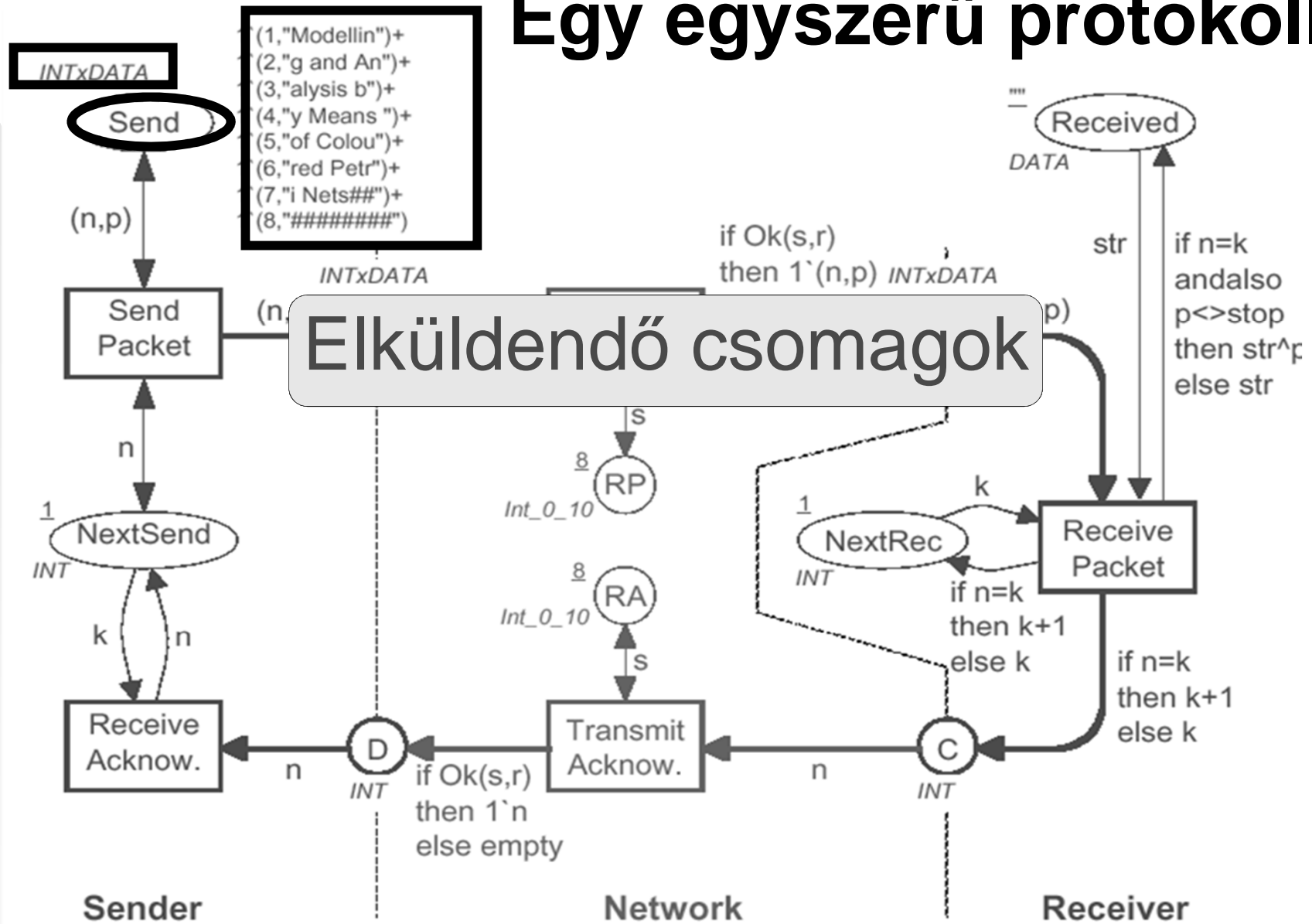
Egy egyszerű protokoll



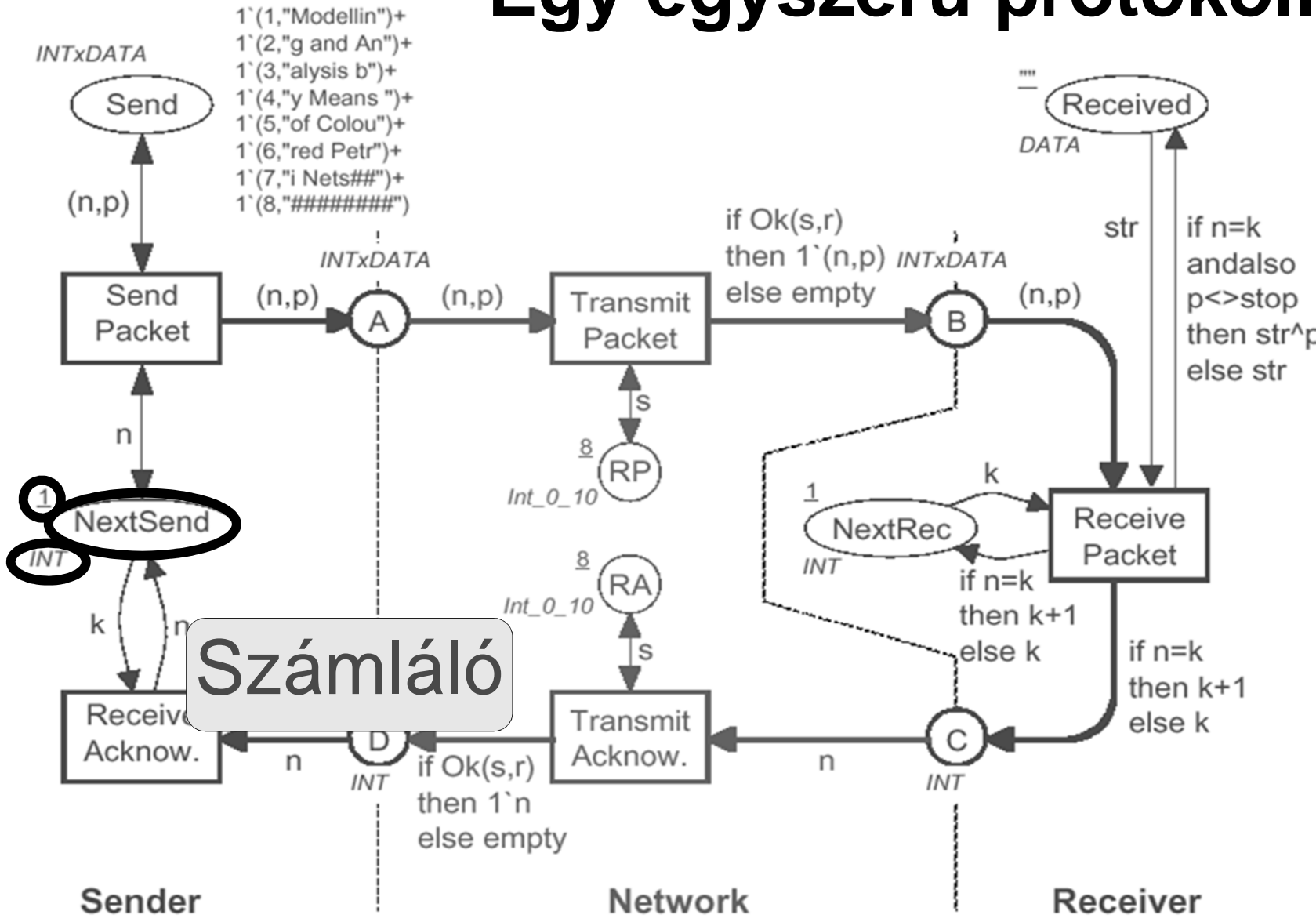
Egy egyszerű protokoll



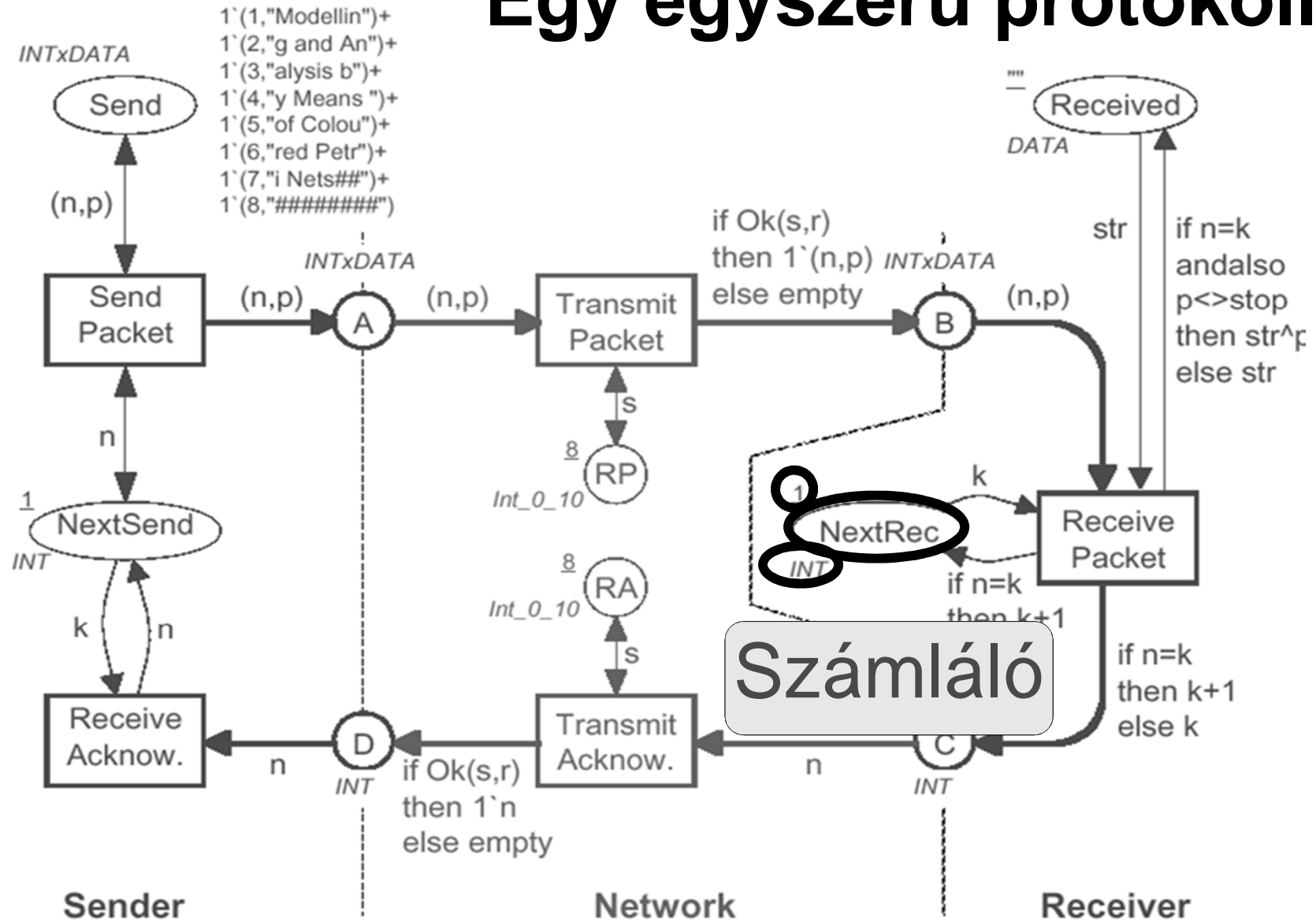
Egy egyszerű protokoll



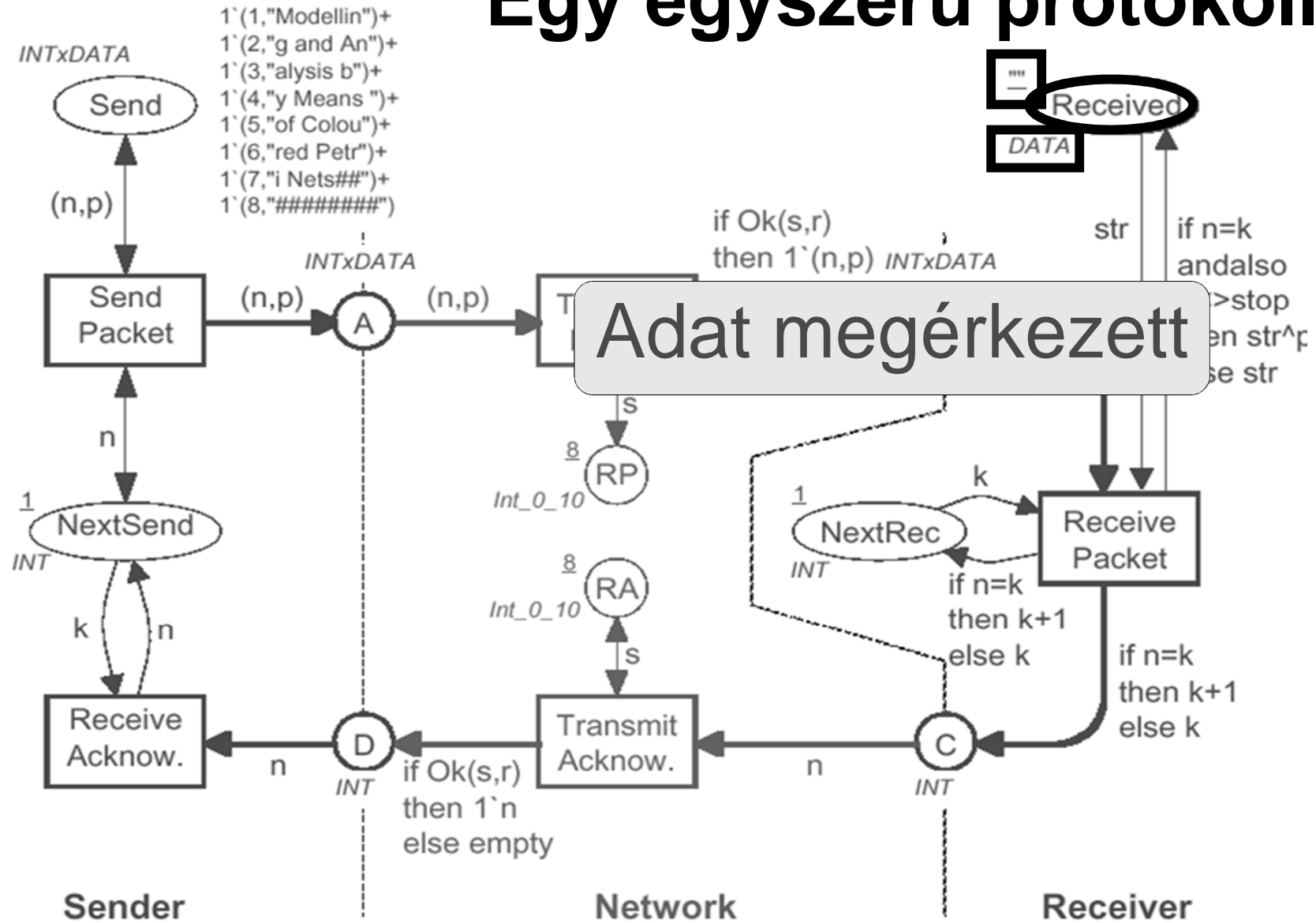
Egy egyszerű protokoll



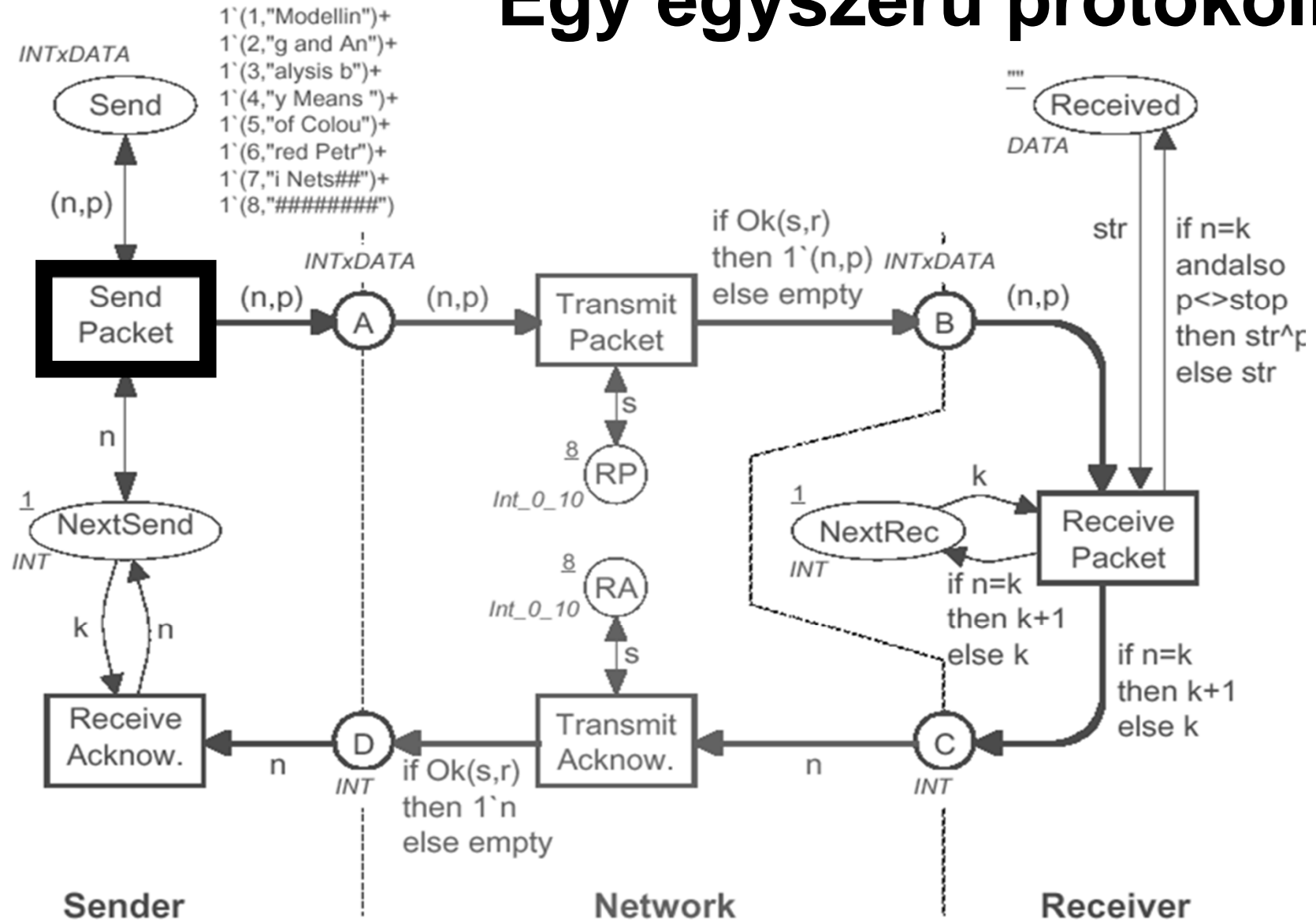
Egy egyszerű protokoll



Egy egyszerű protokoll



Egy egyszerű protokoll

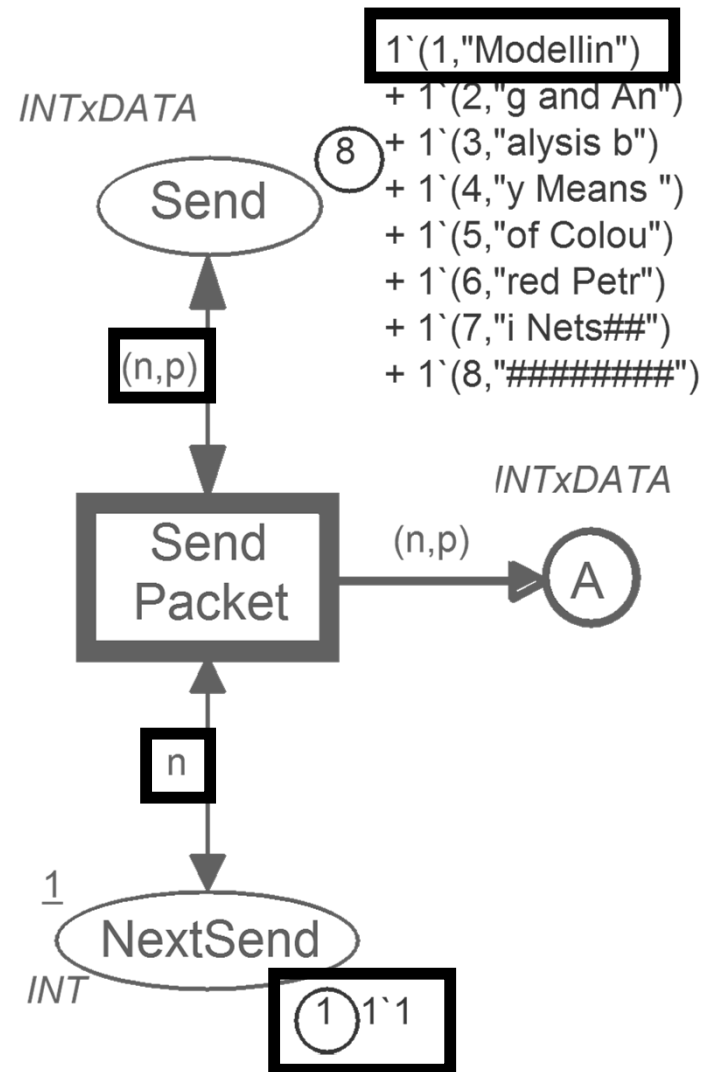


Csomagküldés

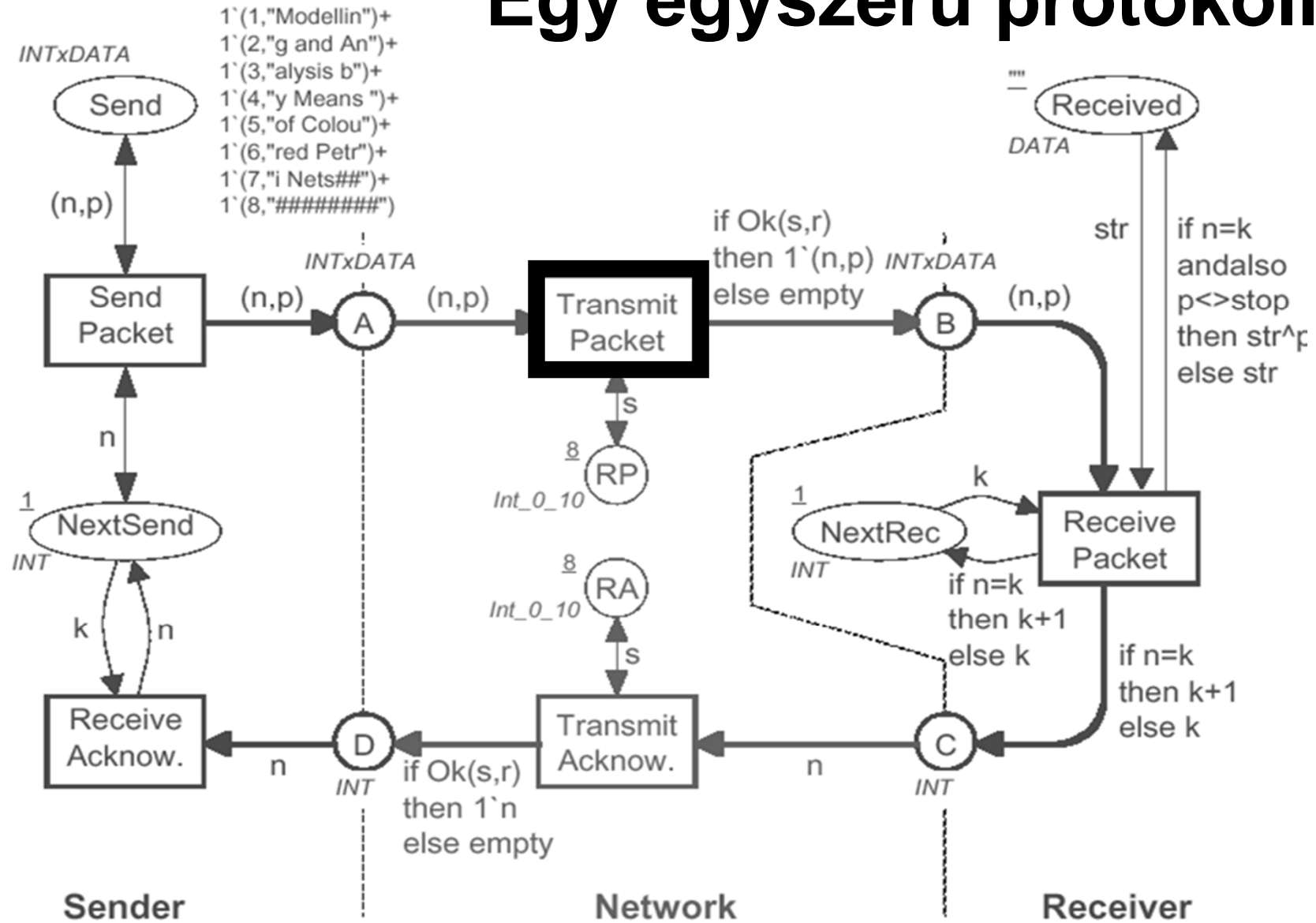
- ◆ Csak a

$\langle n=1, p="Modellin" \rangle$
████████████████████
 pár engedélyezett.

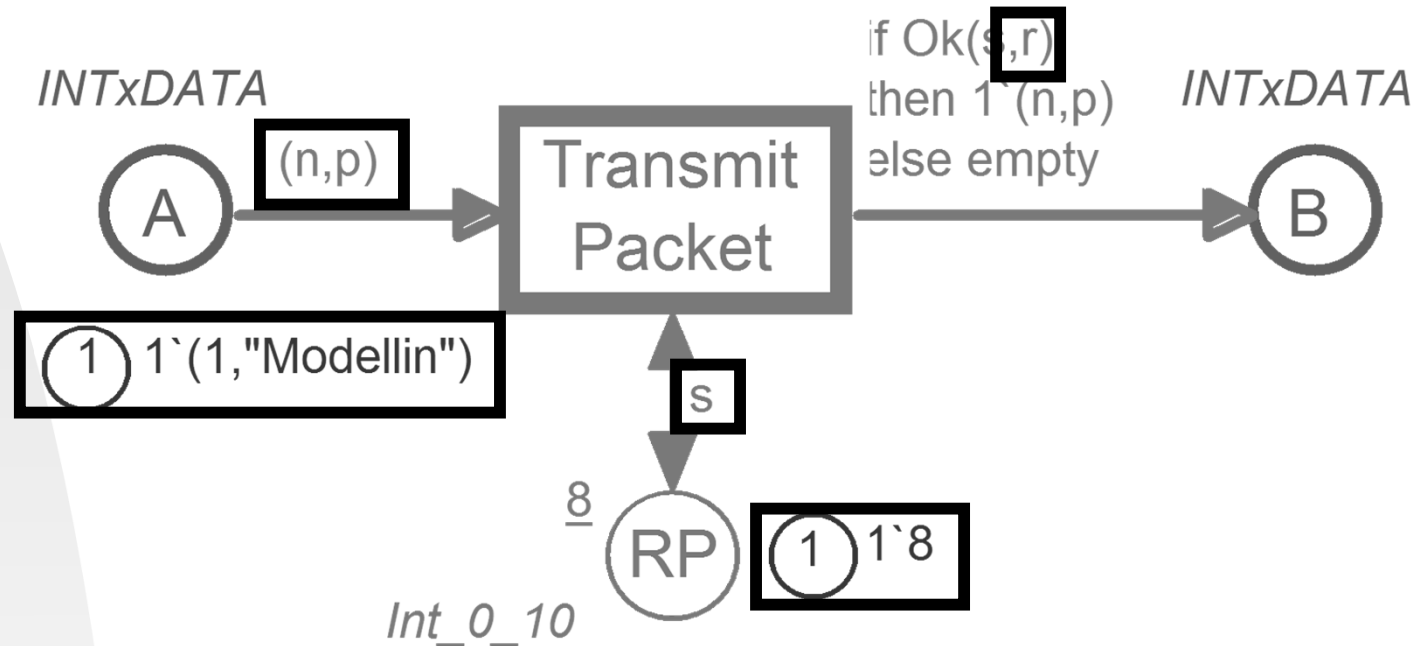
- ◆ Ha található ilyen pár, akkor a *Send Packet* elküldi azt *A*-nak.
- ◆ Ez azt jelenti, hogy (1,"Modellin")-t elküldtük a hálózaton.
- ◆ A csomag nem törlődik a *Send* helyről és a *NextSend* sem változik.



Egy egyszerű protokoll



Csomag átvitele



◆ Az engedélyezett pár így néz ki:

■ $\langle n=1, p= "Modellin", s=8, r=... \rangle$

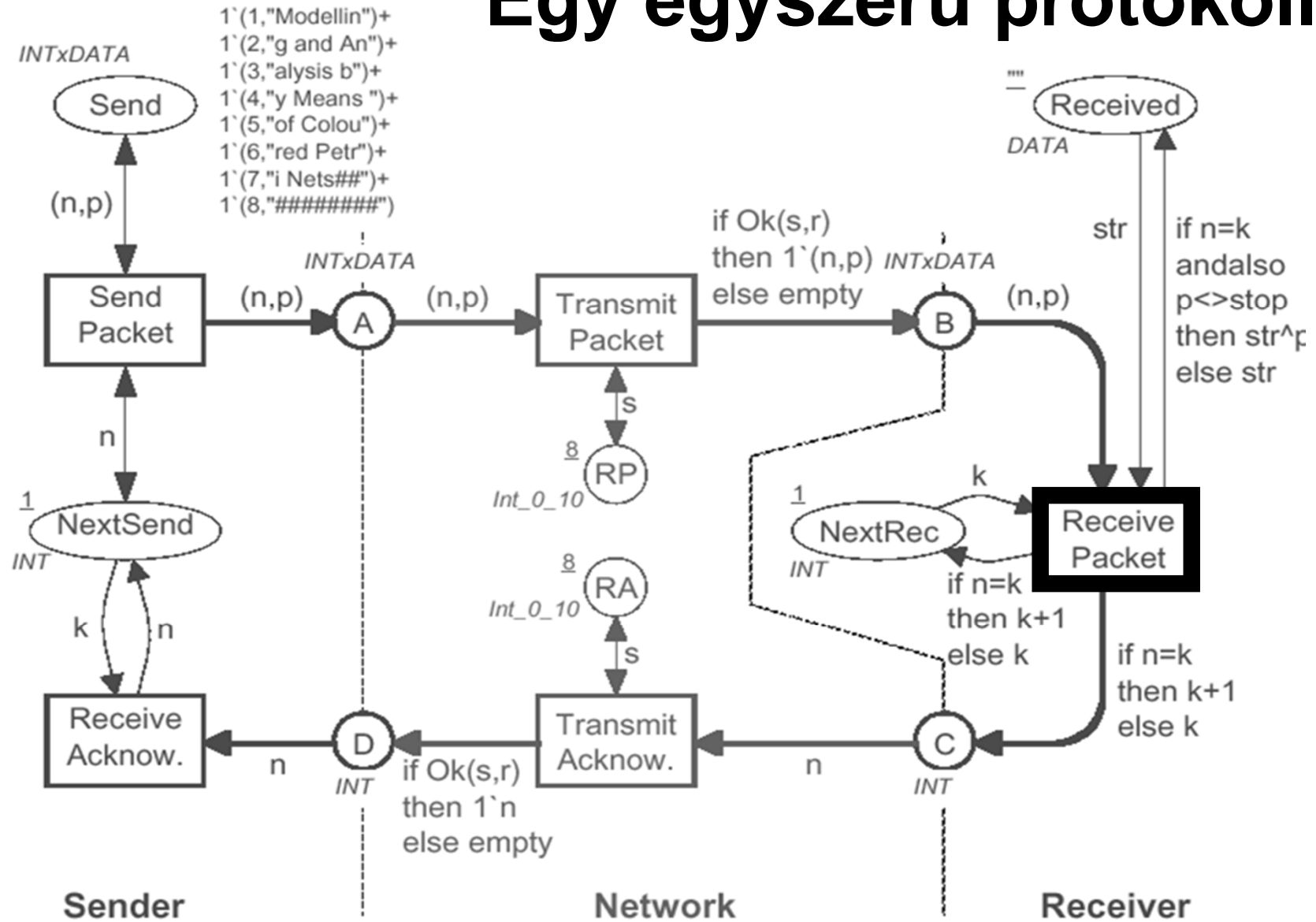
■ Típus: $r \in 1..10$

Csomagvesztés

```
if Ok(s,r)
then 1` (n,p)
else empty
```

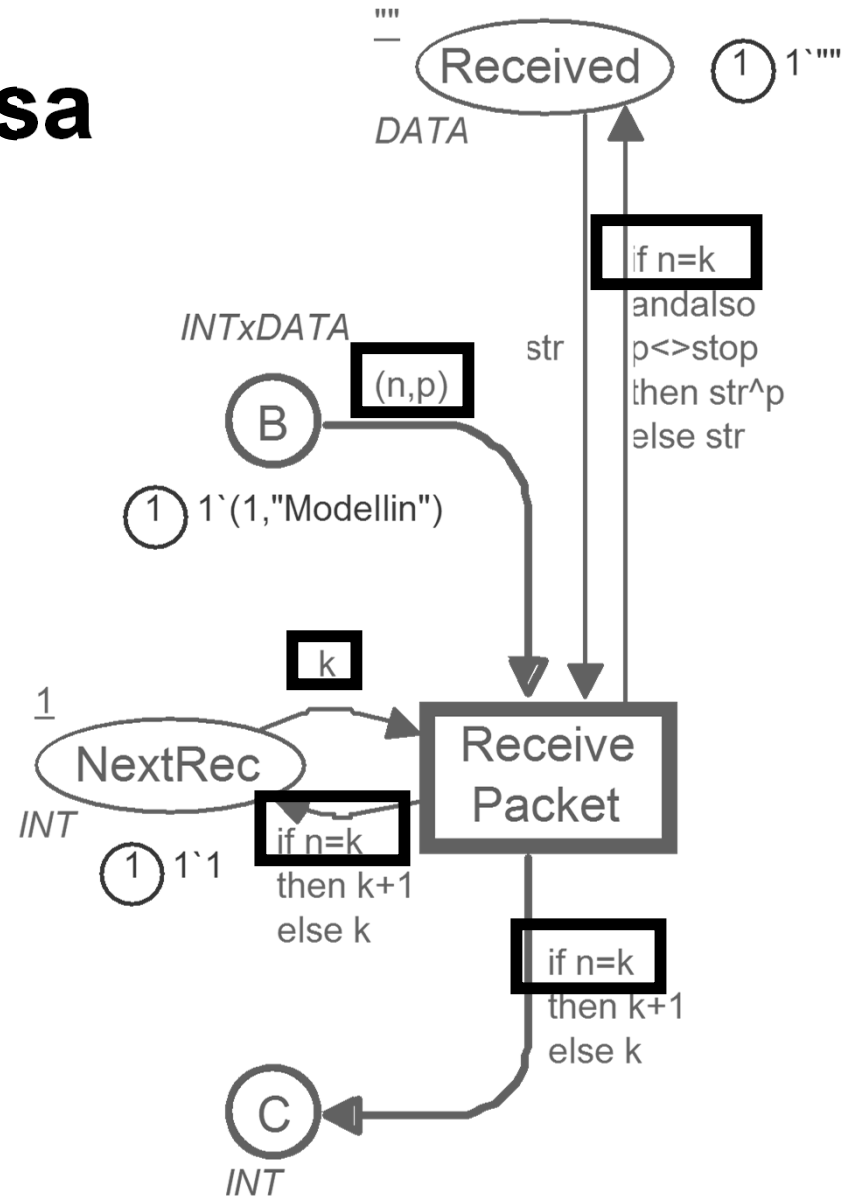
- ◆ A $Ok(s,r)$ függvény ellenőrzi, hogy $r \leq s$
 - For $r \in 1..8$, $Ok(s,r)=true$.
A token A-ból B-be tesszük. Ez azt jelenti, hogy a csomag *sikeresen átment* a hálózaton.
 - For $r \in 9..10$, $Ok(s,r)=false$.
Ekkor B-be nem került token. Ekkor *veszett el* a csomag.
- ◆ A CPN szimulátor *véletlenül választja* ki a párokat: 80% eséllyel sikeresen.

Egy egyszerű protokoll



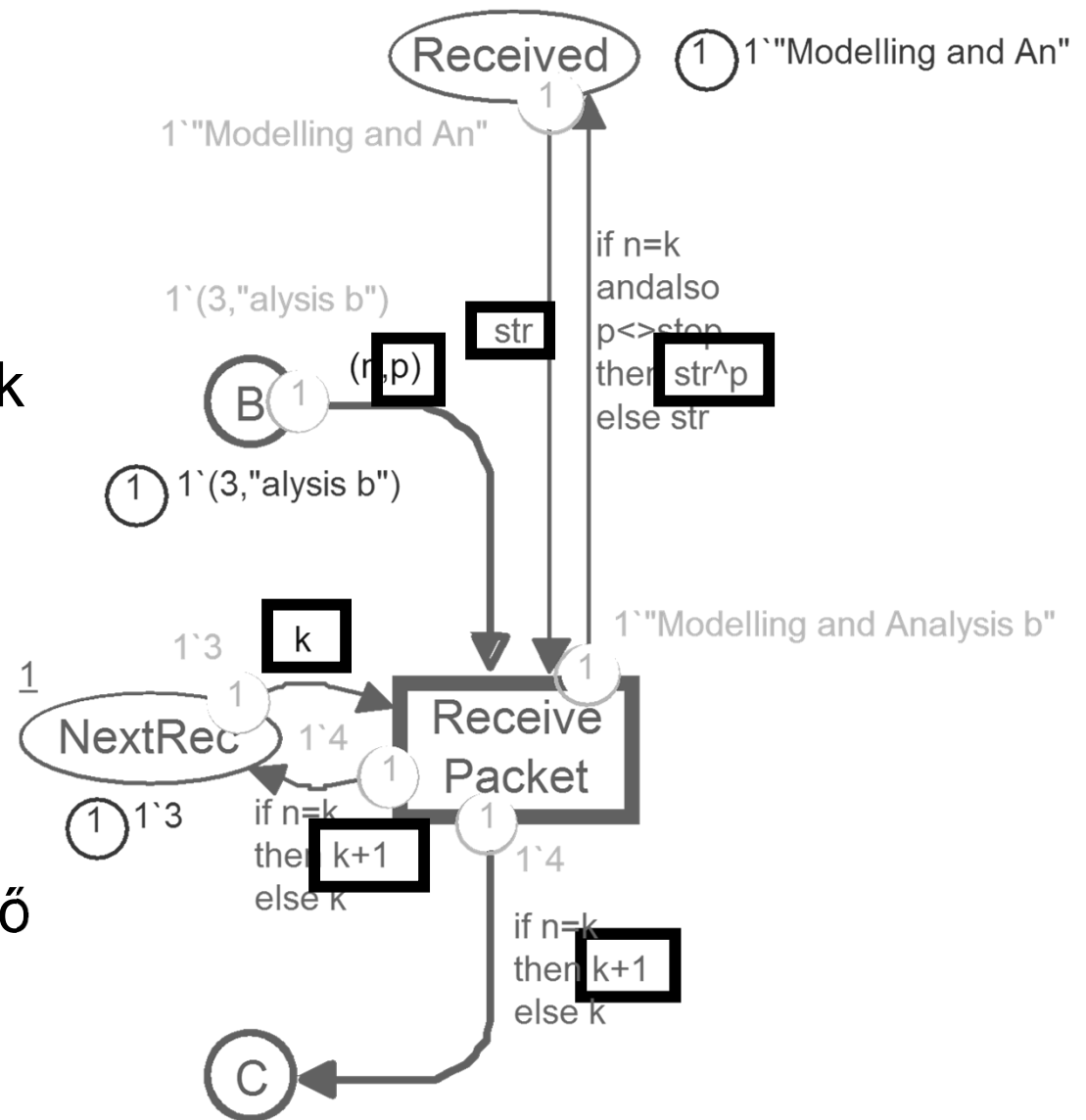
Csomag fogadása

- ◆ A bejövő (n) és a várt csomagok sorszámát (k) összehasonlítjuk.



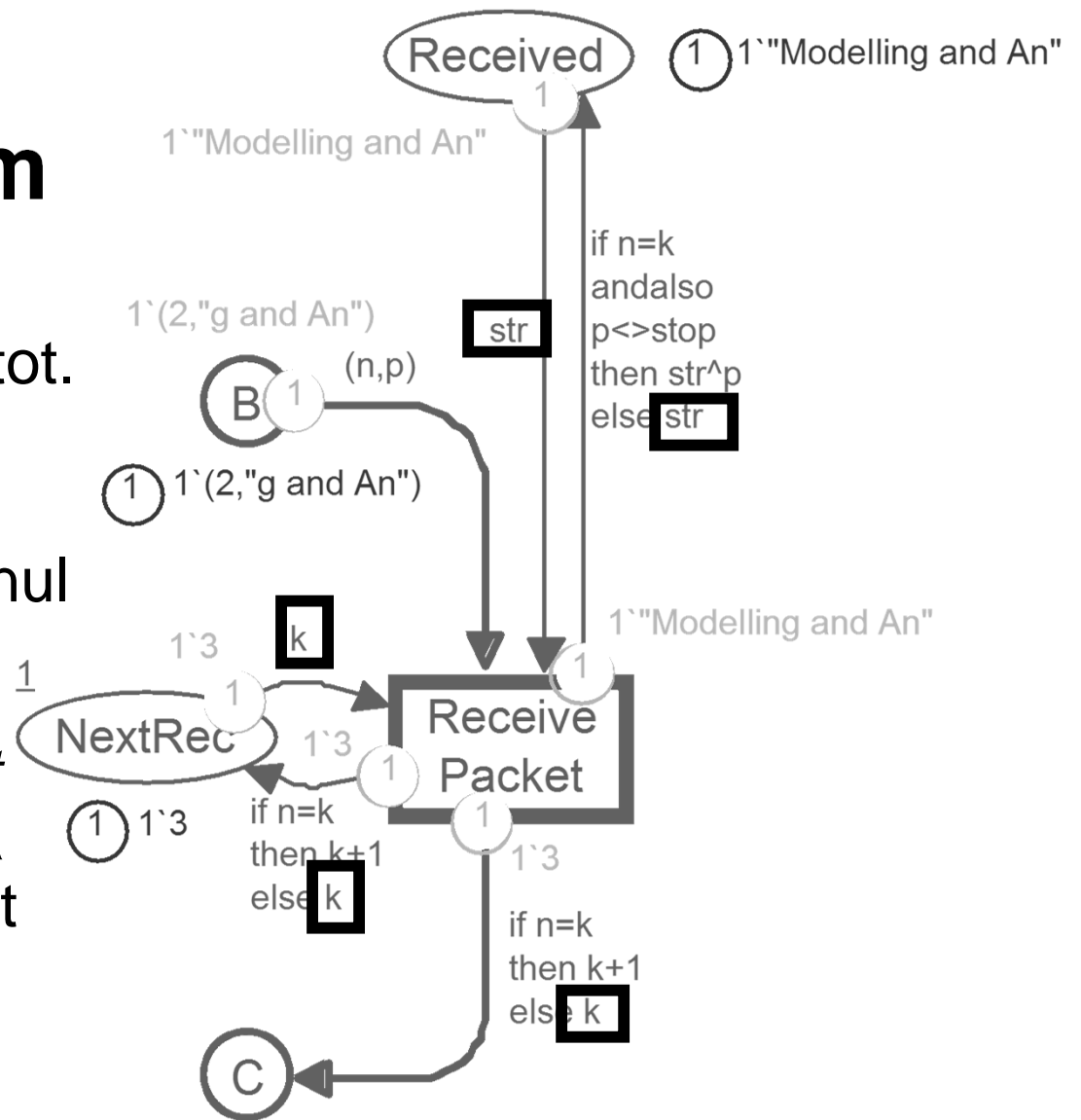
Csomagok sorszámának módosítása

- ◆ A már megkapott adatokhoz hozzáfűzzük az újonnan jöttet.
- ◆ A *NextRec* számlálót egyenként növeljük.
- ◆ *Acknowledgement* üzenetet küldünk. Mellékeljük a következő körben várt üzenet sorszámát.

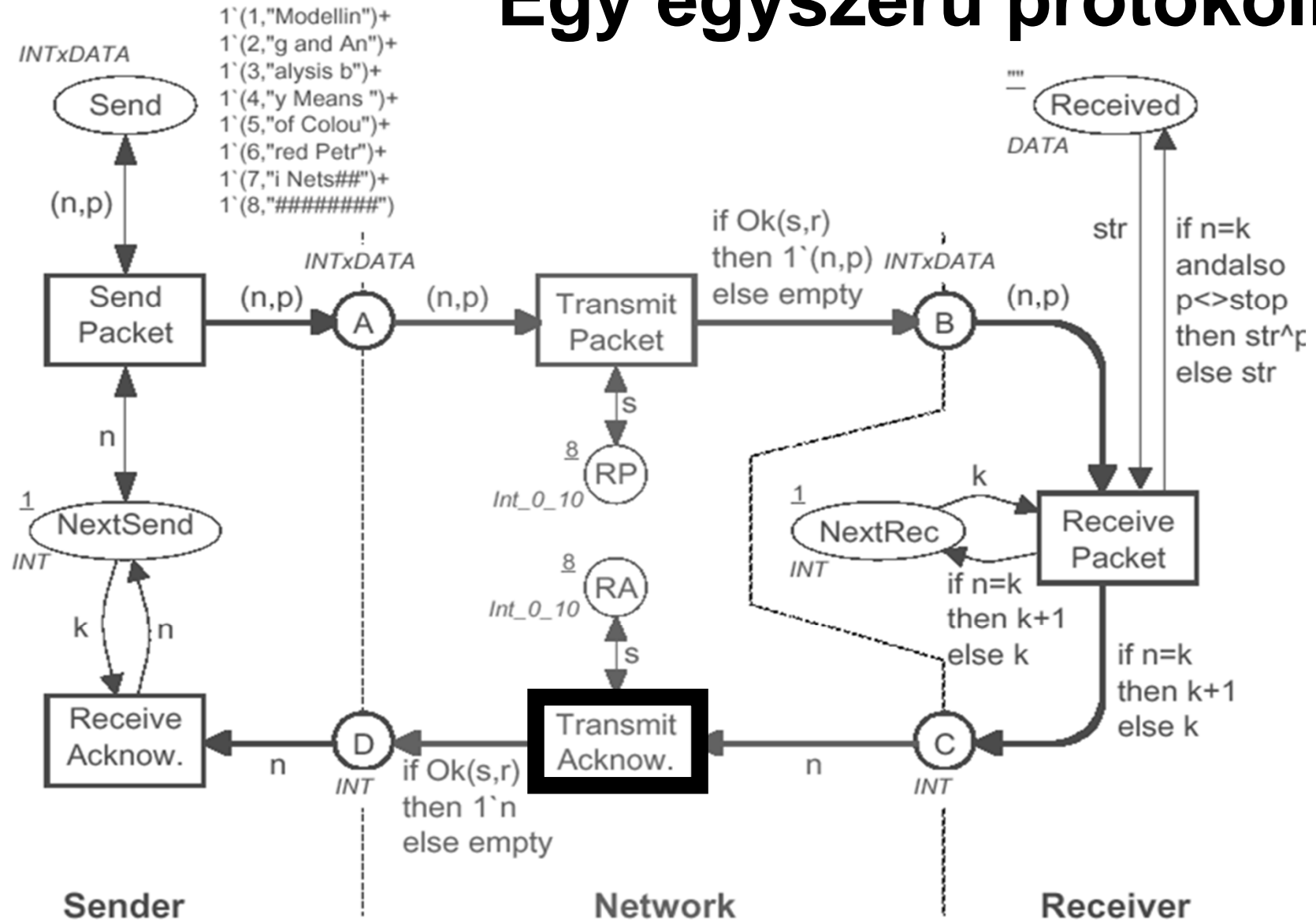


Rossz csomag sorszám

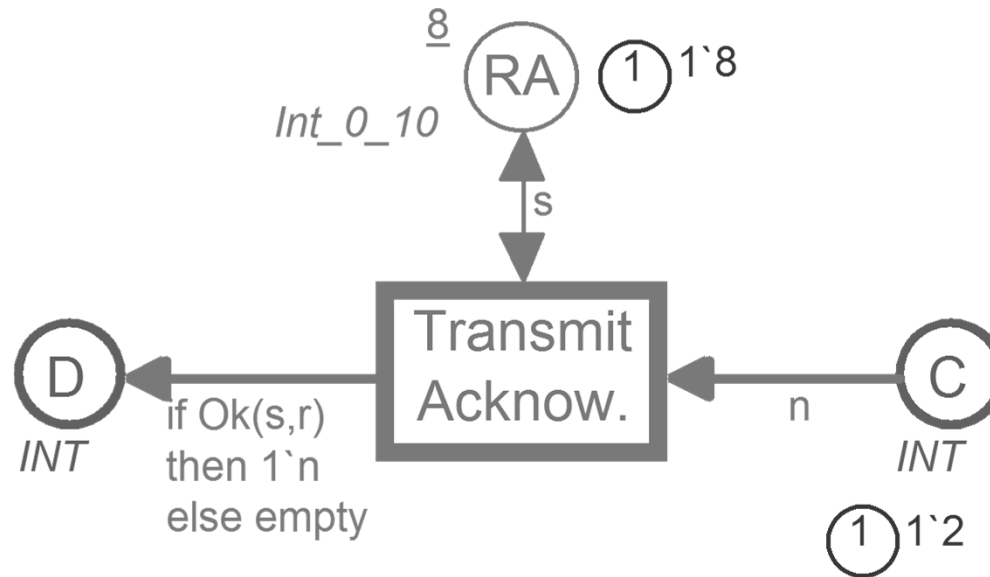
- ◆ *Eldobjuk a kapott adatot.*
- ◆ *A NextRec-t változatlanul hagyjuk.*
- ◆ *Egy acknowledgement üzenetet küldünk. Ez a várt csomag sorszámát tartalmazza.*



Egy egyszerű protokoll

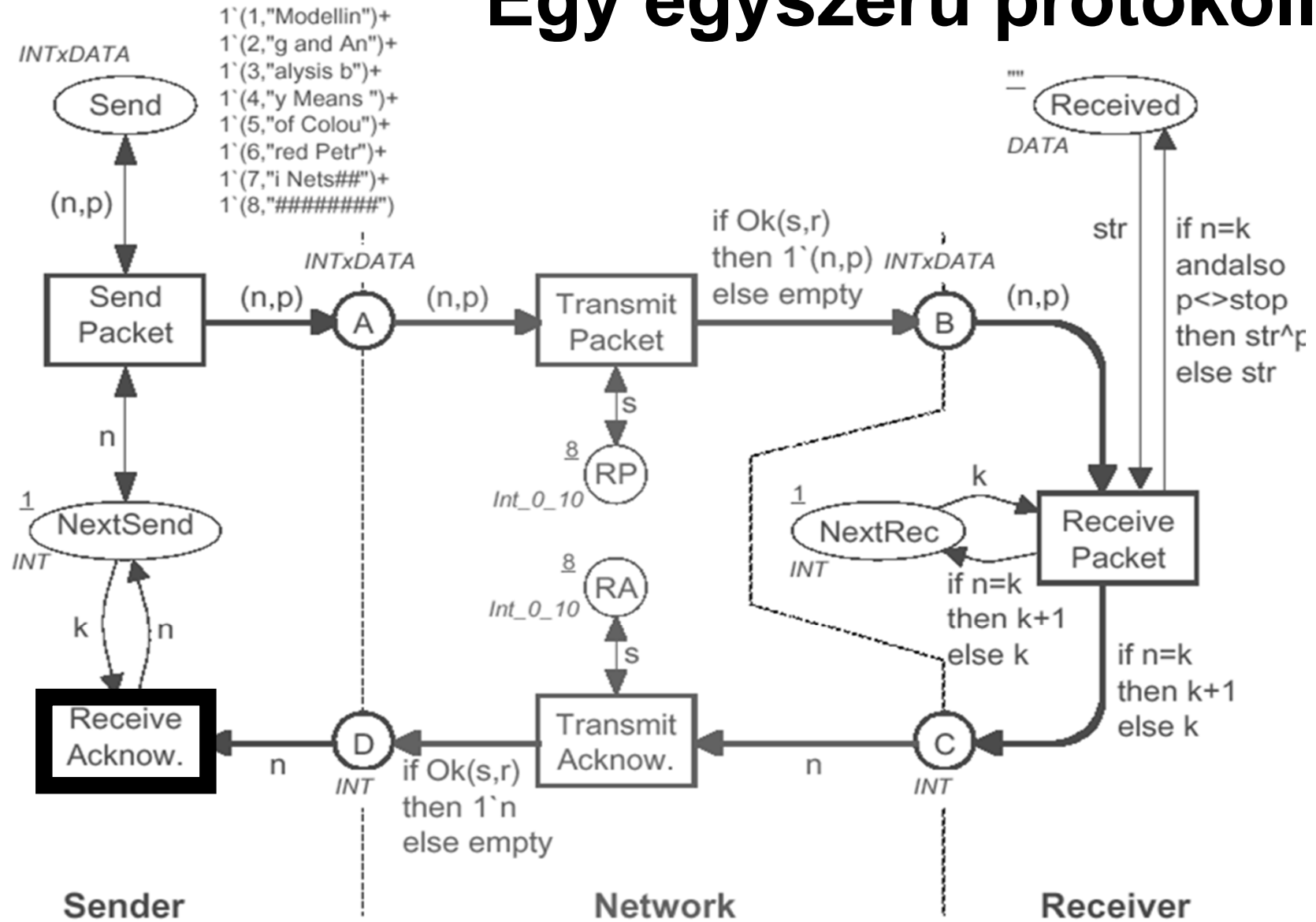


Átvitel visszajelzés

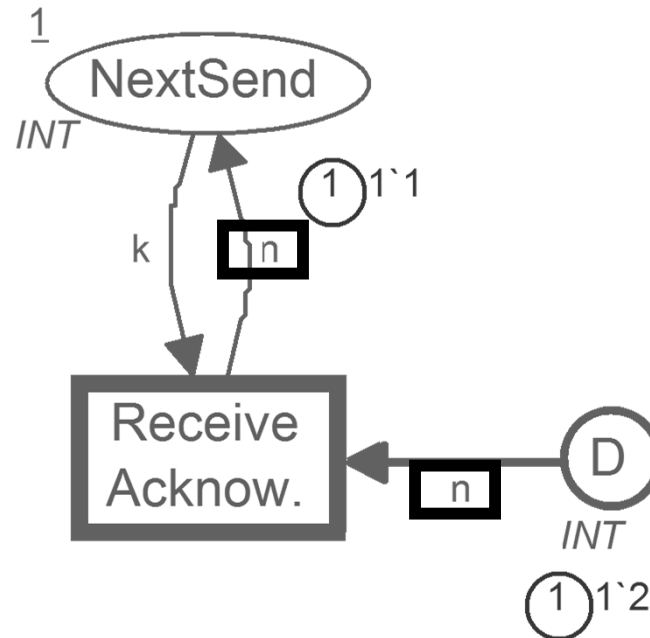


- ◆ Hasonlóan működik a *Csomag átvitelhez*.

Egy egyszerű protokoll

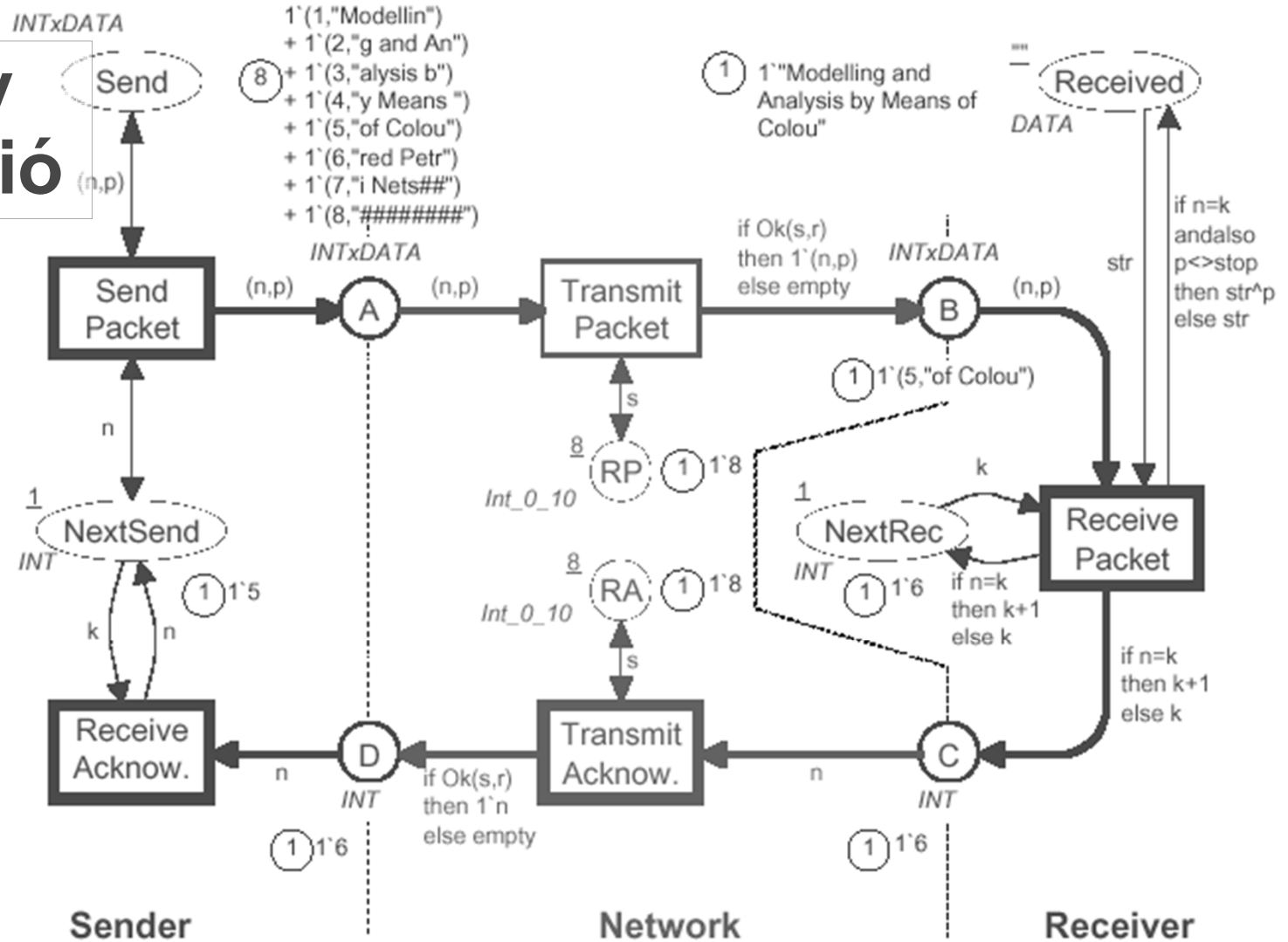


Fogadási visszajelzés



- ◆ Amikor az acknowledge megérkezik a *Küldő*höz, az azonnal frissíti a *NextSend* számlálót.
- ◆ Ebben az esetben a számláló értéke 2 lesz, így legközelebb a *Küldő* a 2-es csomagot fogja küldeni.

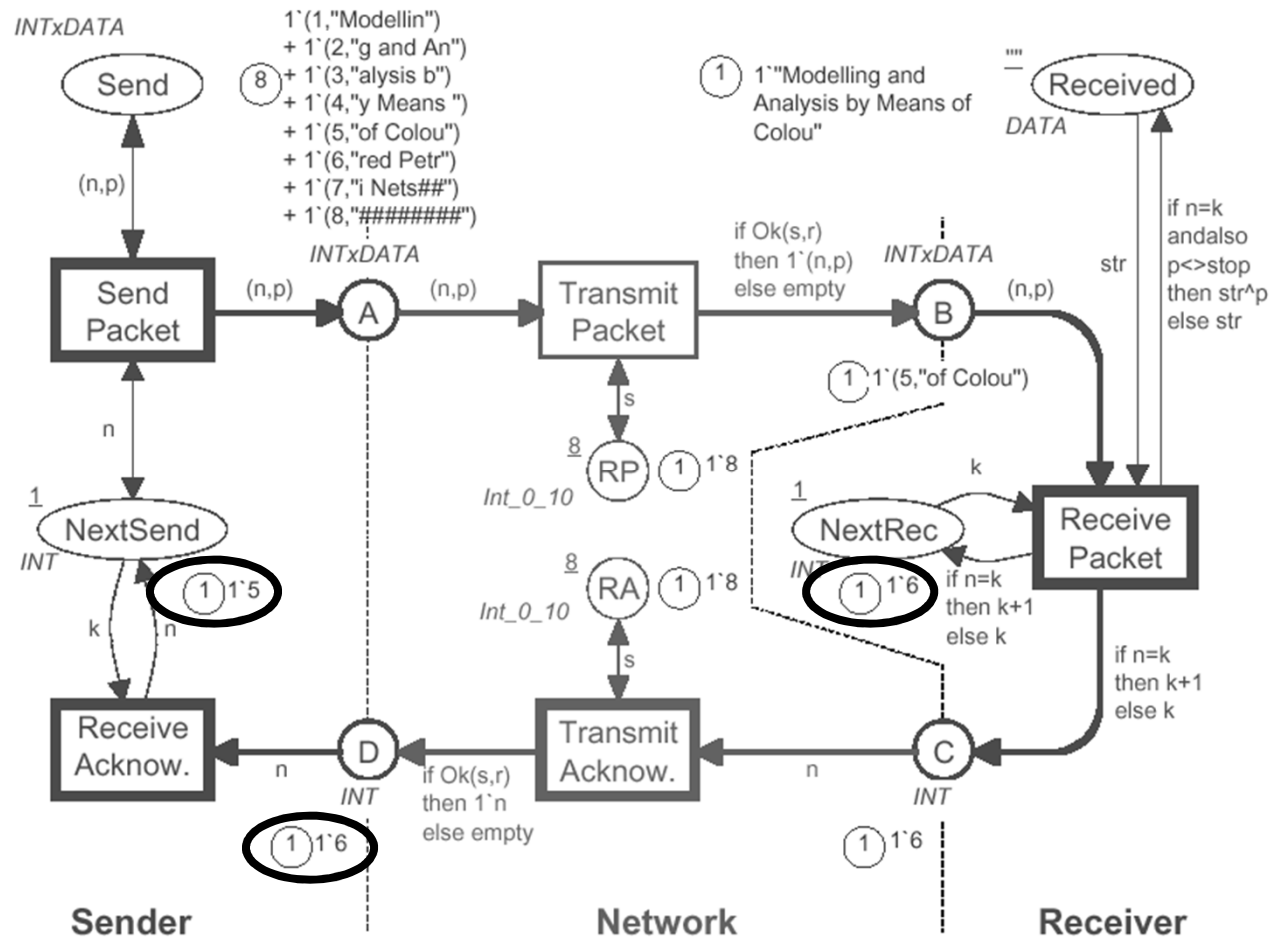
Interaktív szimuláció



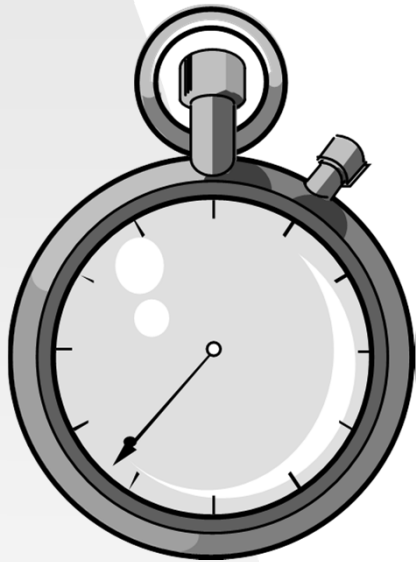
- ◆ A Szimuláció eredményét az ábrán láthatjuk.
 - A következő tüzelést manuálisan vagy automatikusan lehet kijelölni.
 - A felhasználó *watchpointot* és *breakpointokat* definiálhat.

Közbülső állapot

- ◆ Fogadó várja a 6-os csomagot.
- ◆ Küldő még csak az 5-ös csomagot küldi.
- ◆ A 6-os acknowledgement kérő csomag érkezik meg.
- ◆ Ezután a *NextSend* frissítődik majd a *Küldő* elindítja a 6-os csomagot.

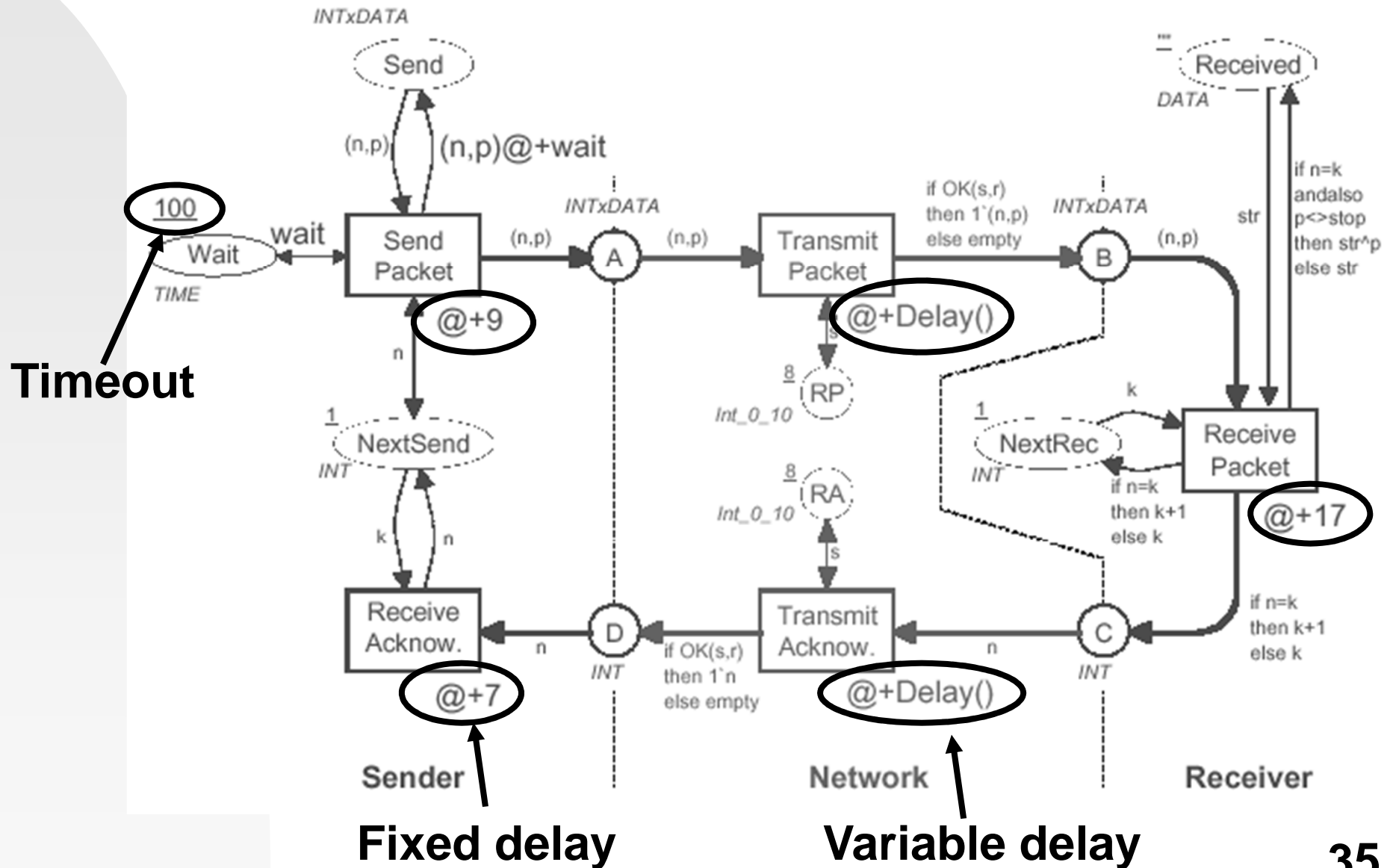


Idő analízis



- ◆ CPN-hez az *idő* fogalmát bevezethetjük. Ezzel ezeket nyertük:
 - *Logikai helyesség.*
Mégkívánt funkcionalitás, deadlock mentesség, stb.
 - *Teljesítmény.*
Szűk keresztmetszetek.
Várakozási idő és átlagos átbocsató képesség előrejelzés.
- ◆ Egy időzített színezett Petri-hálóban minden tokennek *színe* (értéke) és egy *időbélyege* (mikor használható fel) van.

Egy időzített CPN a protokollunkhoz

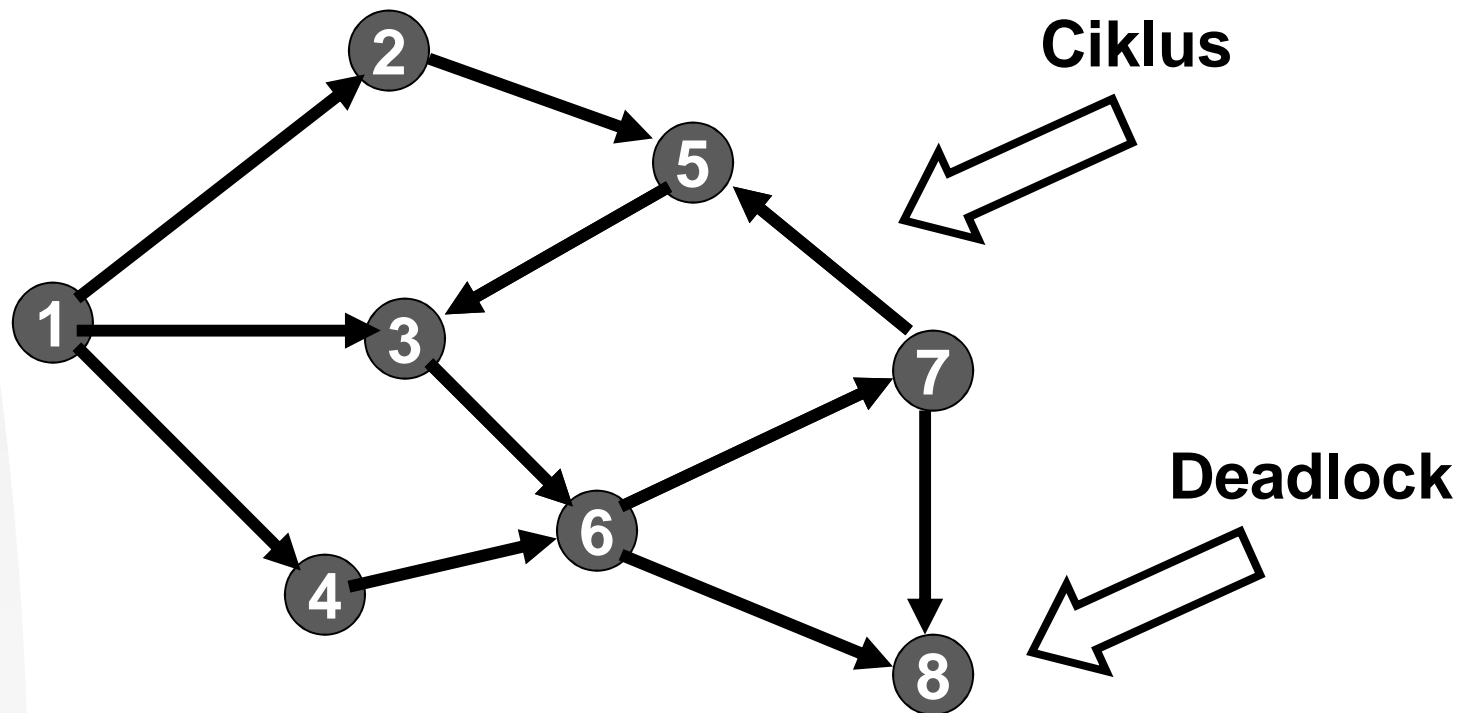


A CPN verifikációja

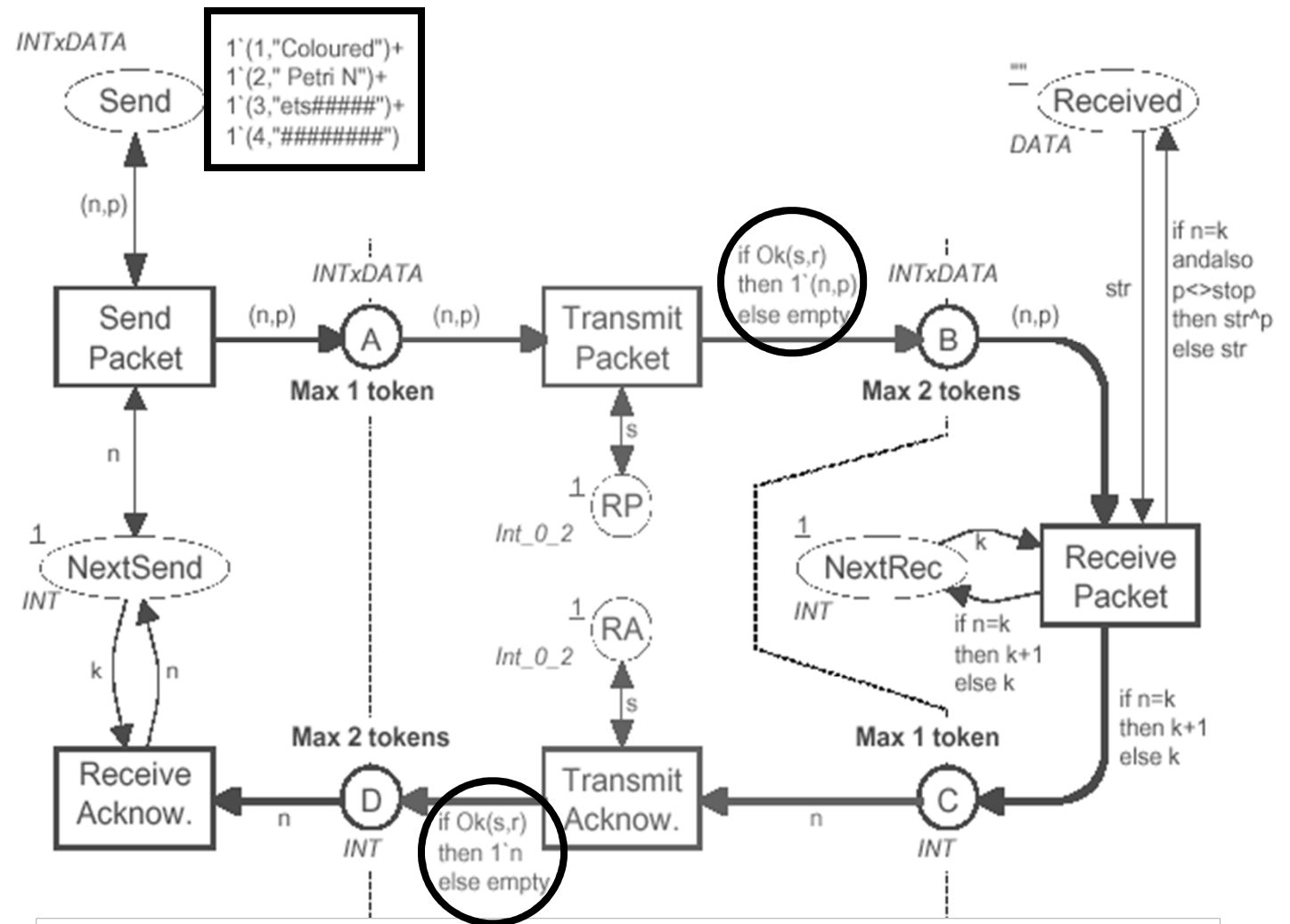
- ◆ A CPN verifikációja a következőkből áll:
 - *Állapottér.*
 - Hely és tranzíció *invariánsok.*
 - Hasonlóan a programozási nyelvek invariánsaihoz.

Állapottér

- ◆ Az *állapottér* egy irányított gráf, ahol:
 - A csomópont az *elérhető állapot*.
 - A nyíl a lehetséges tranzíciók (+ párosítás).

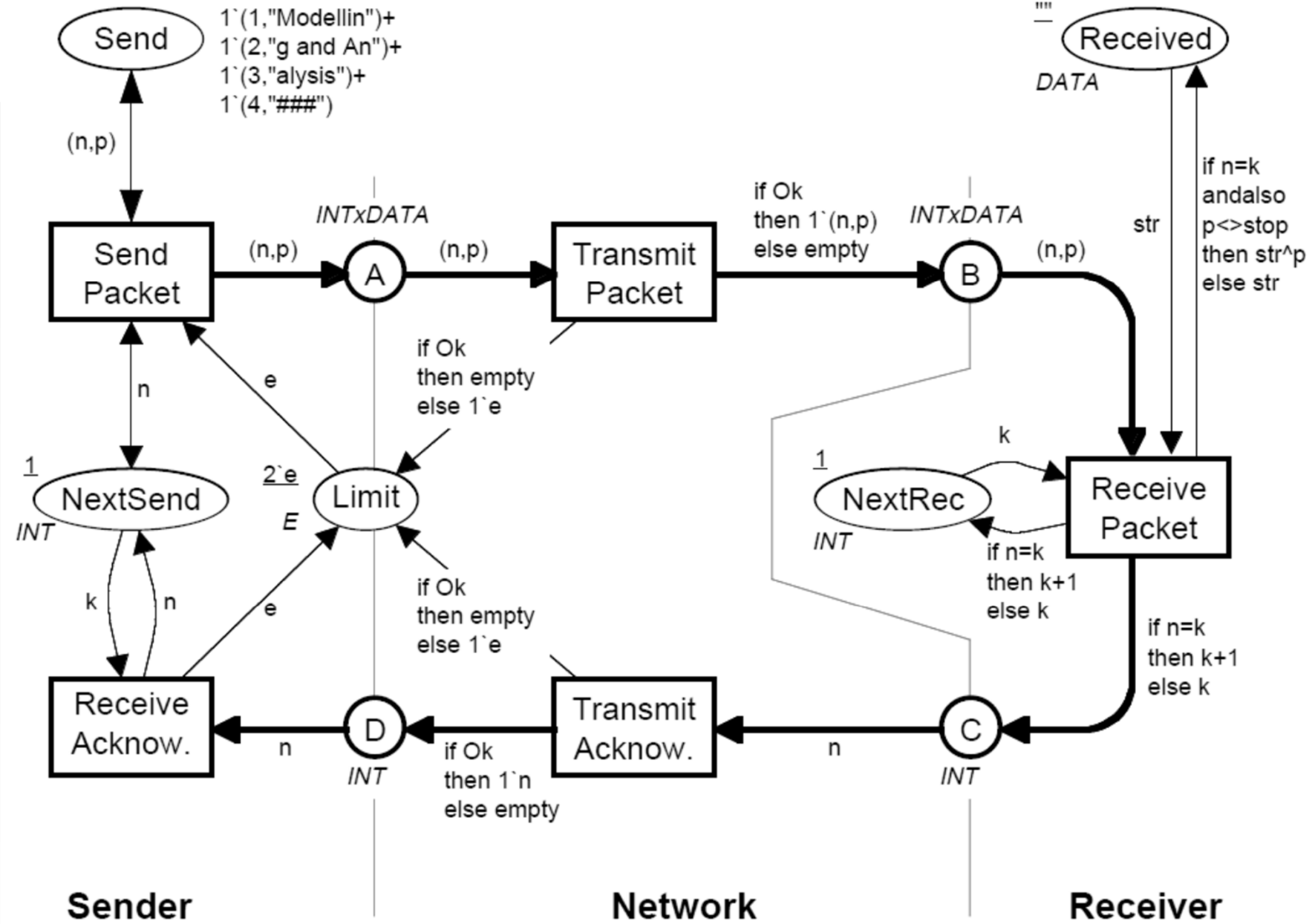


A protokoll állapottere



- ◆ Véges állapottér elérése:
 - Tokenek számát korlátozzuk az A, B, C és D helyeken.
 - Csak 4 csomagunk van.
 - Bináris választás, hogy sikeres vagy sem.

INTxDATA



Állapottér információk a protokollunkról

Elérhetőségi gráf

Occurrence Graph Statistics

Nodes: 4298

Arcs: 15887

Secs: 16

Status: Full

Erősen összekötött komponensek:

Scc Graph Statistics

Nodes: 2406

Arcs: 11677

Secs: 5

Token szám korlátok

Upper Integer Bounds

A:	1
B:	2
C:	1
D:	2
NextRec:	1
NextSend:	1
RA:	1
RP:	1
Received:	1
Send:	4

Lower Integer Bounds

A:	0
B:	0
C:	0
D:	0
NextRec:	1
NextSend:	1
RA:	1
RP:	1
Received:	1
Send:	4

Multi-set korlátok

Upper Multi-set Bounds

A: $1^{\setminus}(1, \text{"Coloured"}) + 1^{\setminus}(2, \text{" Petri N"}) + 1^{\setminus}(3, \text{"ets#####"}) + 1^{\setminus}(4, \text{"#####"})$

B: $2^{\setminus}(1, \text{"Coloured"}) + 2^{\setminus}(2, \text{" Petri N"}) + 2^{\setminus}(3, \text{"ets#####"}) + 2^{\setminus}(4, \text{"#####"})$

C: $1^{\setminus}2 + 1^{\setminus}3 + 1^{\setminus}4 + 1^{\setminus}5$

D: $2^{\setminus}2 + 2^{\setminus}3 + 2^{\setminus}4 + 2^{\setminus}5$

NextRec: $1^{\setminus}1 + 1^{\setminus}2 + 1^{\setminus}3 + 1^{\setminus}4 + 1^{\setminus}5$

NextSend: $1^{\setminus}1 + 1^{\setminus}2 + 1^{\setminus}3 + 1^{\setminus}4 + 1^{\setminus}5$

RA: $1^{\setminus}1$

RP: $1^{\setminus}1$

Received: $1^{\setminus}"" + 1^{\setminus}\text{"Coloured"} + 1^{\setminus}\text{"Coloured Petri N"} + 1^{\setminus}\text{"Coloured Petri Nets#####"}$

Send: $1^{\setminus}(1, \text{"Coloured"}) + 1^{\setminus}(2, \text{" Petri N"}) + 1^{\setminus}(3, \text{"ets#####"}) + 1^{\setminus}(4, \text{"#####"})$

Visszatérőség és élőség

Visszatérőség

Home Markings: 1 [452]

Élőség

Dead Markings: 1 [452]

Live Transitions: None

NextSend = 5

NextRec = 5

Received = "Coloured Petri Nets#####"

452

- ◆ A 452 token eloszlás azt jelenti, hogy minden csomag helyesen megérkezett.

A halott állapotok

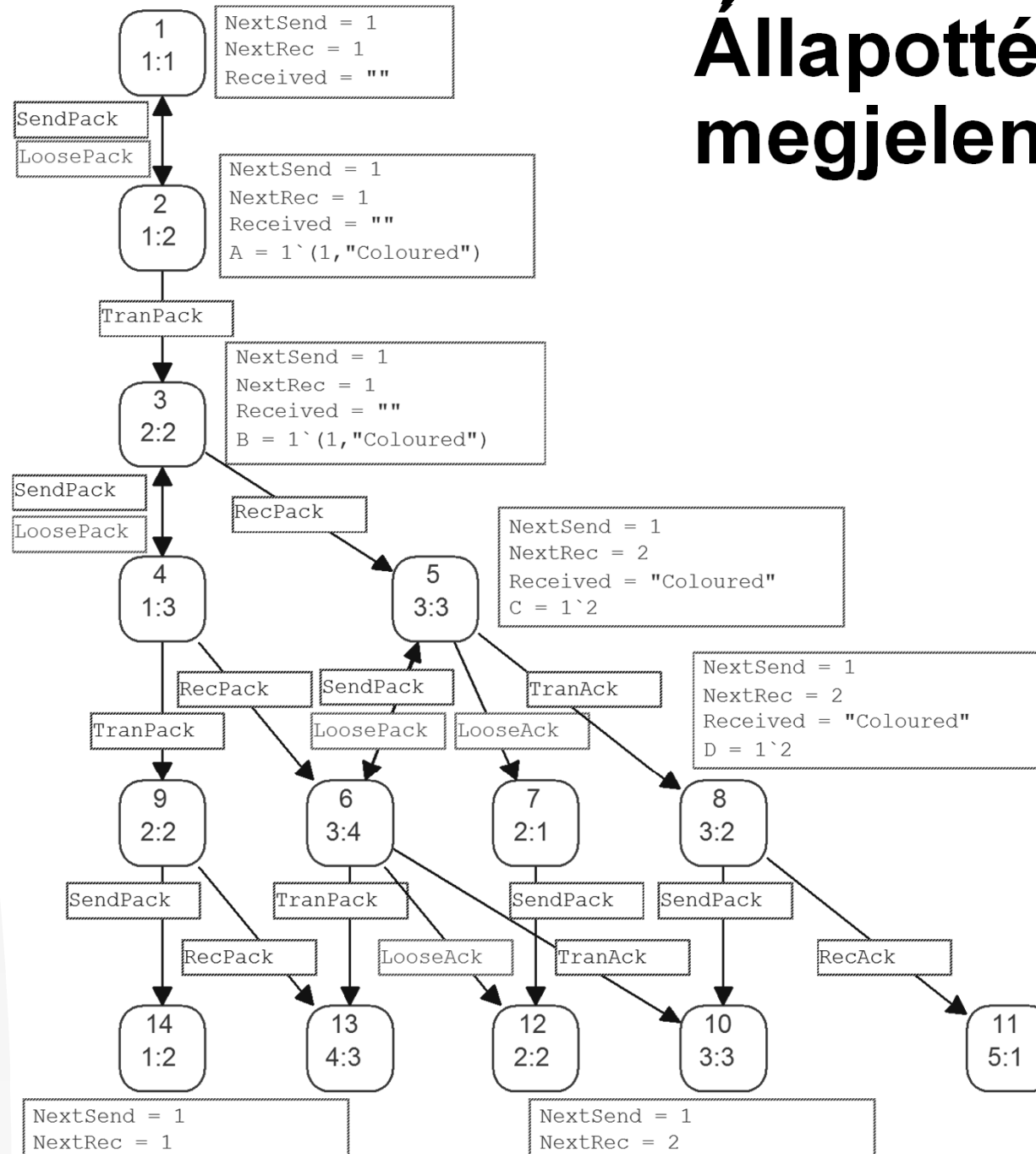
- ◆ A 452. tokeneloszlás a *dead*
 - Ez azt jelenti, hogy ez a protokoll *részlegesen korrekt* (ha lefut az algoritmus, akkor a végleges eloszlást veszi fel).
- ◆ Ez egyben *visszatérő állapot is*
 - Emiatt *mindig megvan a lehetőség arra, hogy helyesen fejezzük be* (az lehetetlen, hogy olyan állapotba tévedjünk, amiből nem tudunk a kívánt célállapotba jutni).

Fair tulajdonság

Send Packet:	Impartial
Transmit Packet:	Impartial
Receive Packet:	No Fairness
Transmit Acknow:	No Fairness
Receive Acknow:	No Fairness

- ◆ A fairség tulajdonság azt jelenti, hogy egy tranzíció milyen gyakran tüzelhet.

Állapottér megjelenítése



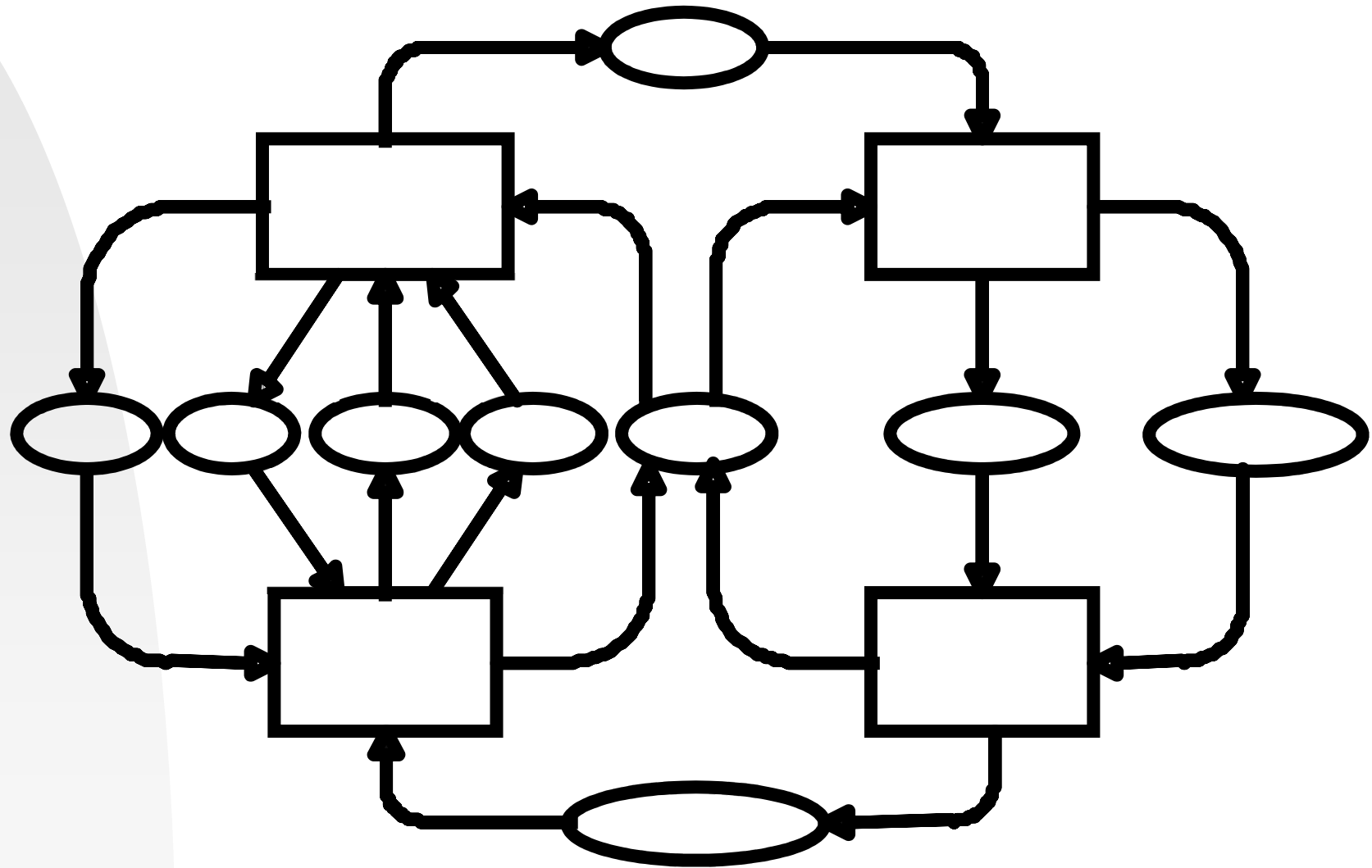
Temporális logika

- ◆ Lehetséges CTL-szerű kérdéseket is feltenni (*temporális logika*).
 - Állapotok
 - Átmenetek
 - Kötések elemei

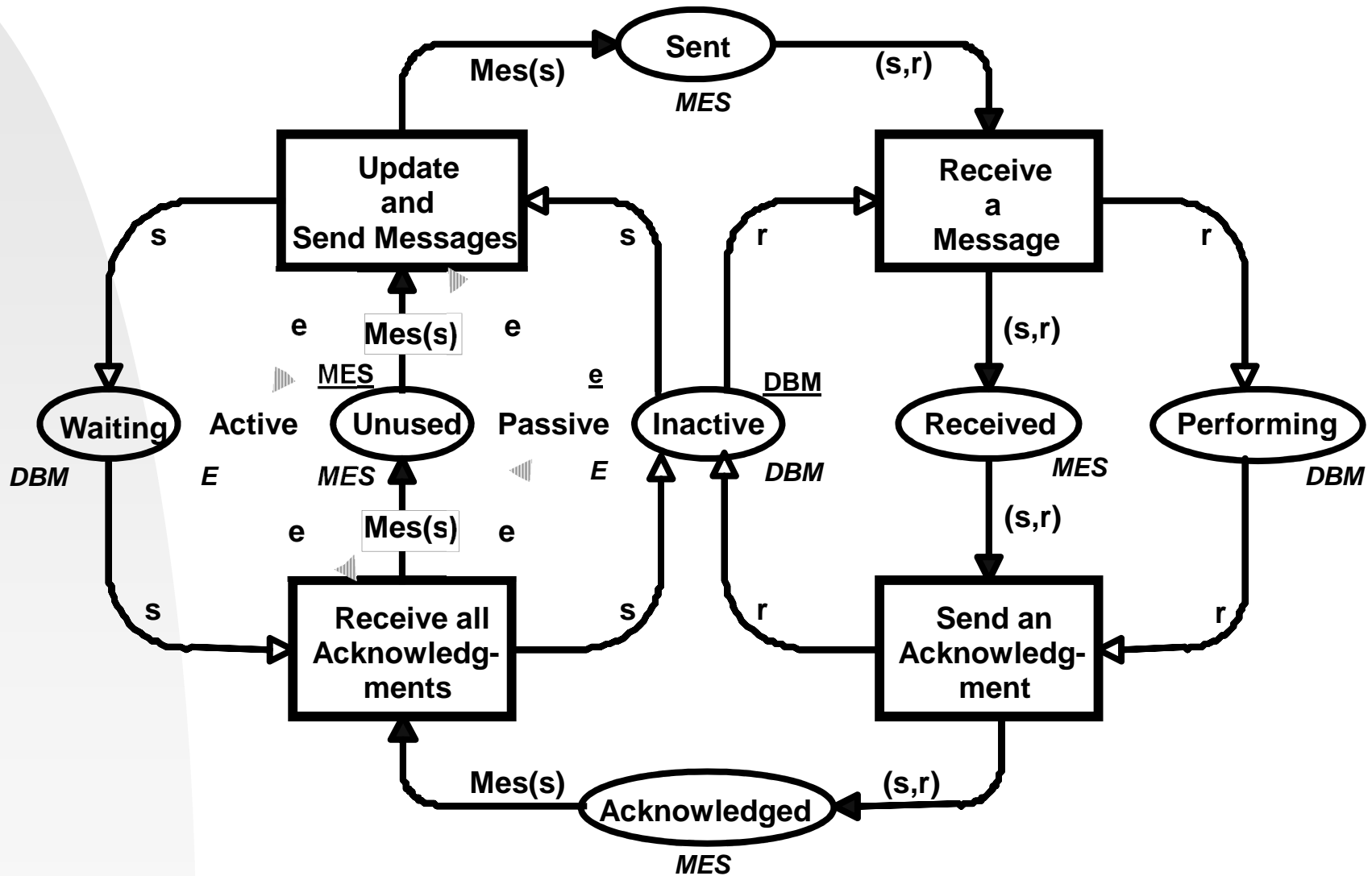
Állapottér analízis – előnyök/hátrányok

- ◆ Az állapottér *kifejezőereje nagy és könnyen számolható.*
 - *Építése és analízise automatizálható.*
 - *Nincs szükség az analízis módszerek matematikai ismeretére*
- ◆ Legnagyobb hátránya az *állapottér robbanás*
 - Az eszköz *egymillió* állapotot képes kezelni.
 - Ez sok esetben *nem elég.*

A Petri net közösség logója

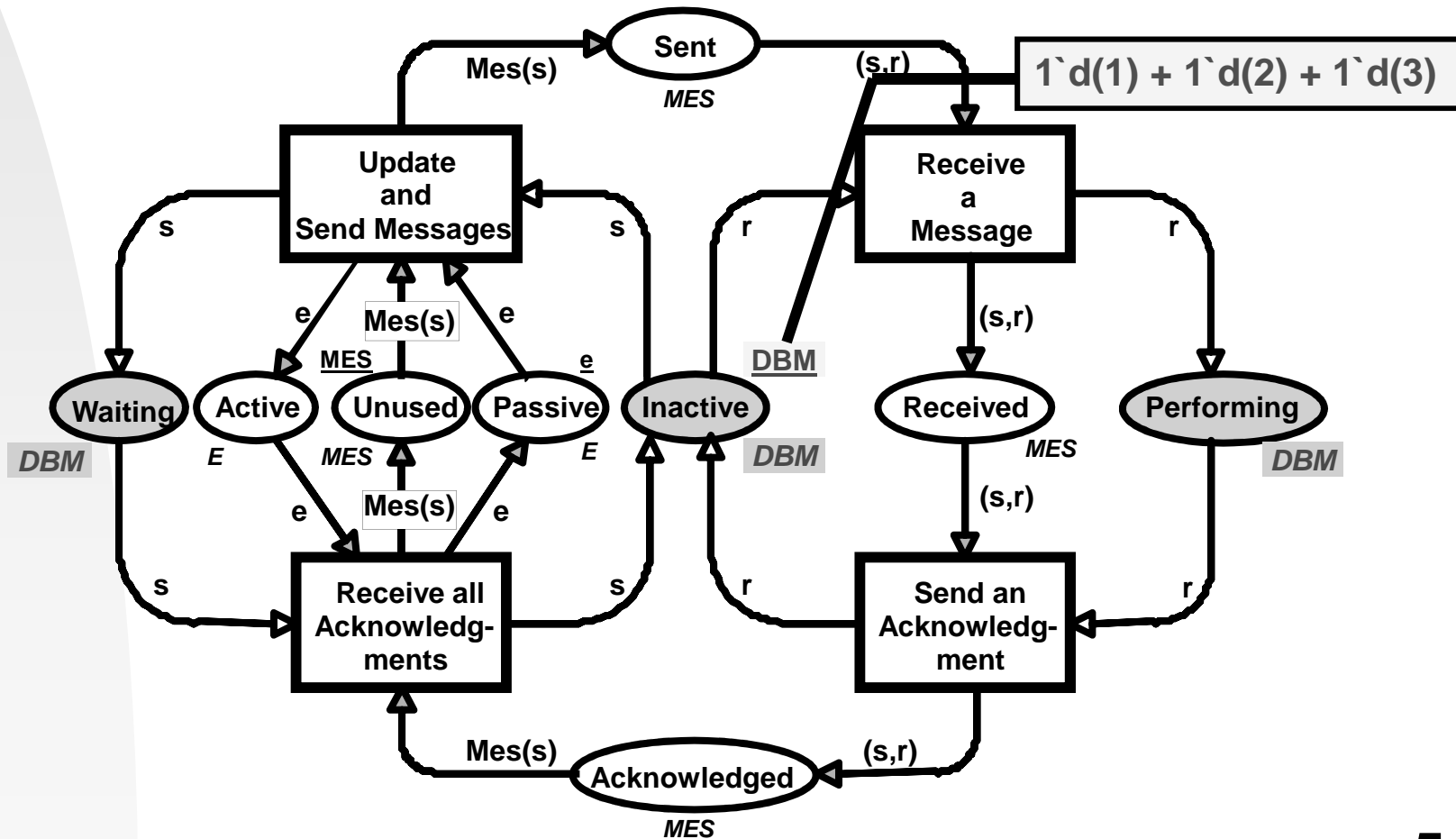


Elosztott adatbázis



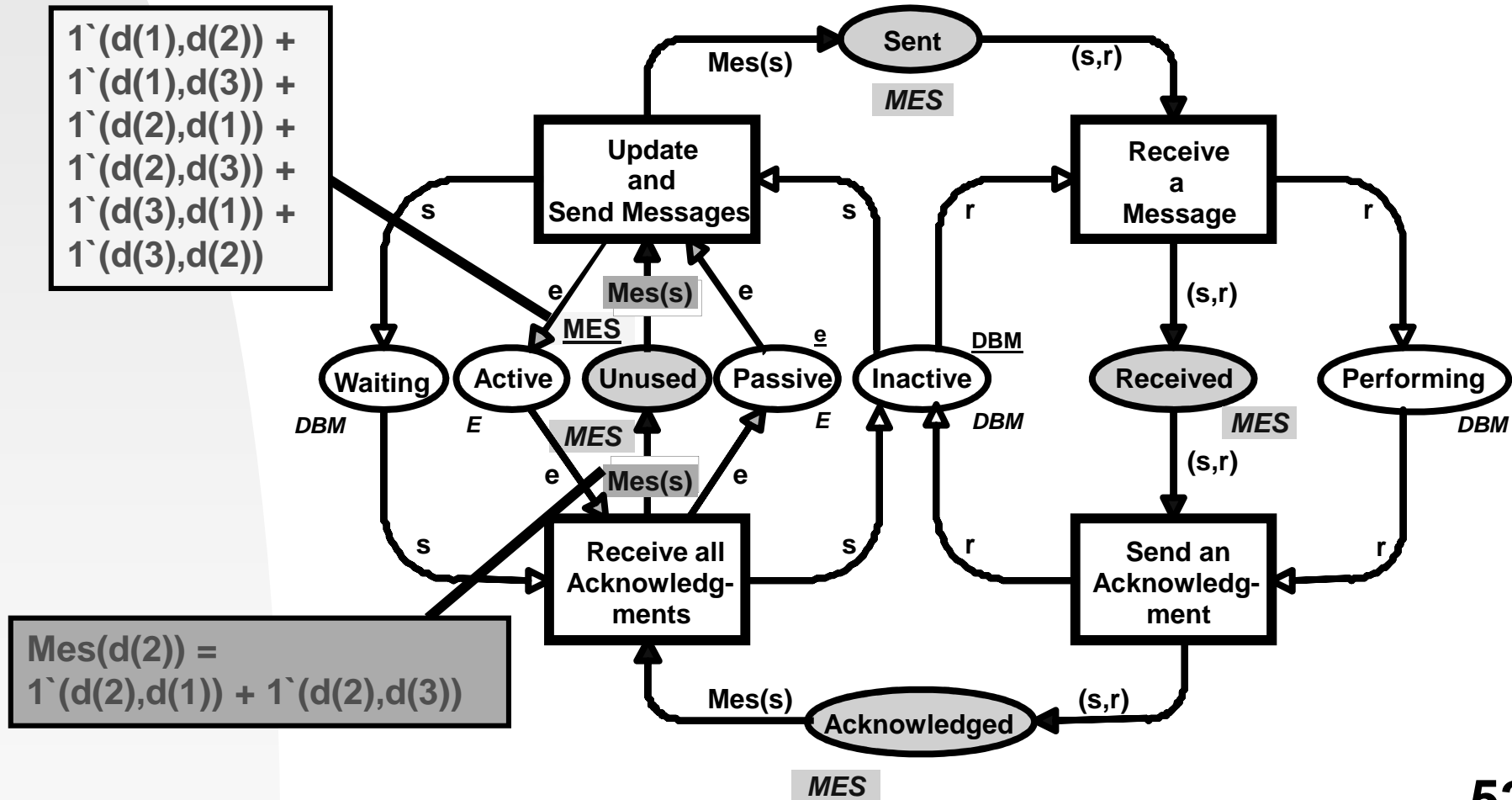
Adatbázis kezelők

- ◆ DBM = {d(1),d(2),d(3)}



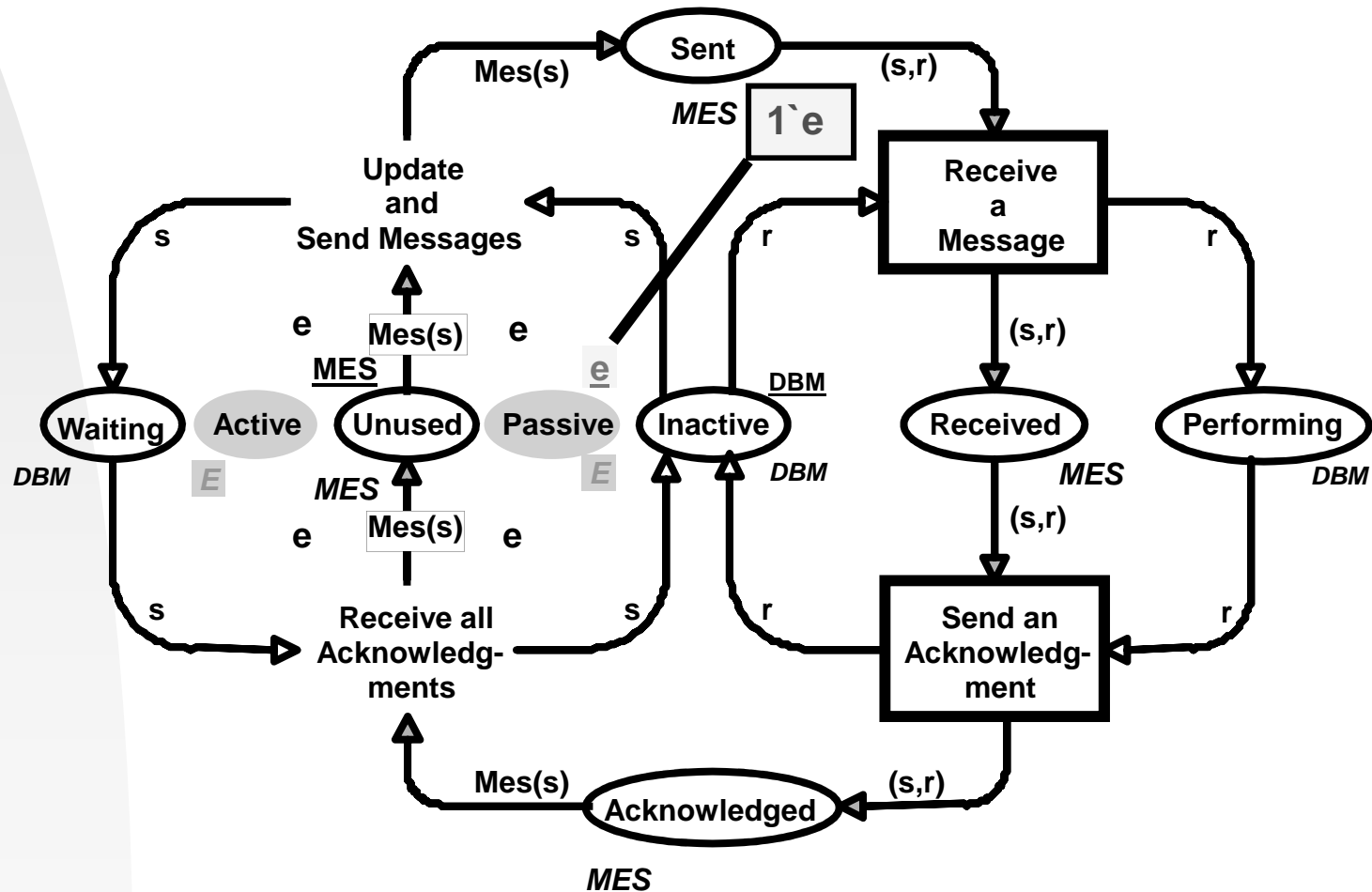
Üzenet bufferek

◆ $MES = \{(s,r) \in DBM \times DBM \mid s \neq r\}$

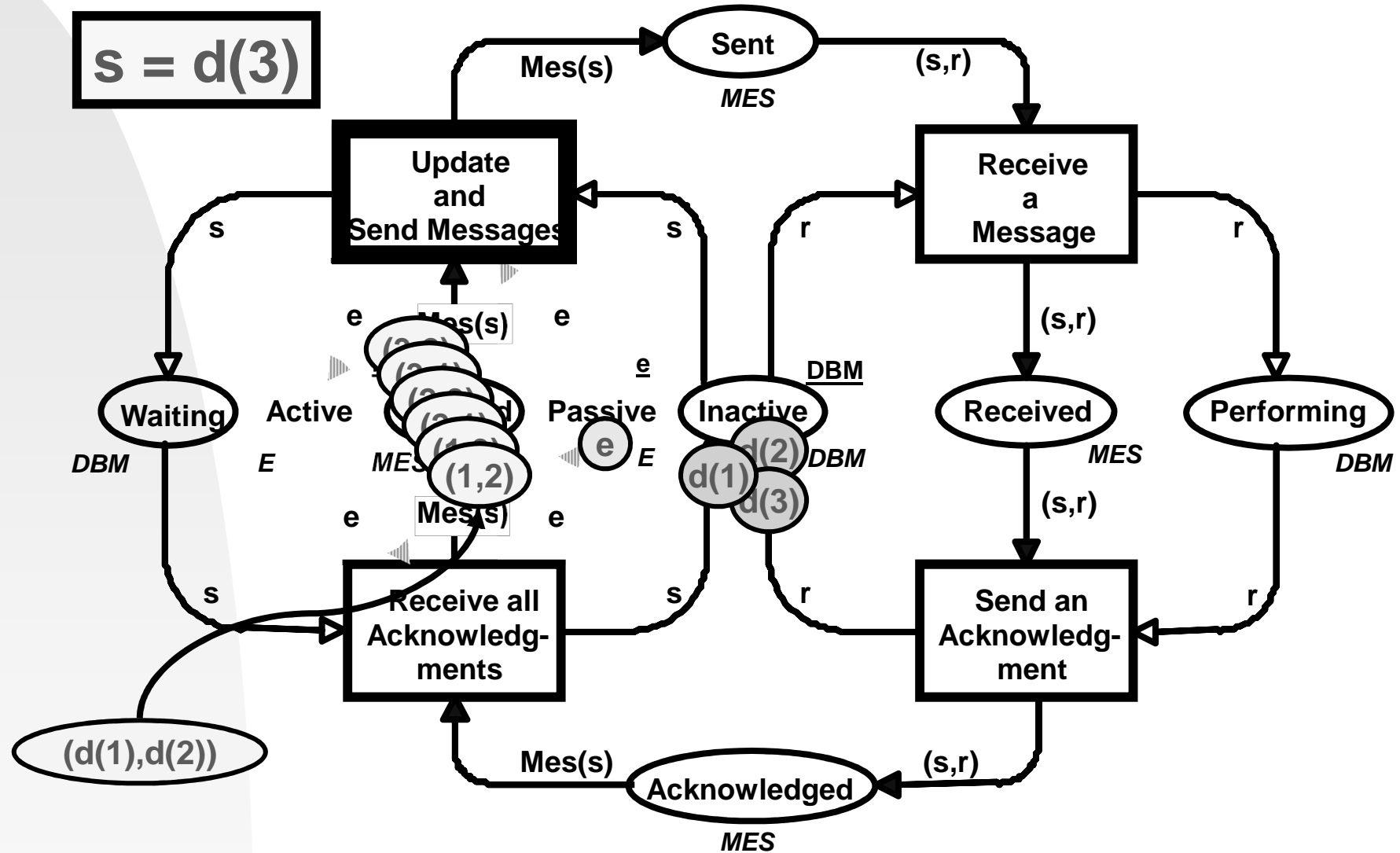


Kölcsönös kizárás

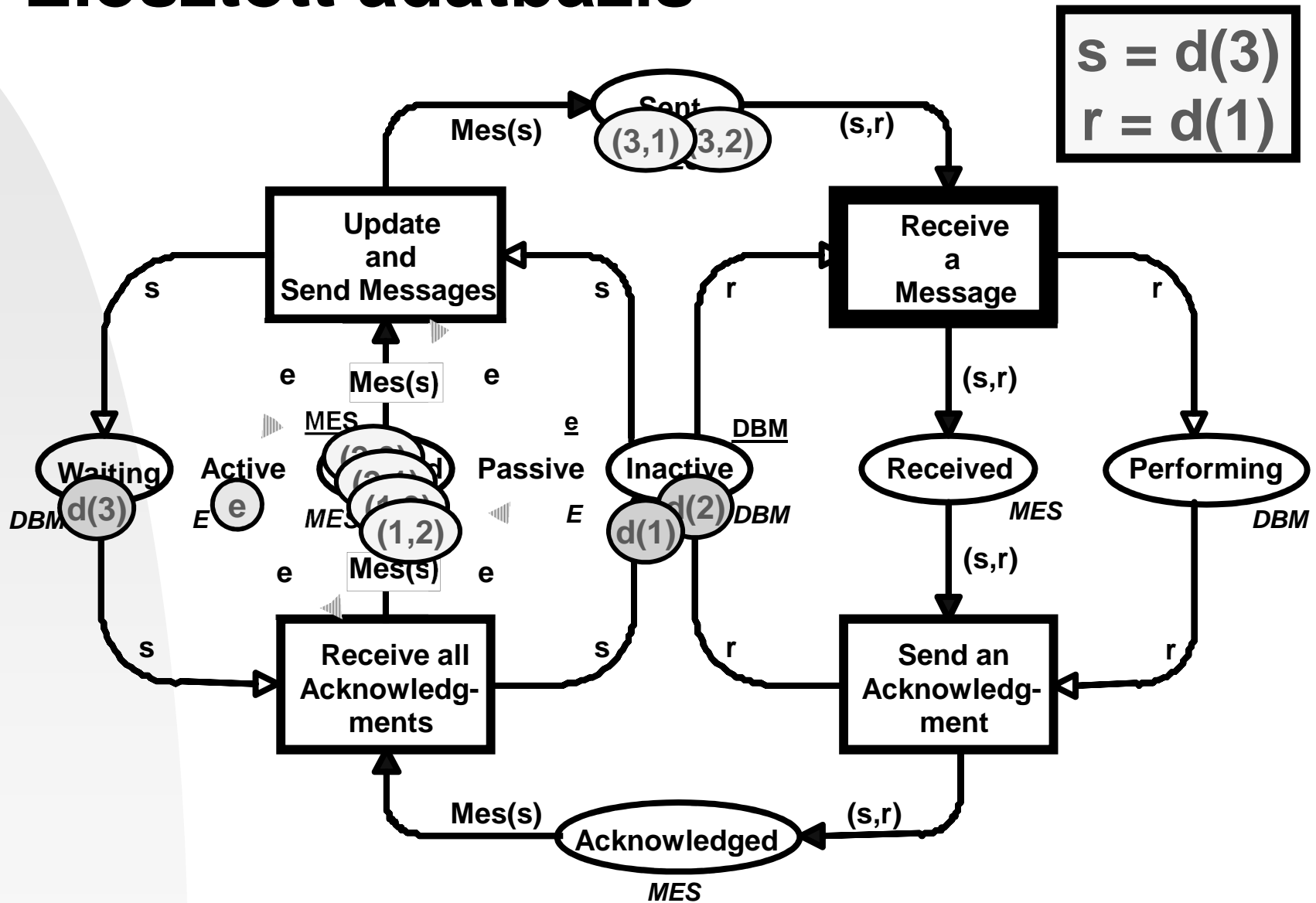
◆ $E = \{e\}$



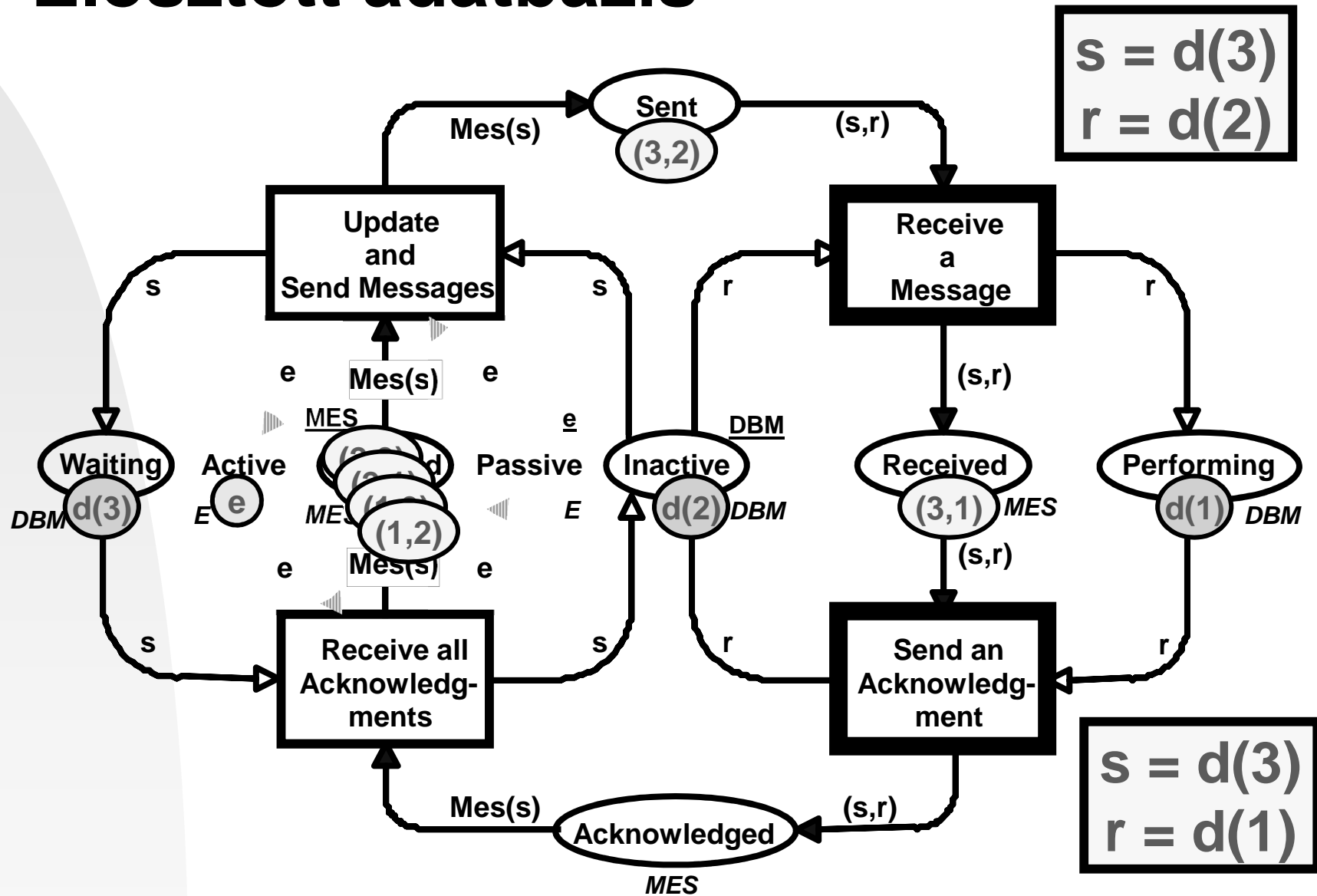
Elosztott adatbázis



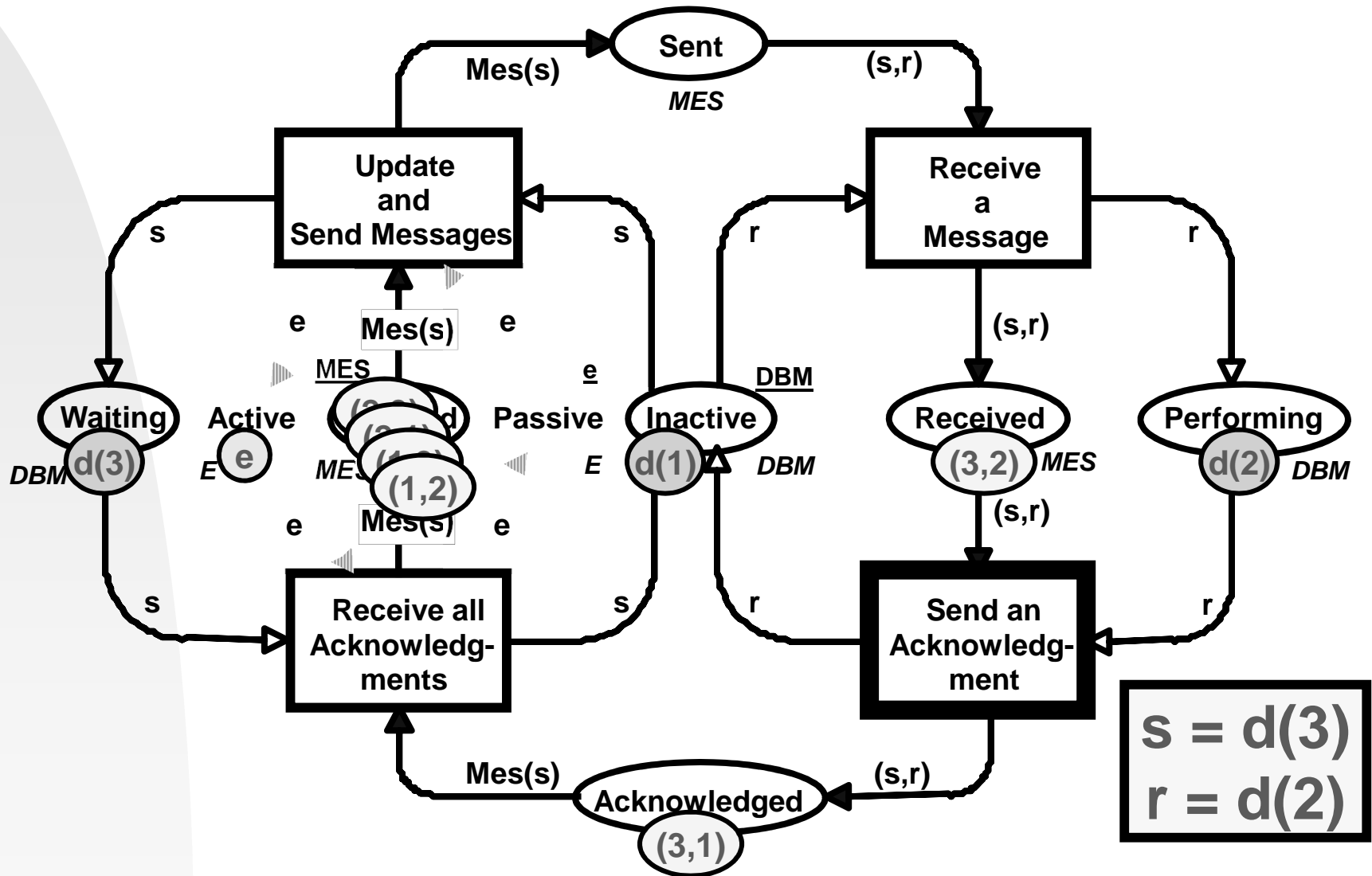
Elosztott adatbázis



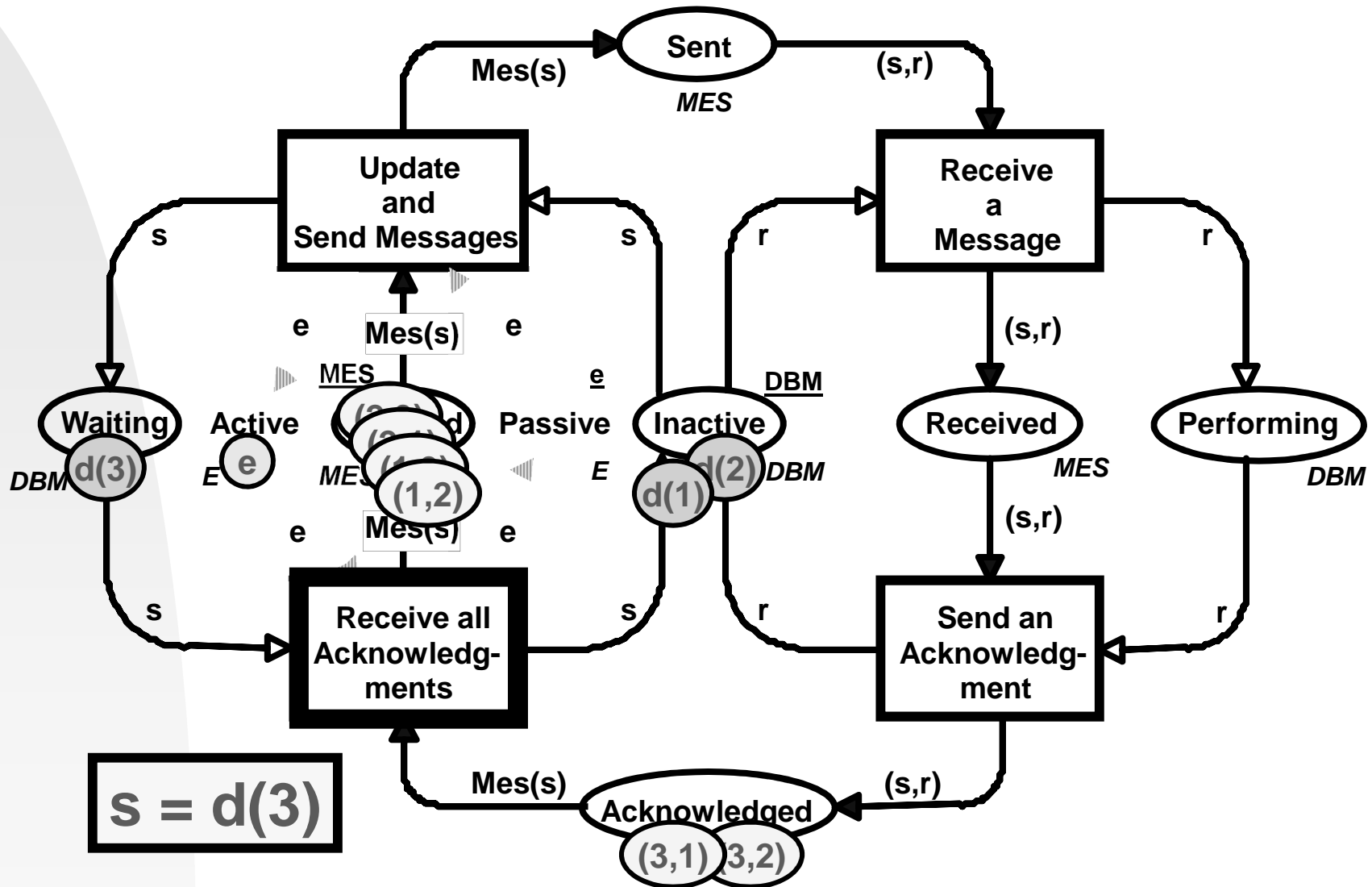
Elosztott adatbázis



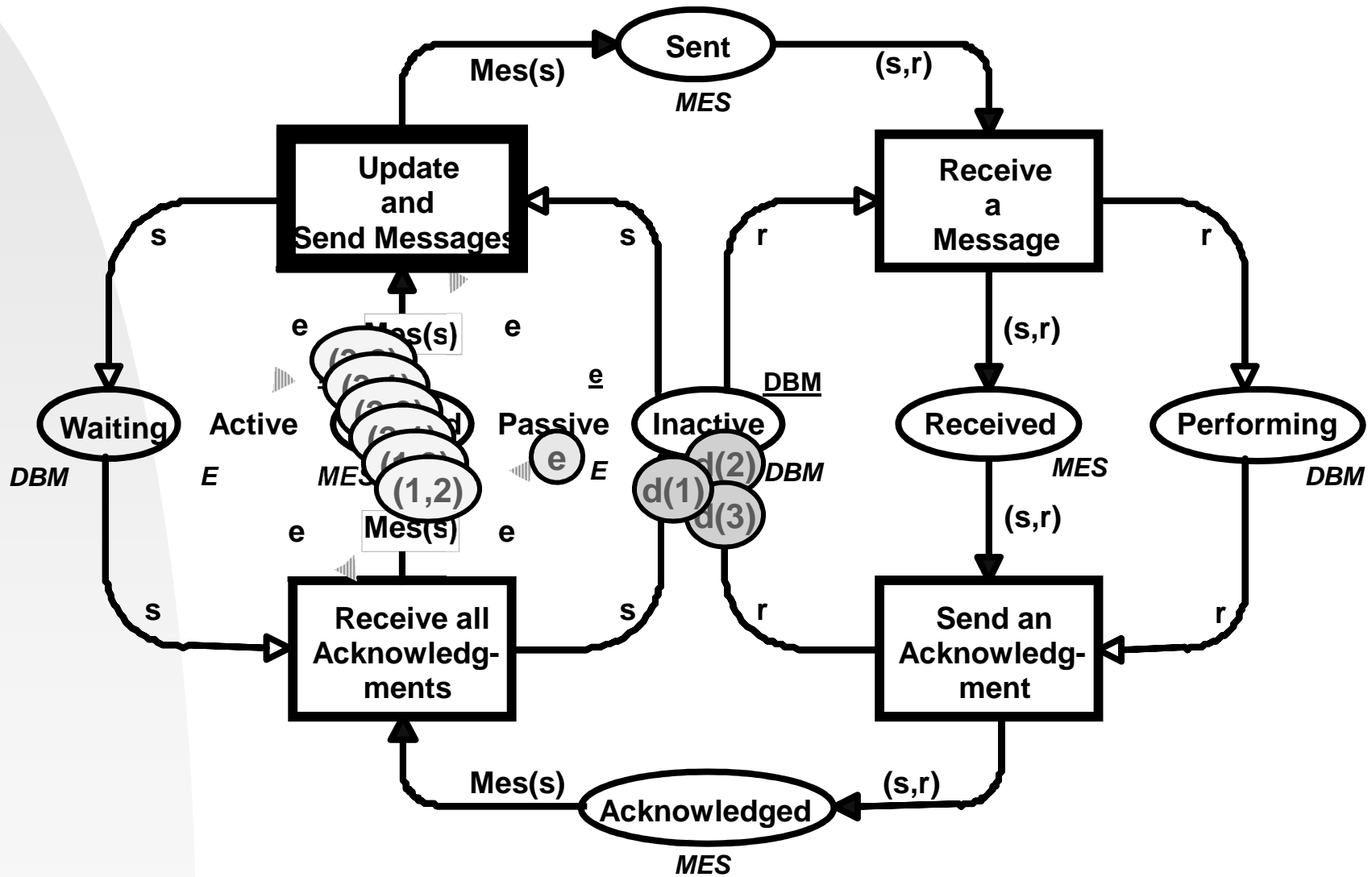
Elosztott adatbázis



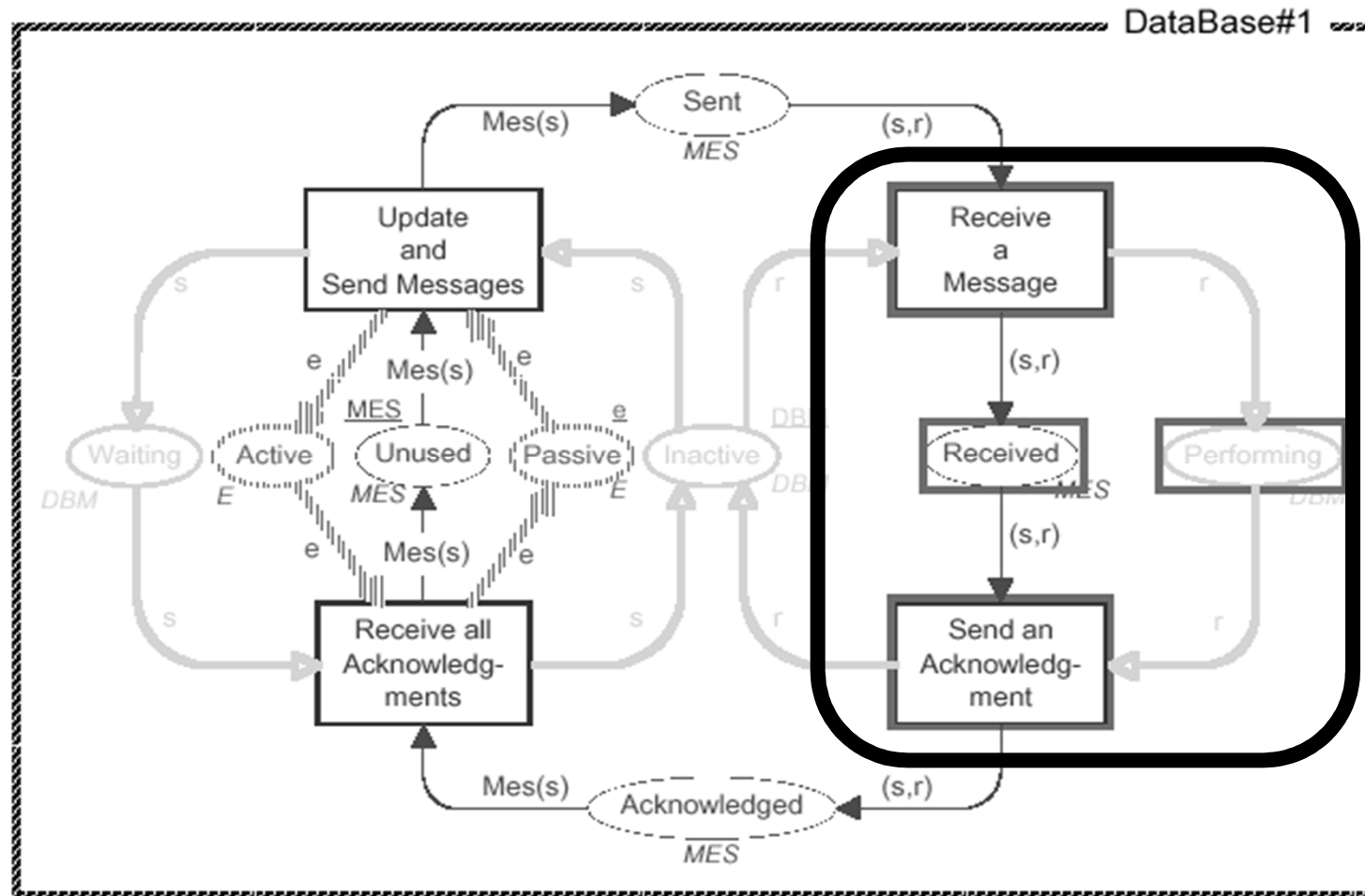
Elosztott adatbázis



Elosztott adatbázis



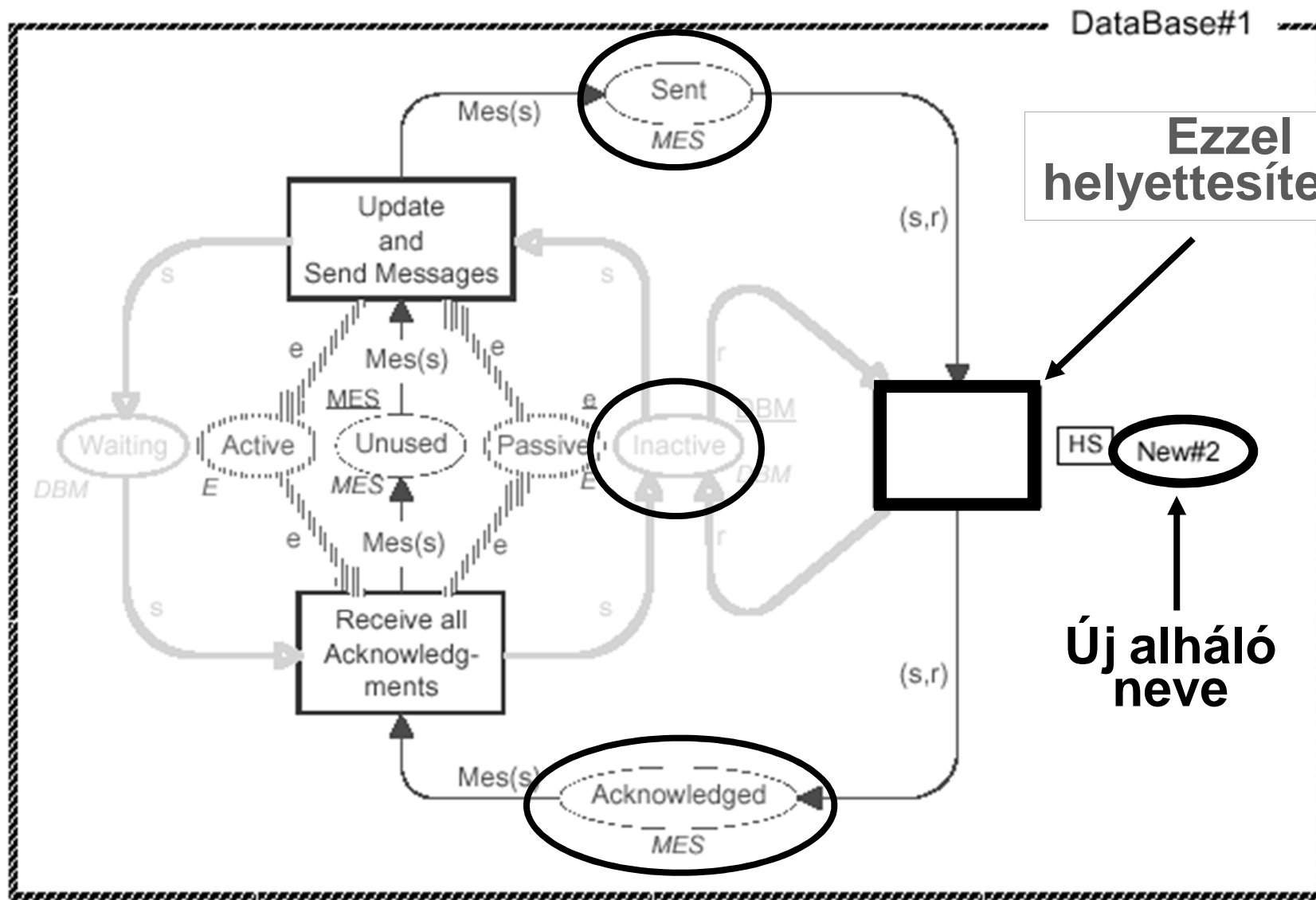
Hierarchikus modellek támogatása



- ◆ A **kijelölt részt** könnyen helyettesíthetjük egyetlen alhálóval.

Kompakt nézet

Sockets (interfész)



Ezzel helyettesítettük

Új alháló neve

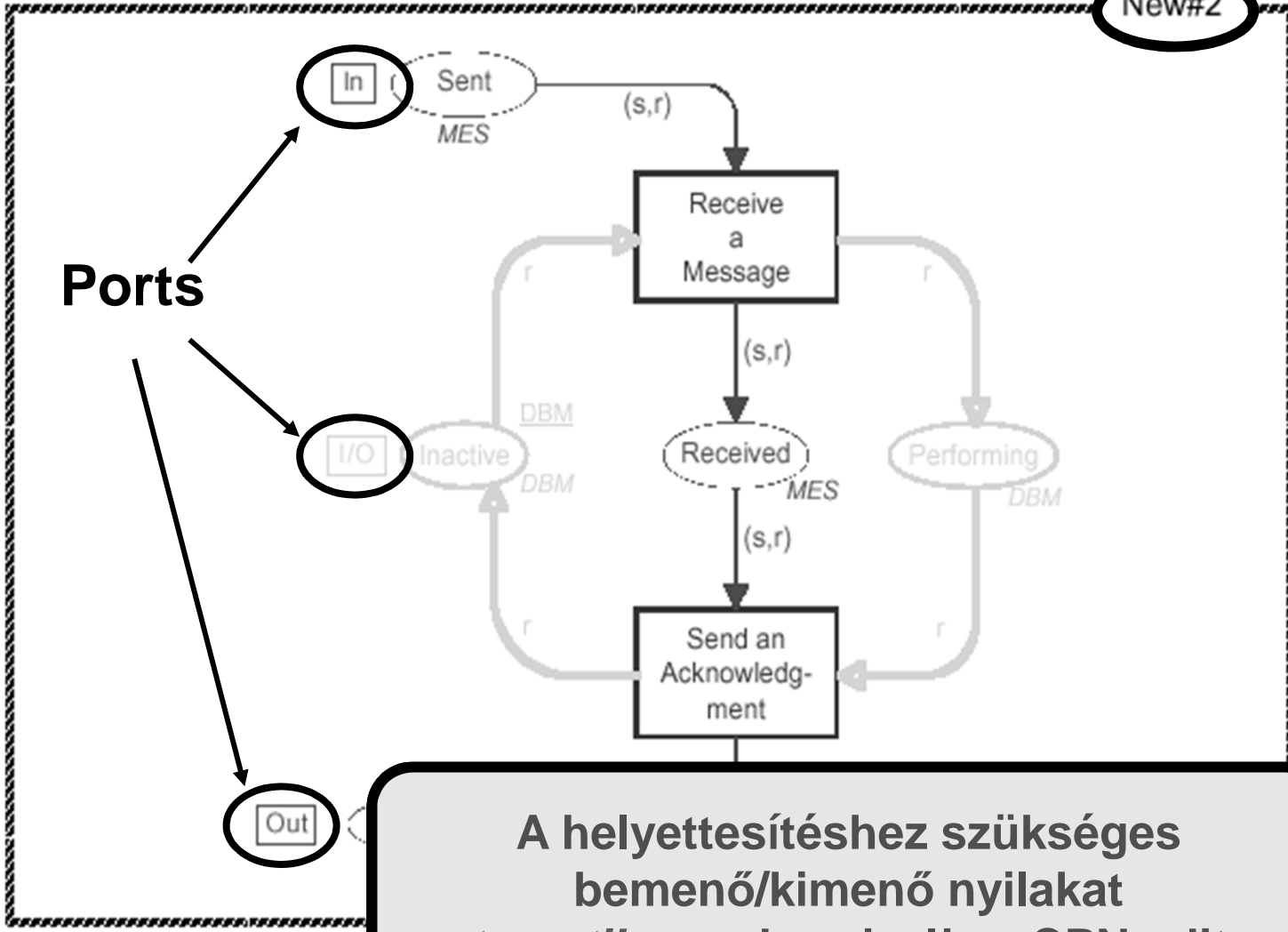
Kibontott nézet

Az alháló neve



New#2

Ports



A helyettesítéshez szükséges bemenő/kimenő nyilakat *automatikusan* berajzolja a CPN editor.

Hely invariánsok

Place \rightarrow M(Place)

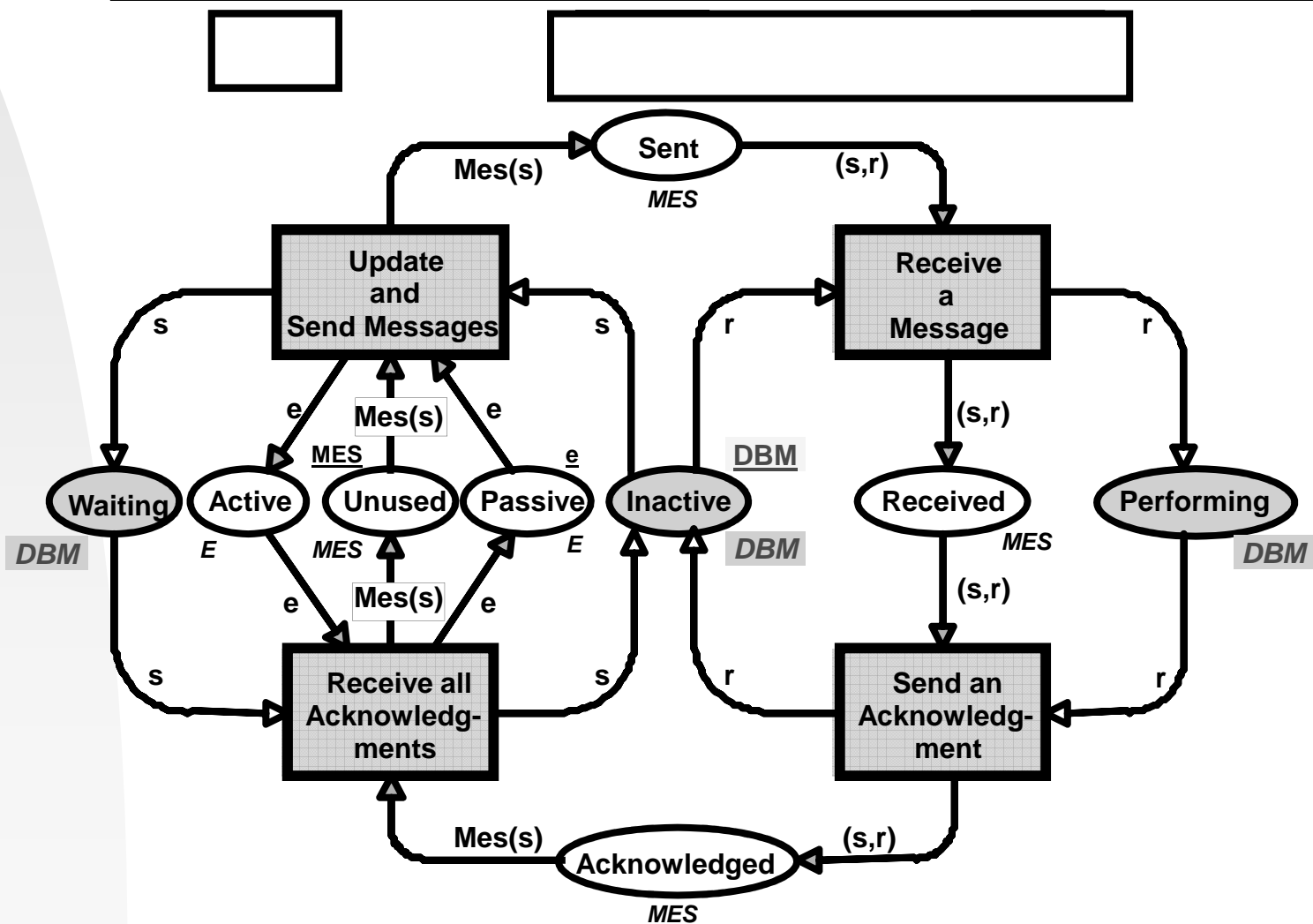
- ◆ Waiting + Inactive + Performing = DBM
- ◆ Unused + Sent + Receive + Acknowledged = MES
- ⊙ Active + Passive = E
- ◆ $Rec(Received) = Performing$
- ◆ $Mes(Waiting) = Sent + Received + Acknowledge$
- ⊙ $Ign(Waiting) = Active$

Ezek *lineáris kombinációival* gyárthatunk többet.

- ◆ $Ign(Waiting) + Passive = E$

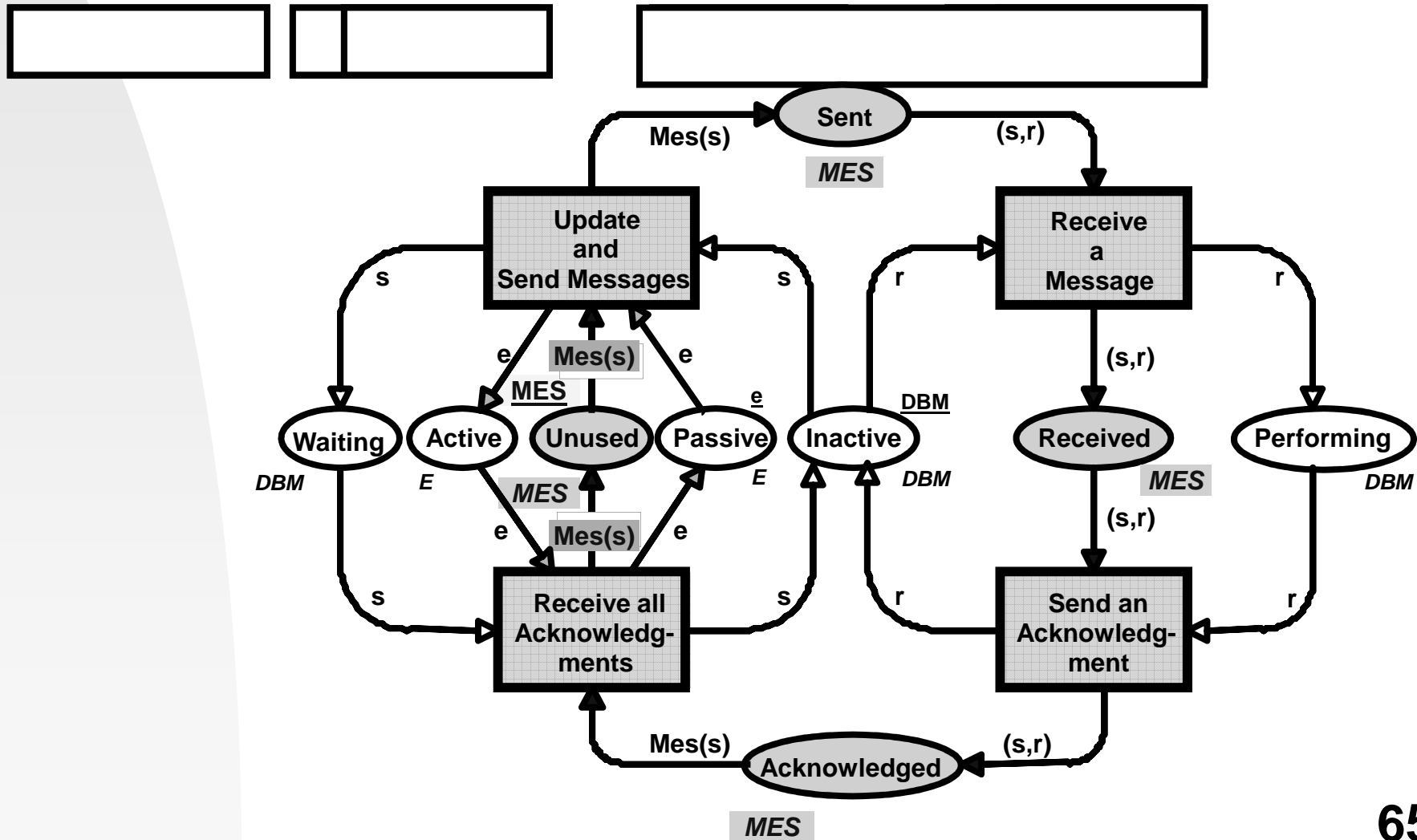
Adatbázis kezelők

$$M(\text{Waiting}) + M(\text{Inactive}) + M(\text{Performing}) = \text{DBM}$$



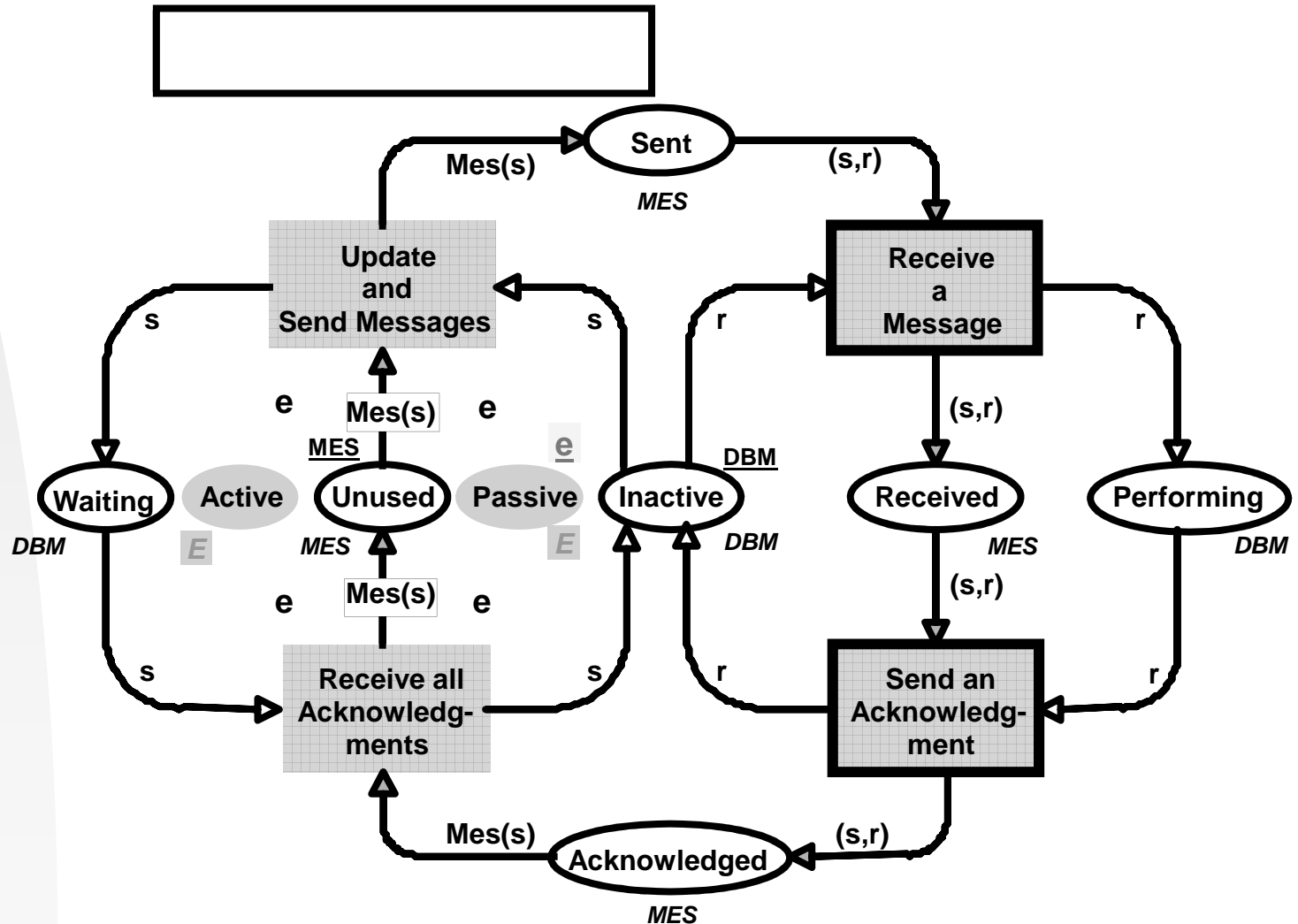
Üzenet bufferek

$$M(\text{Unused}) + M(\text{Sent}) + M(\text{Received}) + M(\text{Acknowl}) = \text{MES}$$



Kölcsönös kizárás

$$M(\text{Active}) + M(\text{Passive}) = E$$



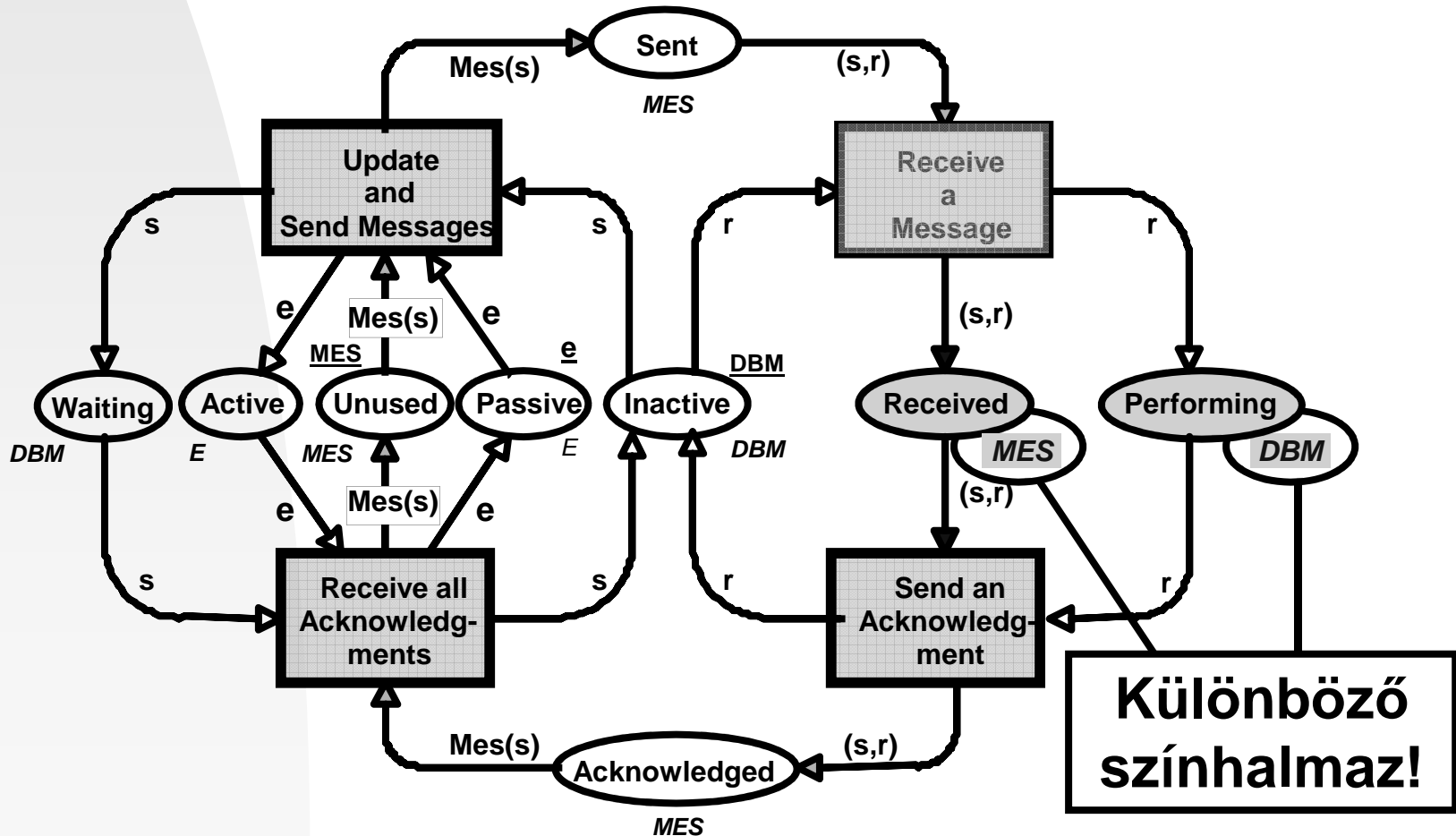
Fogadott üzenetek

$$\text{Rec}(s,r) = r$$

Súly függvény

MES → DBM

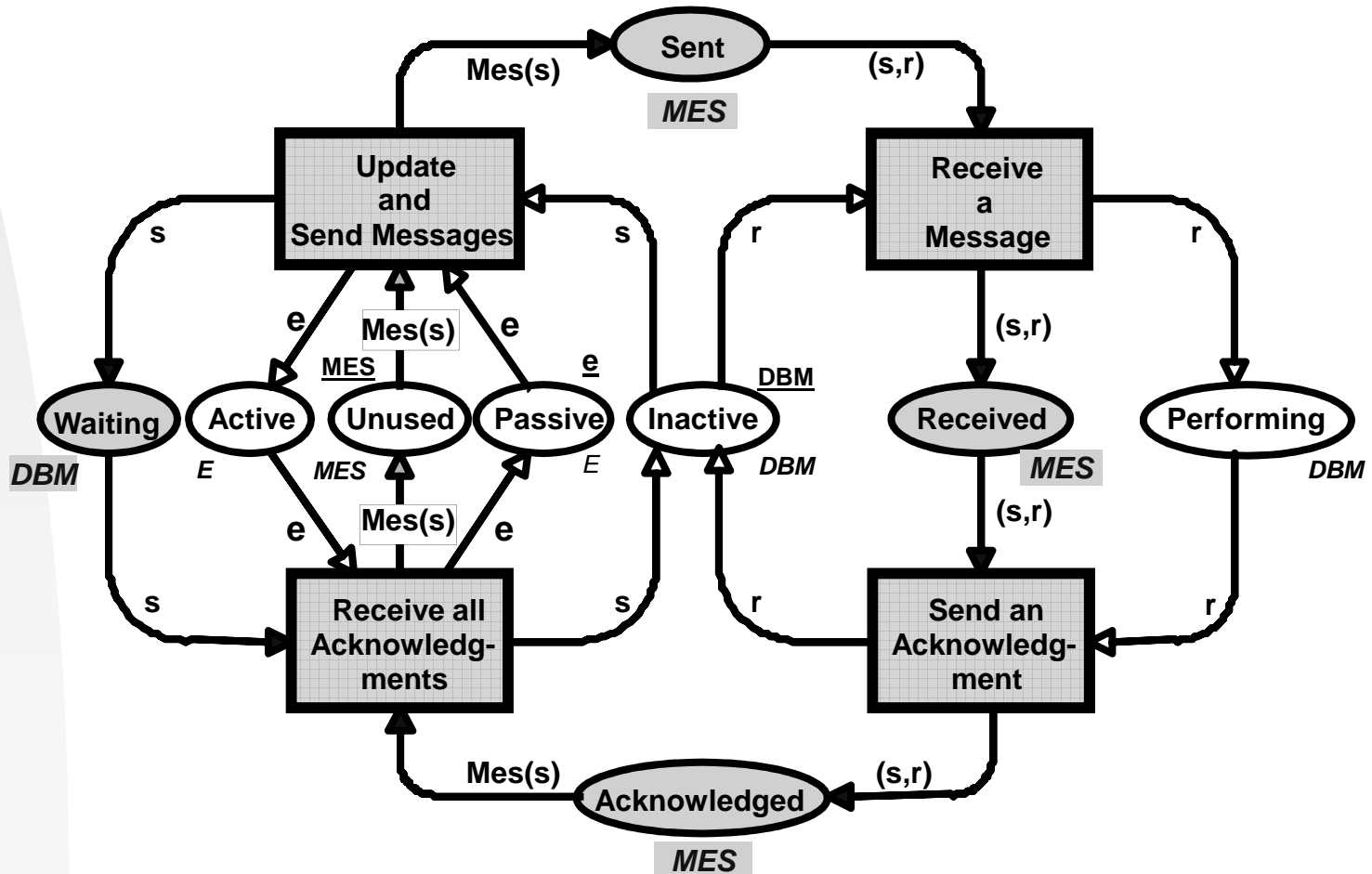
$$\text{Rec}(M(\text{Received})) = M(\text{Performing})$$



Különböző színhalmaz!

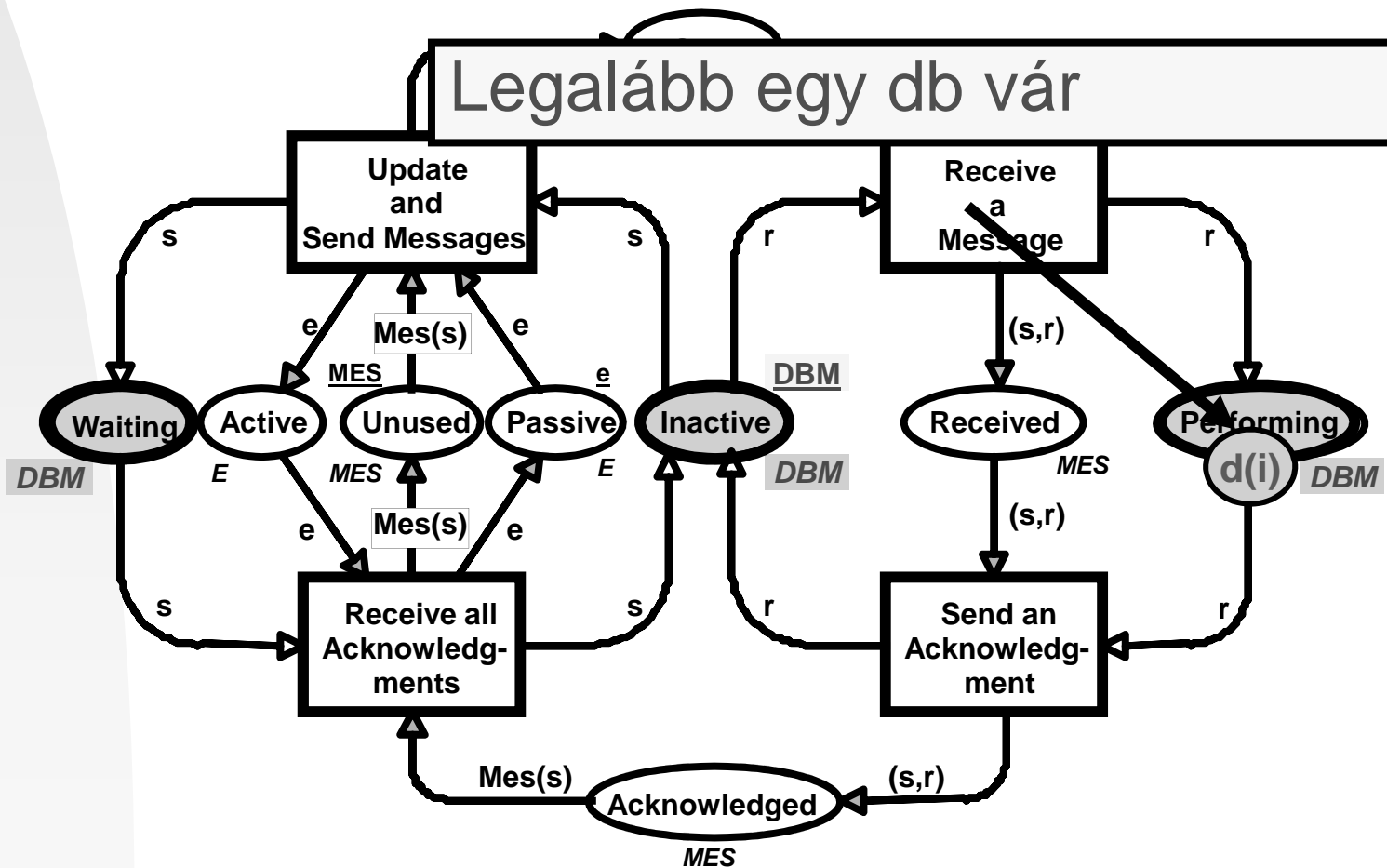
Használt üzenetek

$$\text{Mes}(\text{Waiting}) = \text{M}(\text{Sent}) + \text{M}(\text{Received}) + \text{M}(\text{Acknowledged})$$



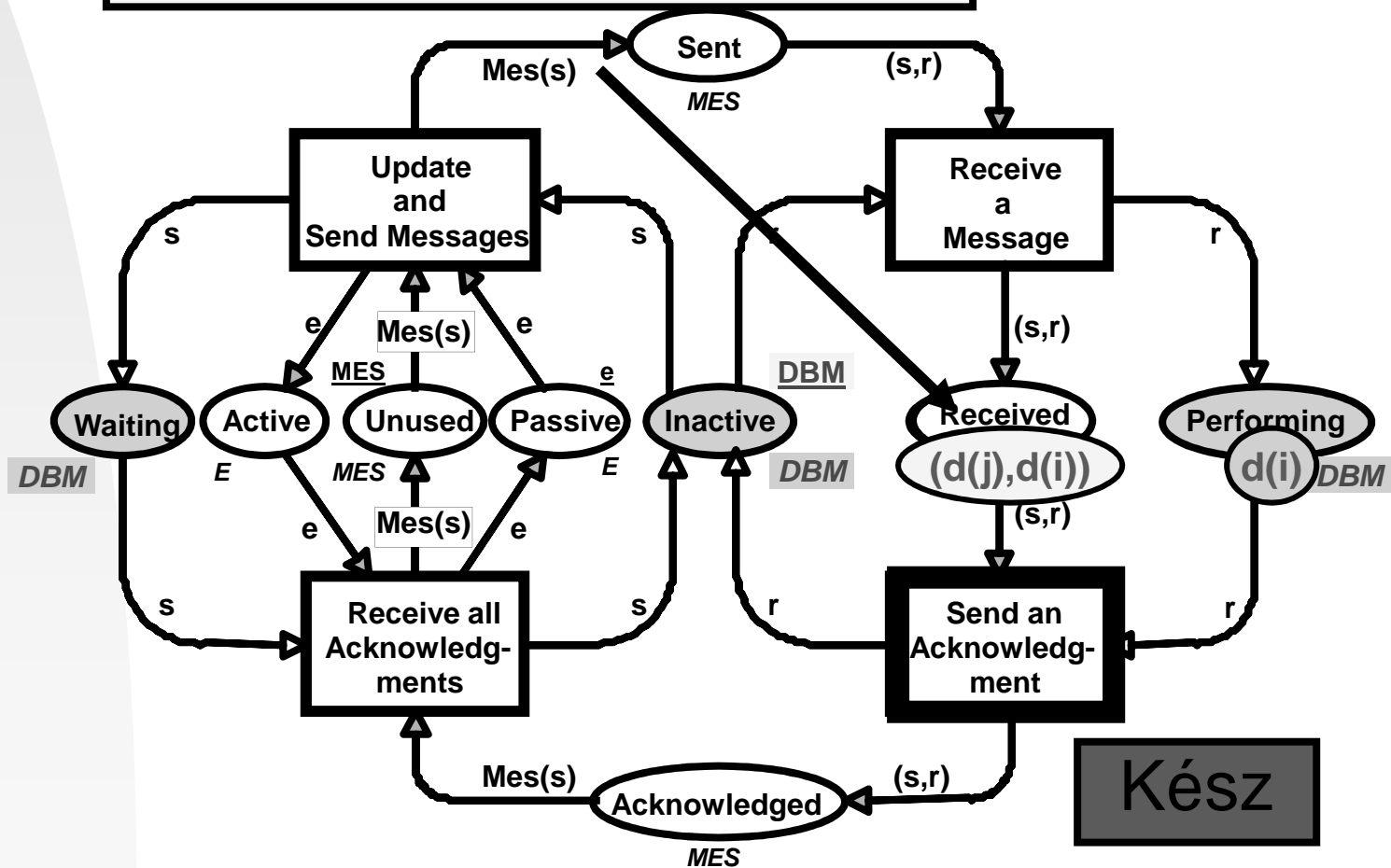
$$M(\text{Waiting}) + M(\text{Inactive}) + M(\text{Performing}) = \text{DBM}$$

Minden adatkezelő:

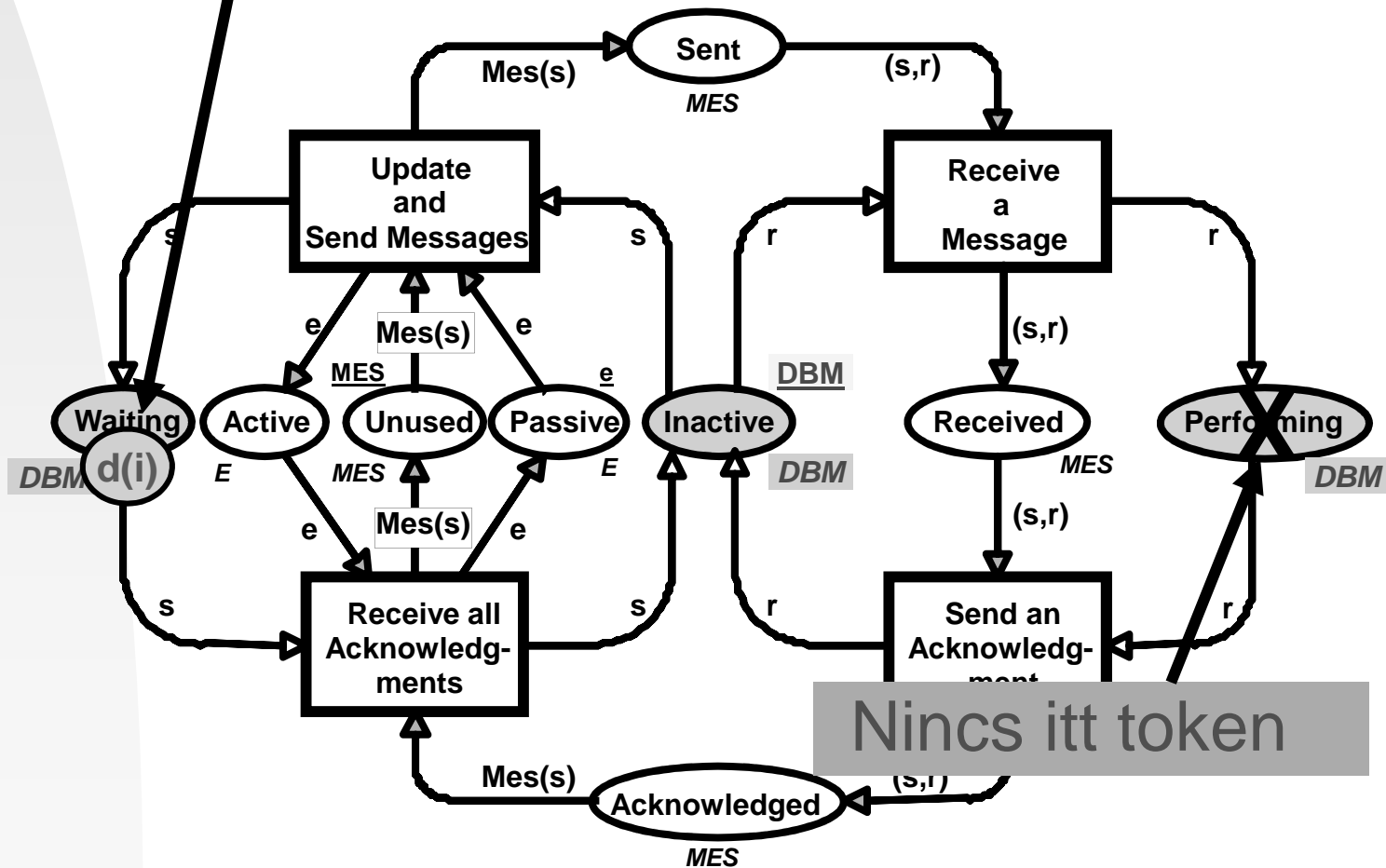


$$\text{Rec}(M(\text{Received})) = M(\text{Performing})$$

Ez az üzenet buffer:
Received with $d(i)$

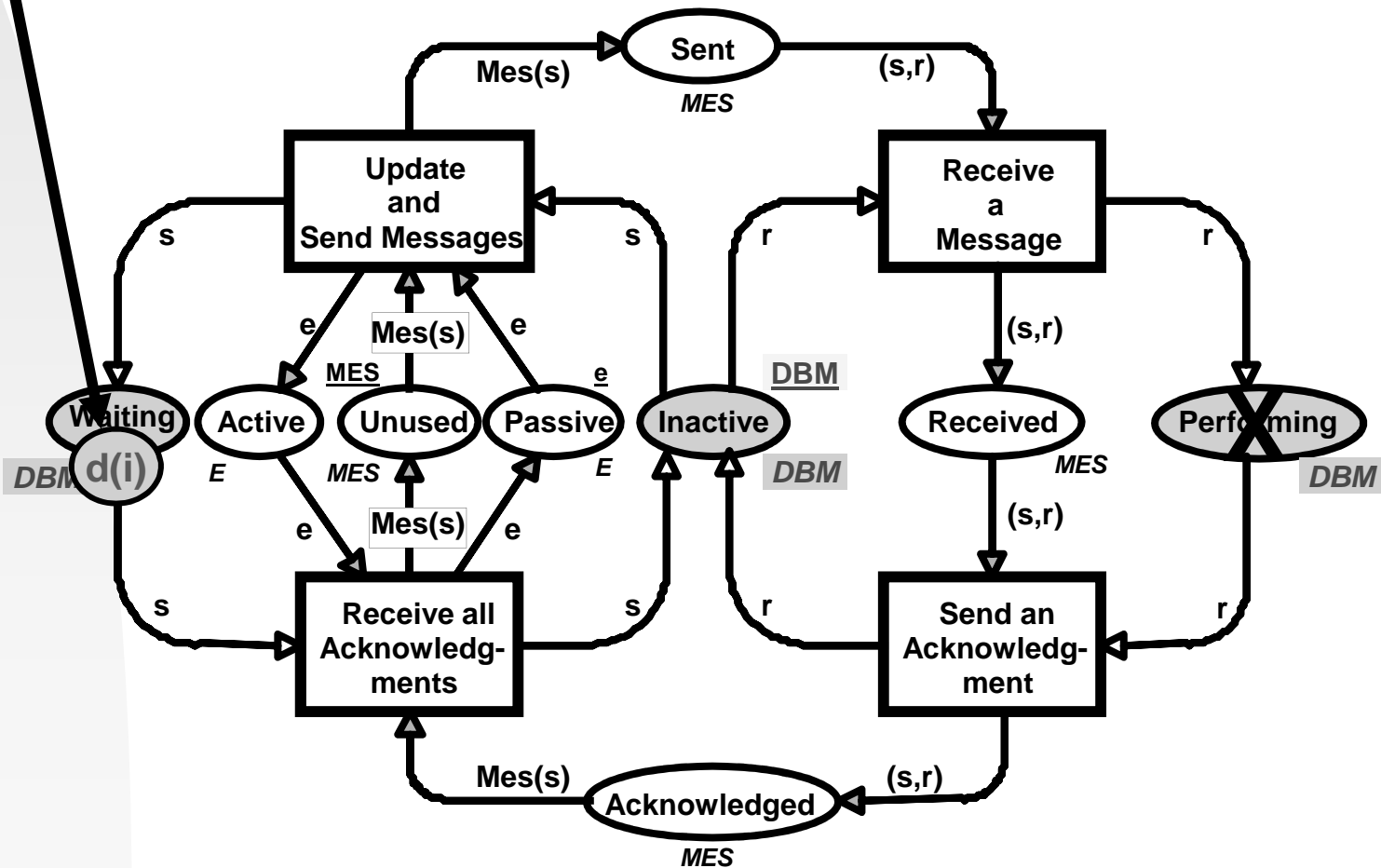


Most azt tesszük fel, hogy legalább egy kezelő VÁR



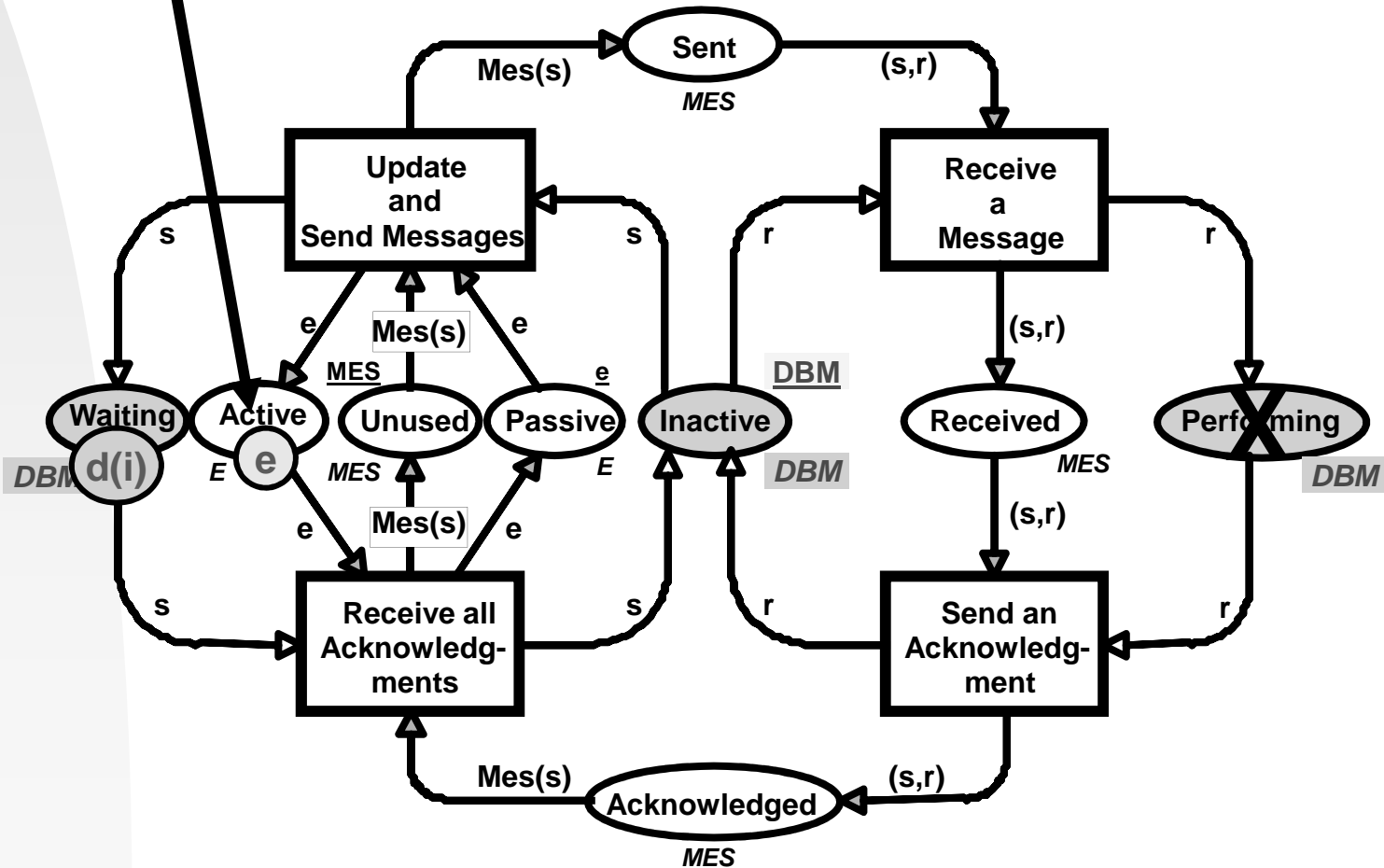
Ign(Waiting) + Passive = E

Pontosan egy token várakozik



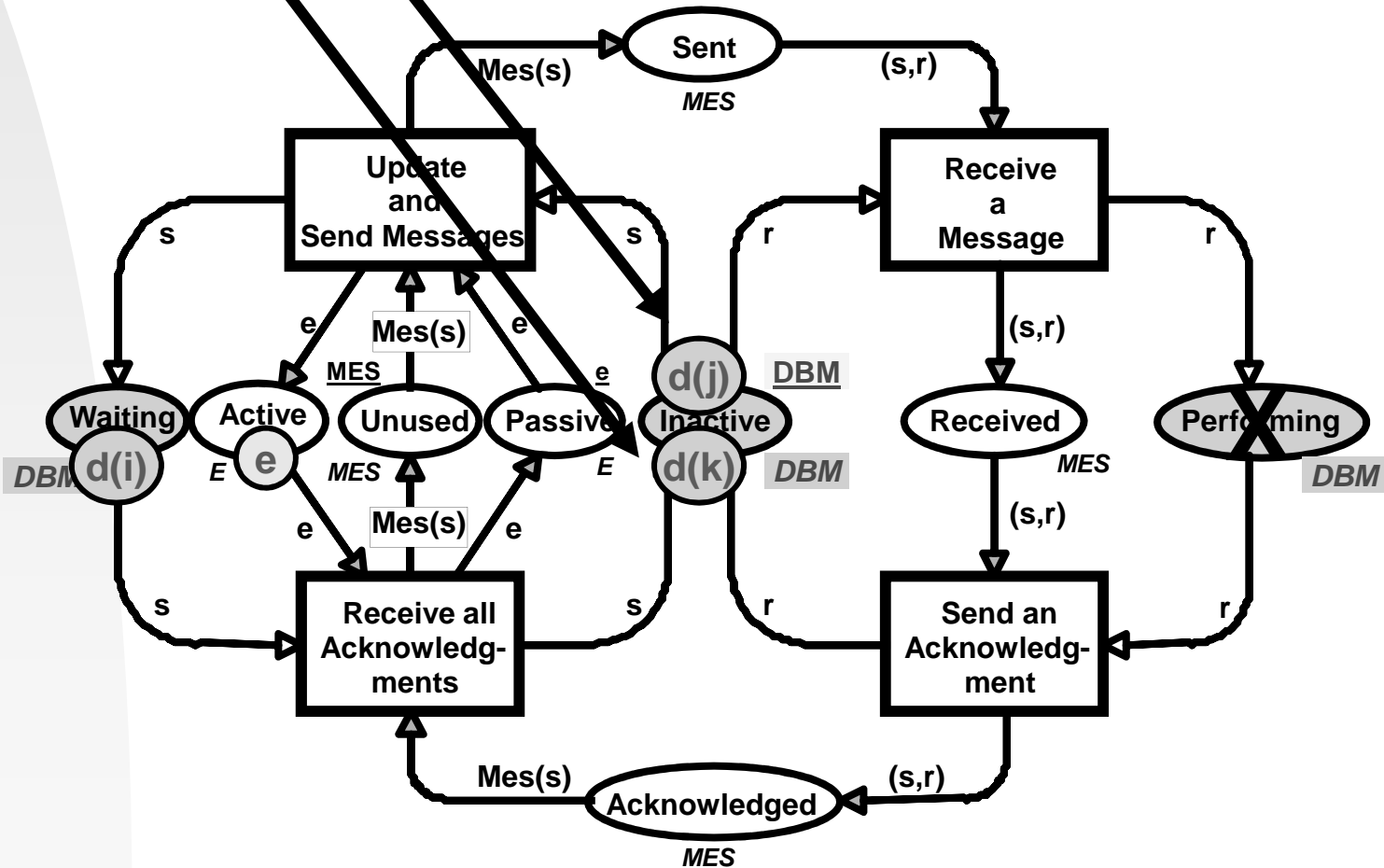
Ign(Waiting) = Active

Pontosan egy token aktív



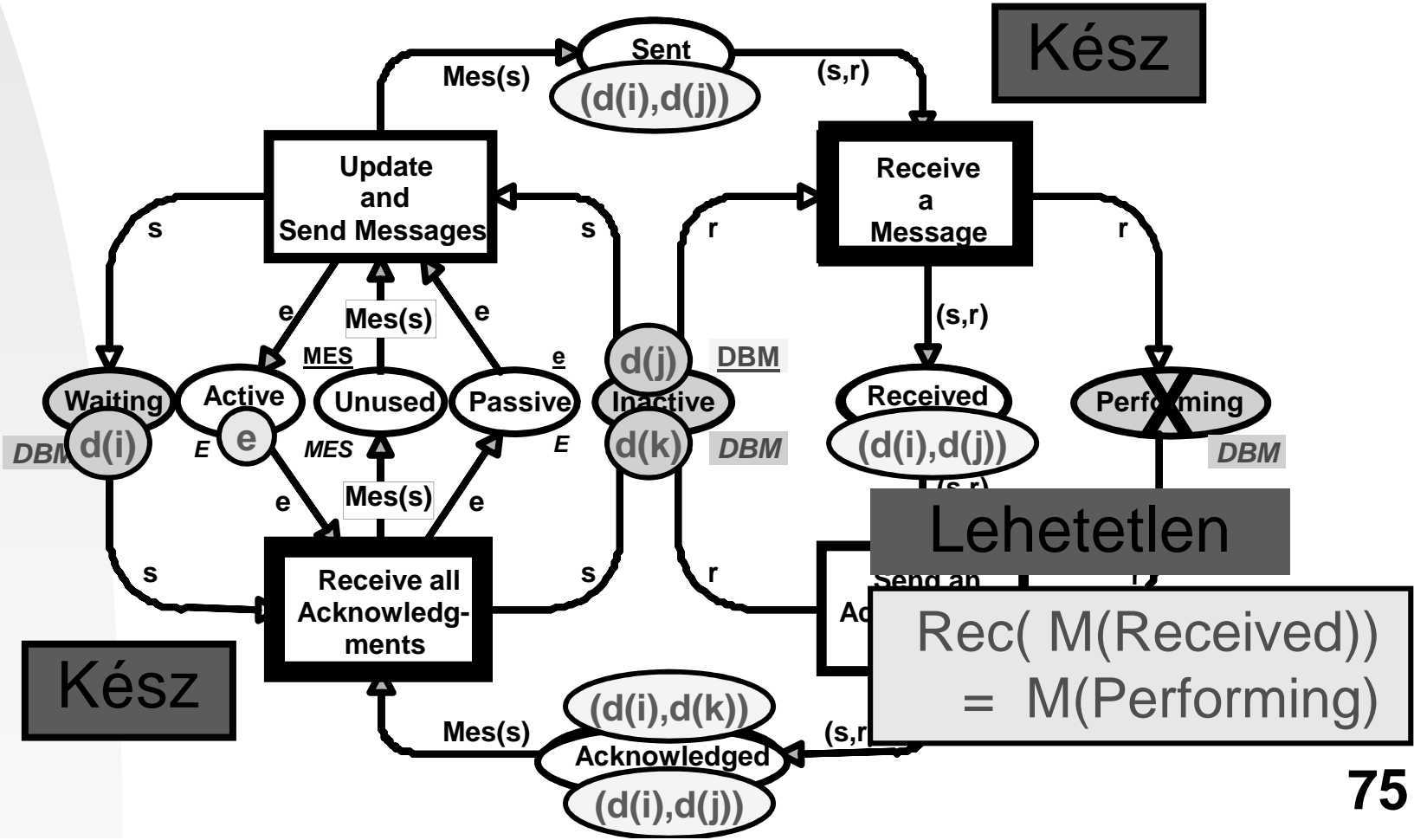
$M(\text{Waiting}) + M(\text{Inactive}) + M(\text{Performing}) = \text{DBM}$

Nincs több aktív adatbázis kezelő



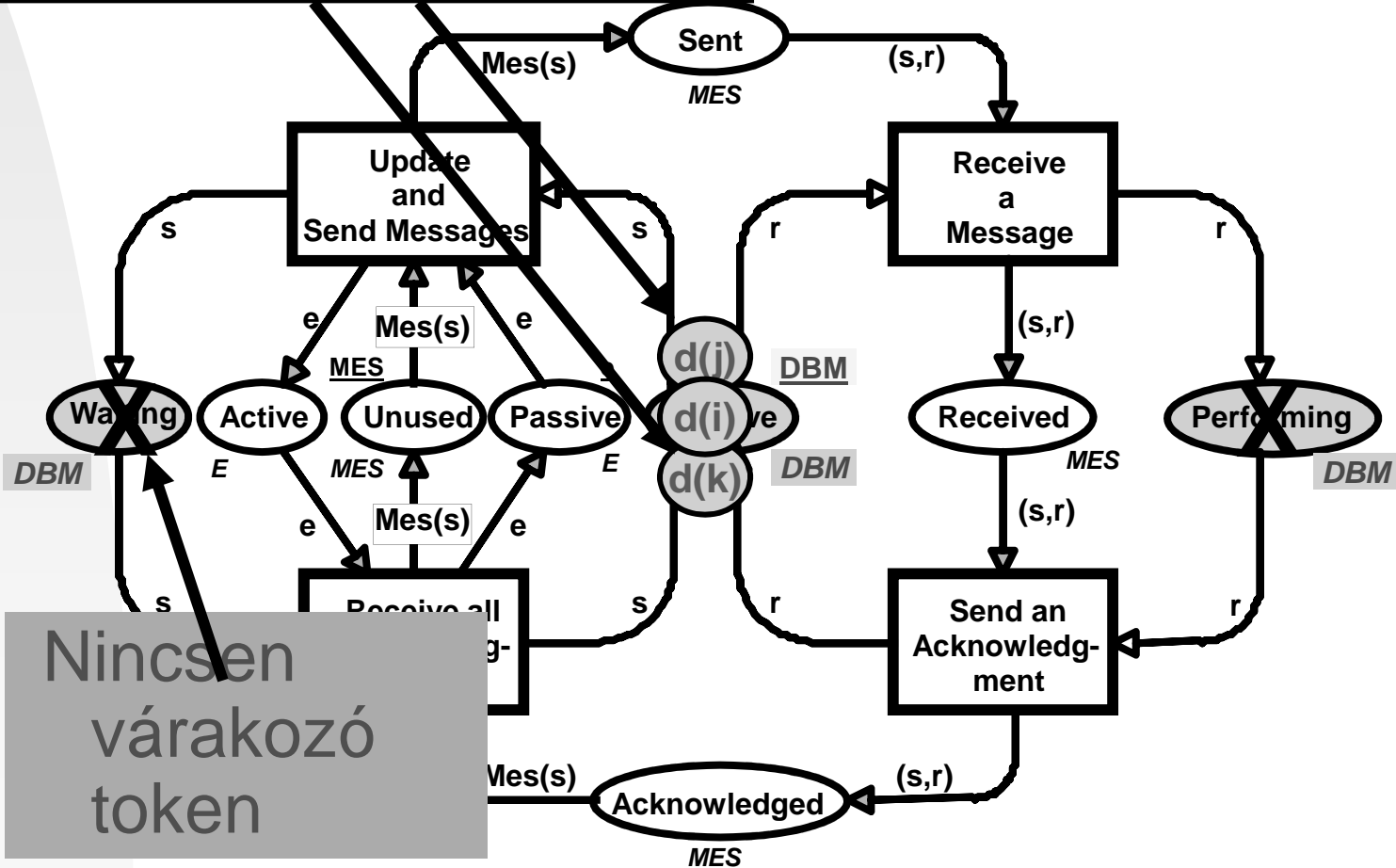
$$\text{Mes}(\text{Waiting}) = \text{M}(\text{Sent}) + \text{M}(\text{Received}) + \text{M}(\text{Acknowledged})$$

A d(i) által küldött üzeneteknek ennek kell lennie:



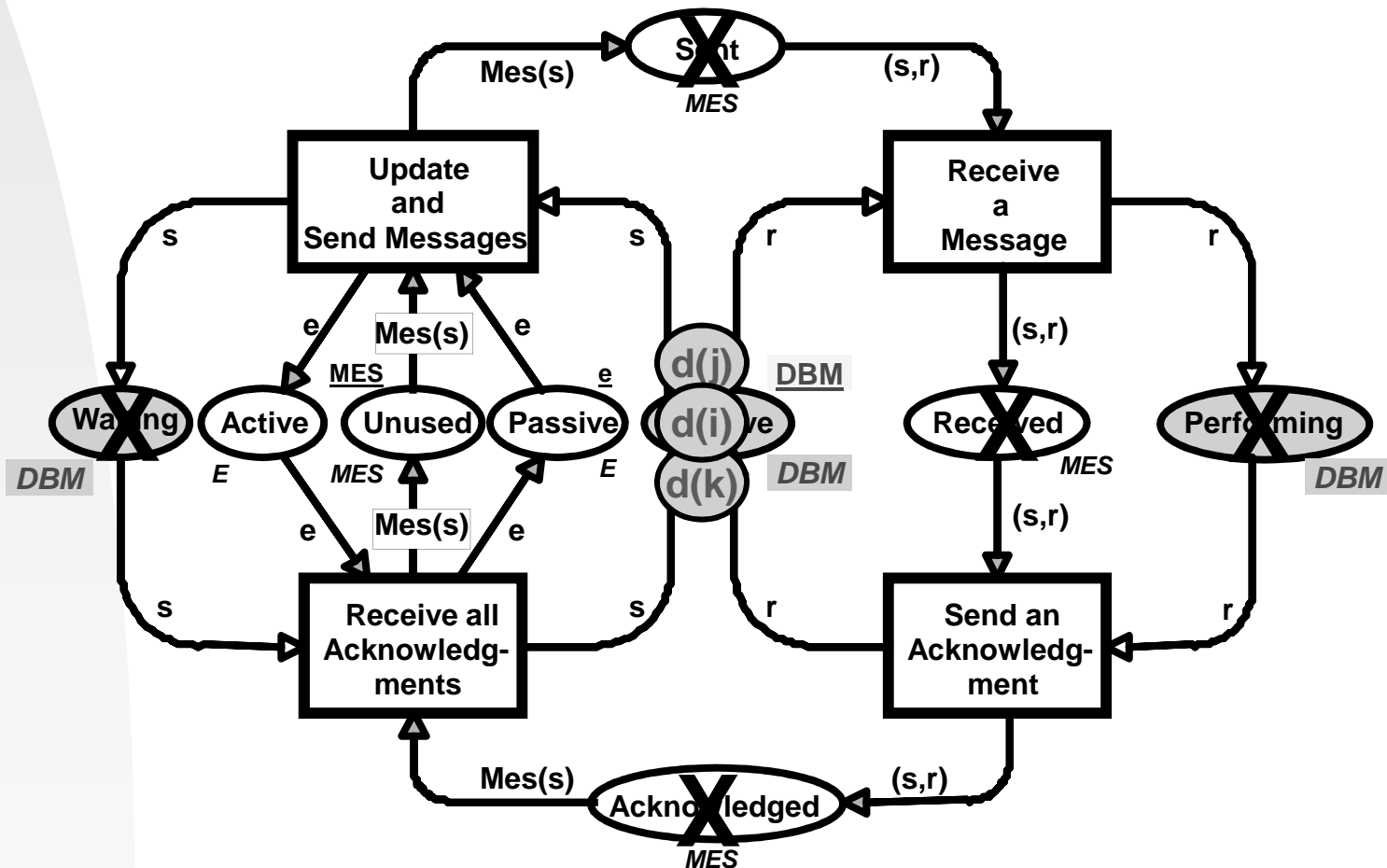
$M(\text{Waiting}) + M(\text{Inactive}) + M(\text{Performing}) = \text{DBM}$

Nincsen aktív adatbázis kezelő



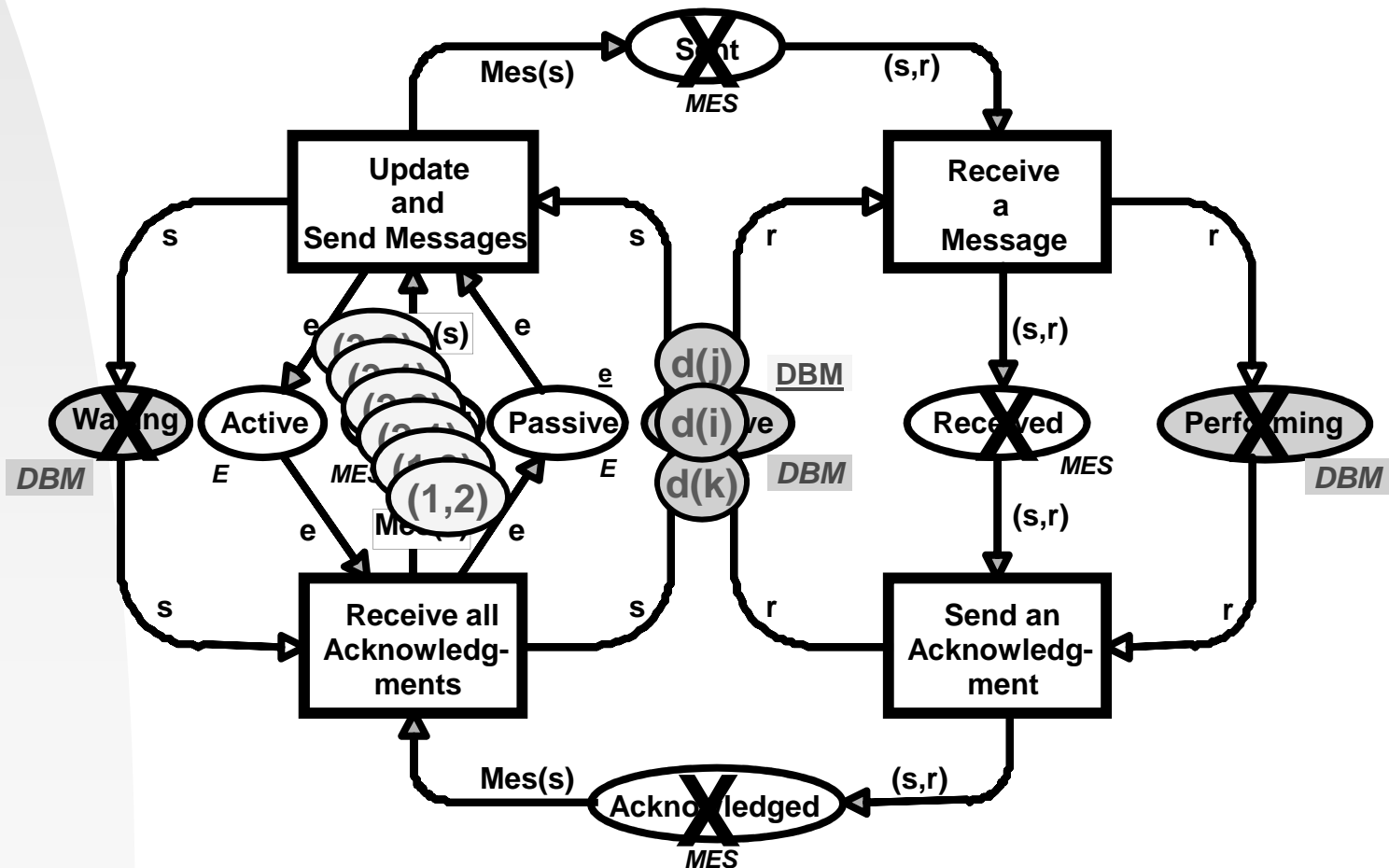
$$\text{Mes}(\text{Waiting}) = \text{M}(\text{Sent}) + \text{M}(\text{Received}) + \text{M}(\text{Acknowledged})$$

Nincsen elküldött, várakozó és nyugta token



$$M(\text{Unused}) + M(\text{Sent}) + M(\text{Received}) + M(\text{Acknowl}) = \text{MES}$$

Az üzenetbufferek üresek:

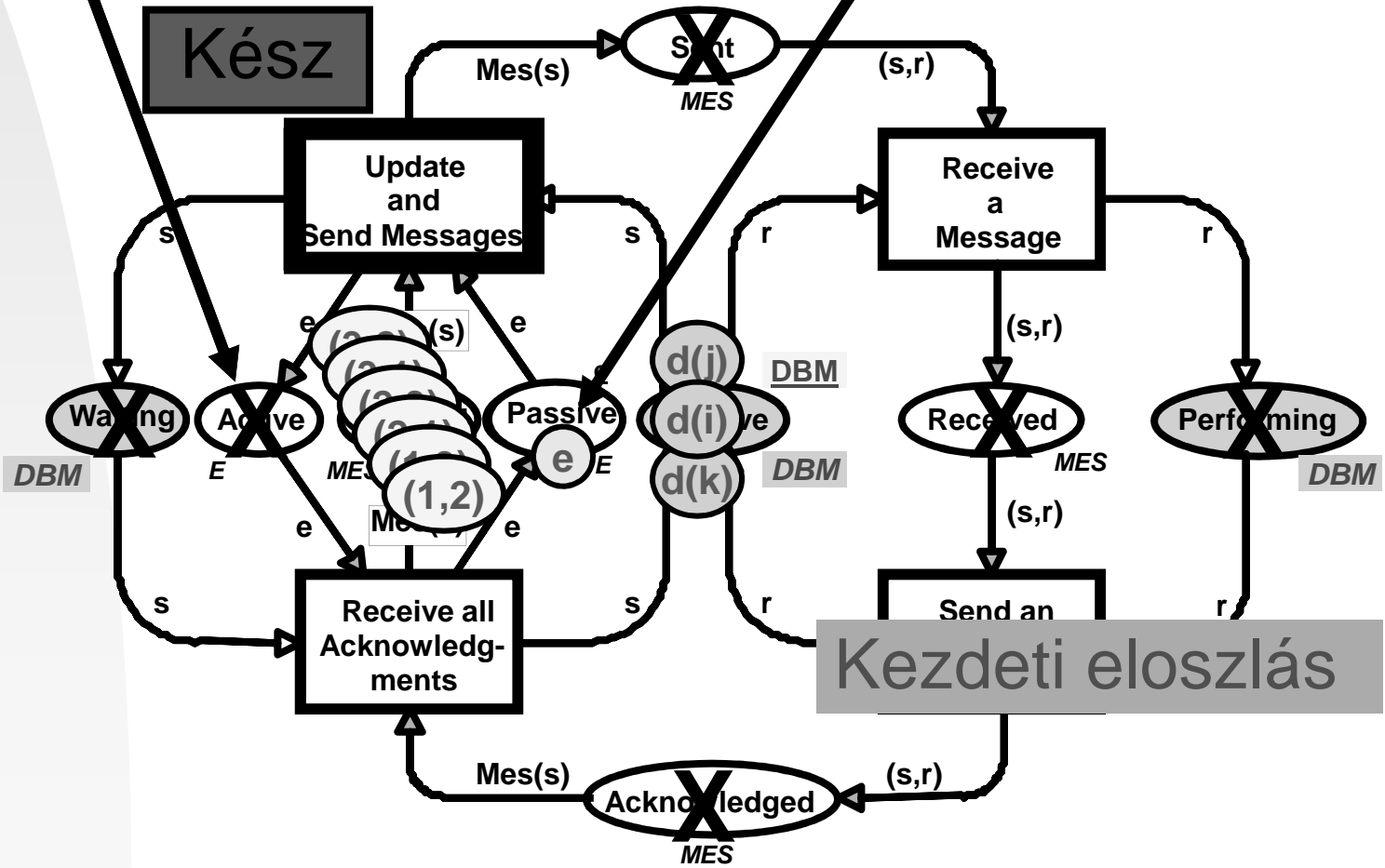


Ign(Waiting) = Active

Active + Passive = E

Nincsen aktív token

Egy e-token
Passive



Konklúzió

- ◆ A CPN egyik sikere az, hogy mindhárom területen *egyszerre* használható.

THEORY

- models
- basic concepts
- analysis methods

TOOLS

- editing
- simulation
- verification

PRACTICAL USE

- specification
- validation
- verification
- implementation