

# Petri hálók: alfogalmak, kiterjesztések

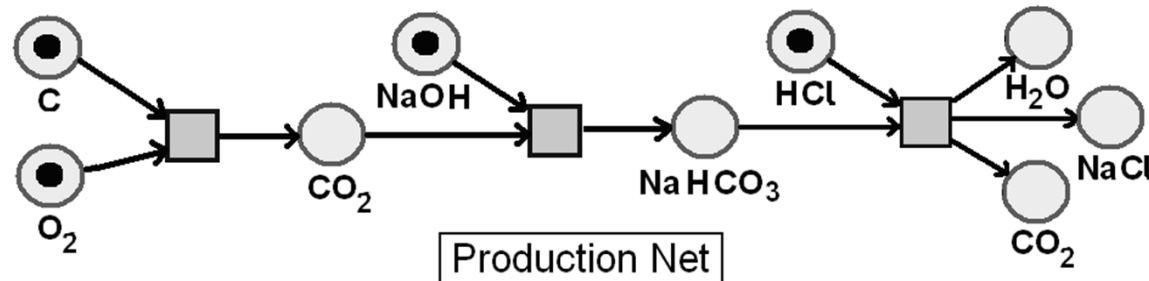
dr. Bartha Tamás  
Dr. Pataricza András

BME Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék

# Petri háló: Mi az?

- A Petri hálók „eredete”

- Carl Adam Petri: német matematikus, 1926–
- a jelölésrendszert 1939-ben, 13 évesen találta ki
- eredetileg kémiai folyamatok leírására szánta



- a matematikai alapokat a doktori disszertációjában dolgozta ki 1962-ben (két hét alatt)
  - C. A. Petri: Kommunikation mit Automaten. Schriften des Rheinisch-Westfälischen Institutes für Instrumentelle Mathematik an der Universität Bonn Nr. 2, 1962

# Petri háló: Mire használható?

## Petri hálók alkalmazási köre

- konkurrens,

- aszinkron,

- elosztott,

- párhuzamos,

- nemdeterminisztikus

- sztochasztikus

- Vannak más formalizmusok, pl. állapotgépek (automaták).

Akkor minek egy másik?

- Kompakt módon fejezi ki az állapotot

- Szemléletesen fejezi ki a szinkronizációt

⇒ Tömörebb, átláthatóbb modellek

} és/vagy

rendszerek modellezése.

# A Petri hálóak alapvető tulajdonságai

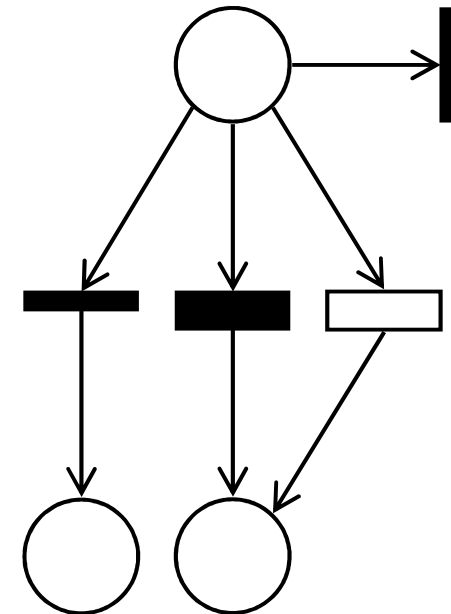
- Egyidejűleg:
  - grafikus → áttekinthetőség (+hierarchia)
  - matematikai reprezentáció → precizitás, egyértelműség
- Struktúrával fejezi ki:
  - vezérlési struktúra
  - adatstruktúra
- Előnyök/hátrányok:
  - + más ábrázolásmódok is kiteríthetők Petri hálóvá
  - egyszerű feladathoz is nagy Petri háló tartozhat
  - pl. megoldó módszer automatikusan generált modellekhez

# Petri hálók felépítése, működése

# Petri hálók struktúrája

Strukturálisan: irányított, súlyozott, páros gráf

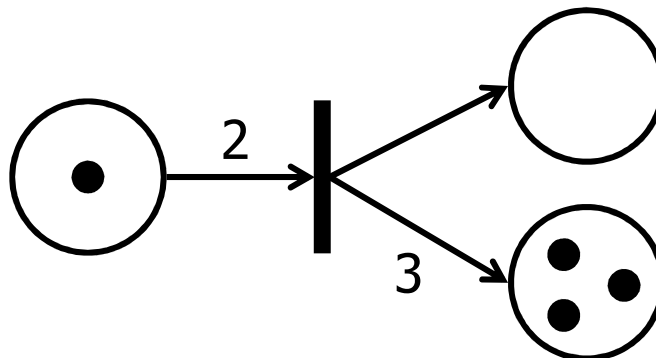
- Két típusú csomópont:
  - hely:  $p \in P$  jelölése: kör
  - tranzíció:  $t \in T$  jelölése: téglalap
- Irányított élek:
  - hely  $\rightarrow$  tranzíció
  - tranzíció  $\rightarrow$  hely } páros gráf!
  - $e \in E: (P \times T) \cup (T \times P)$



# Petri háló állapota

Állapot:

- Állapotjelölő: token
  - token jelölése: fekete pötty a hely körébe rajzolva
- Hely állapota: benne levő tokenek száma
- Hálózat állapota: az egyes helyek állapotainak összessége
  - Állapotvektor: a  $\pi = |P|$  komponensű  $M$  token eloszlás vektor
  - Az  $m_i$  komponense a  $p_i$  helyen található tokenek száma
    - „ $p_i$ -t  $m_i$  token jelöli”



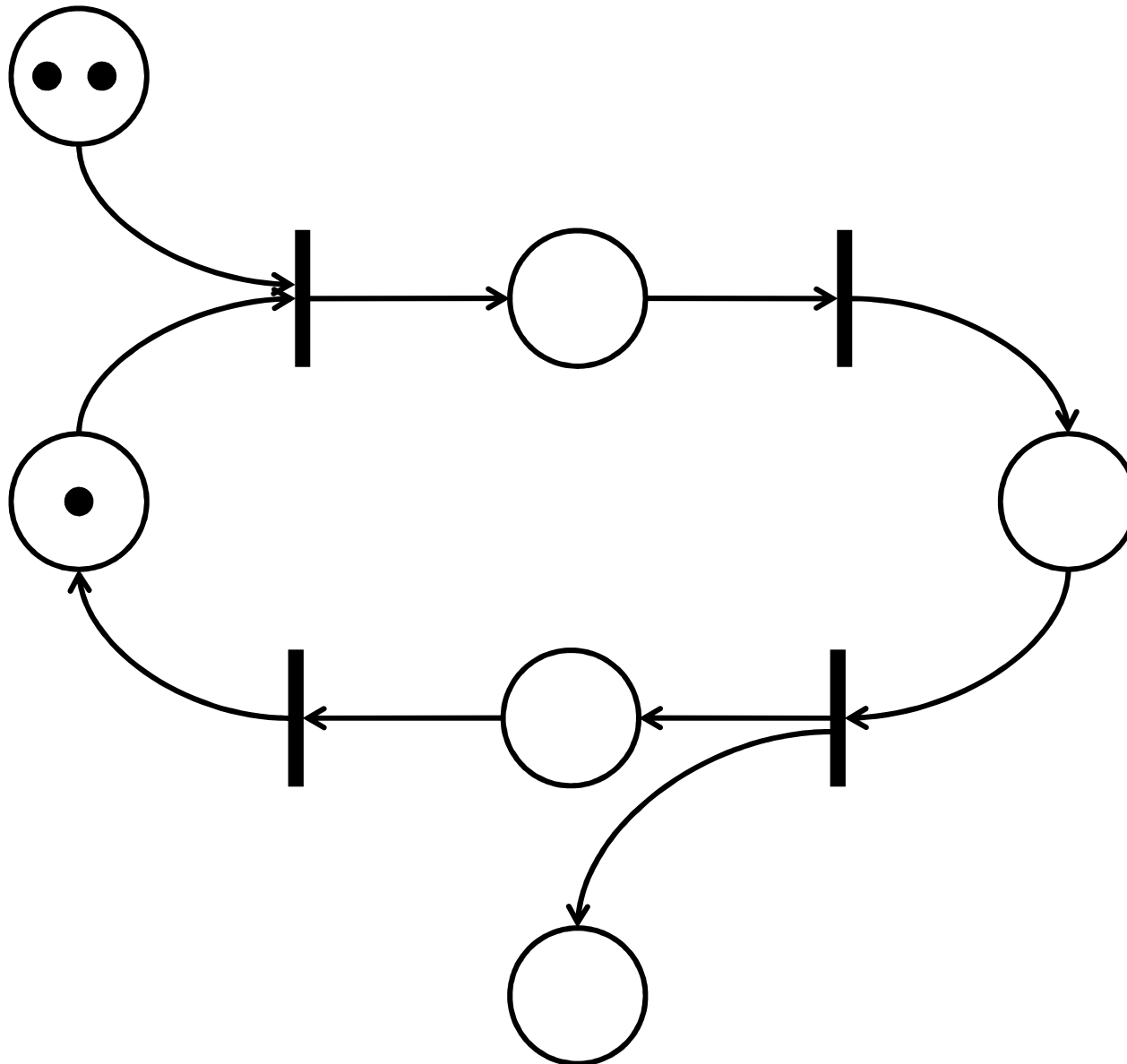
# Petri háló működ(tet)ése, dinamika

## Állapotváltás:

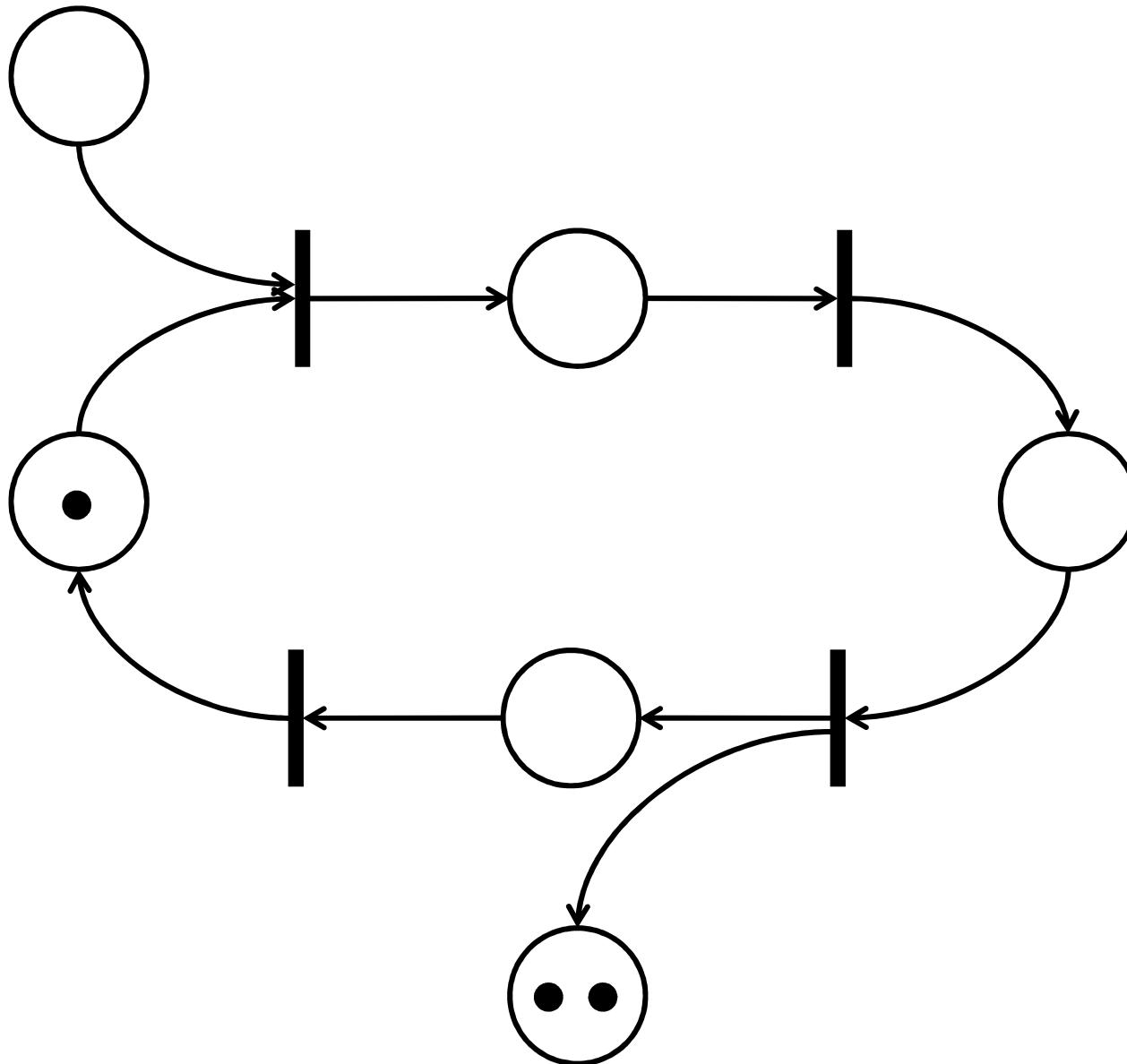
- **Állapot megváltozása: tranzíciók „tüzelése”**
  - engedélyezettség vizsgálata
  - tüzelés végrehajtása
    - tokenek elvétele a bemeneti helyekről
    - tokenek kirakása a kimeneti helyekre
  - megváltozott token eloszlás vektor: új állapot
- **Engedélyezettség: feltételek teljesülnek-e?**
  - feltétel: bemeneti helyek / tokenek / bemenő élek
    - bemeneti helyeken van-e elég token?
    - minden egyszeres él egy tokent „szállít”



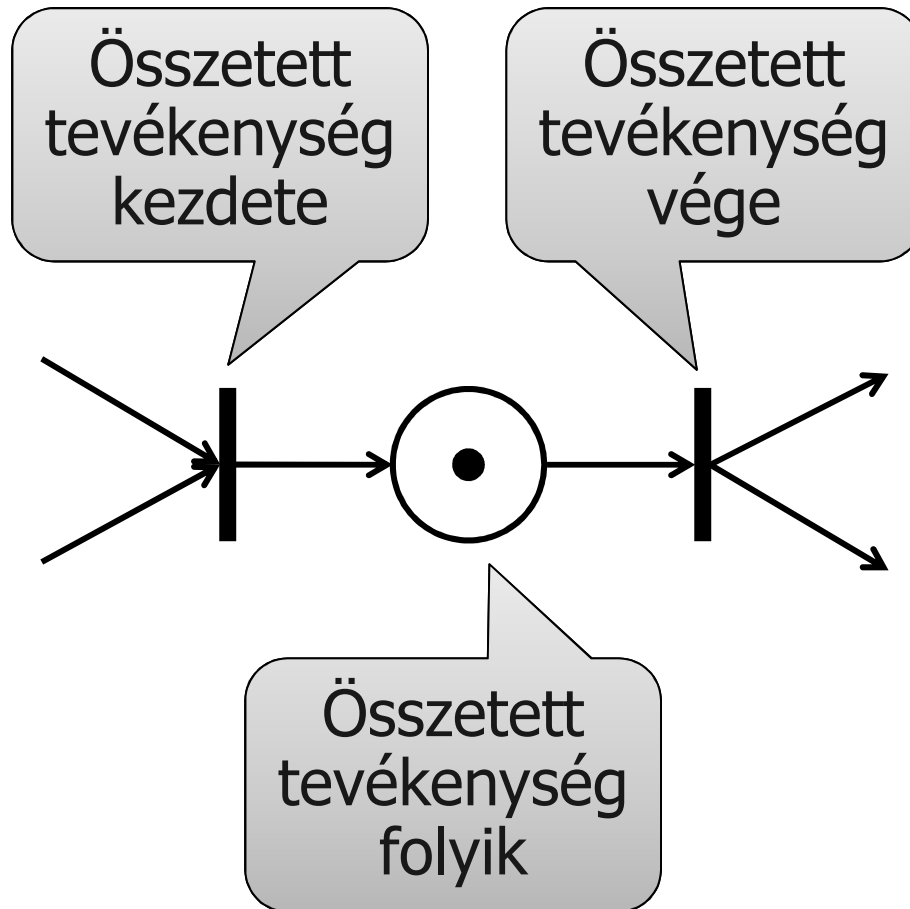
# Egyszerű példa



# Egyszerű példa

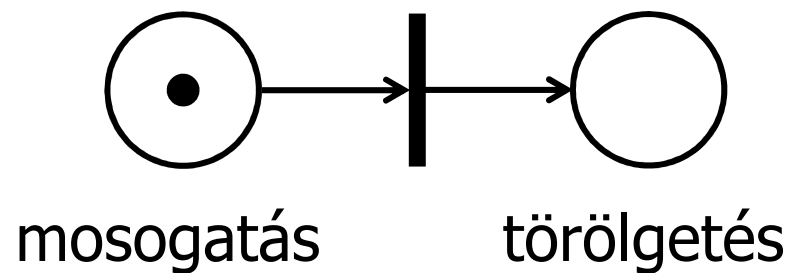
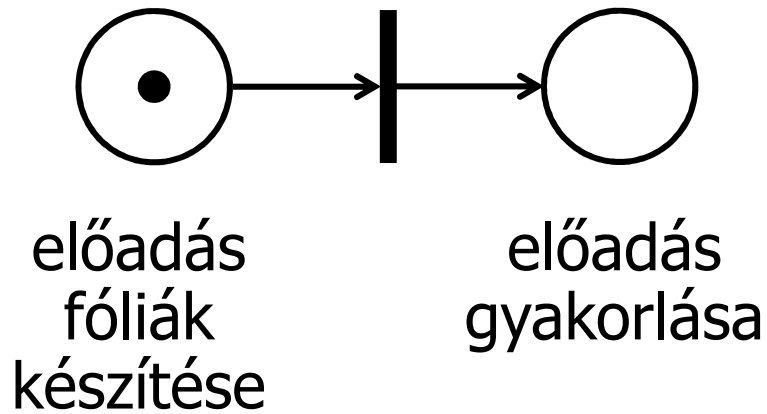


# Petri hálók jellemzői



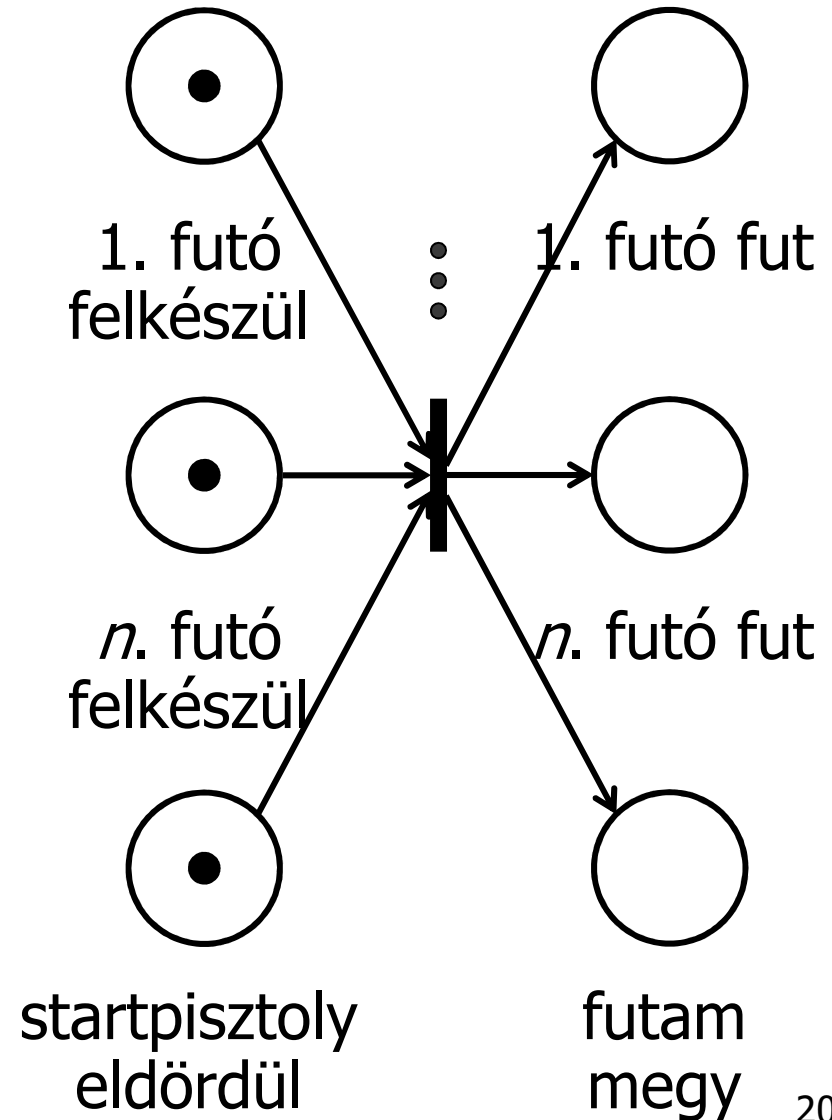
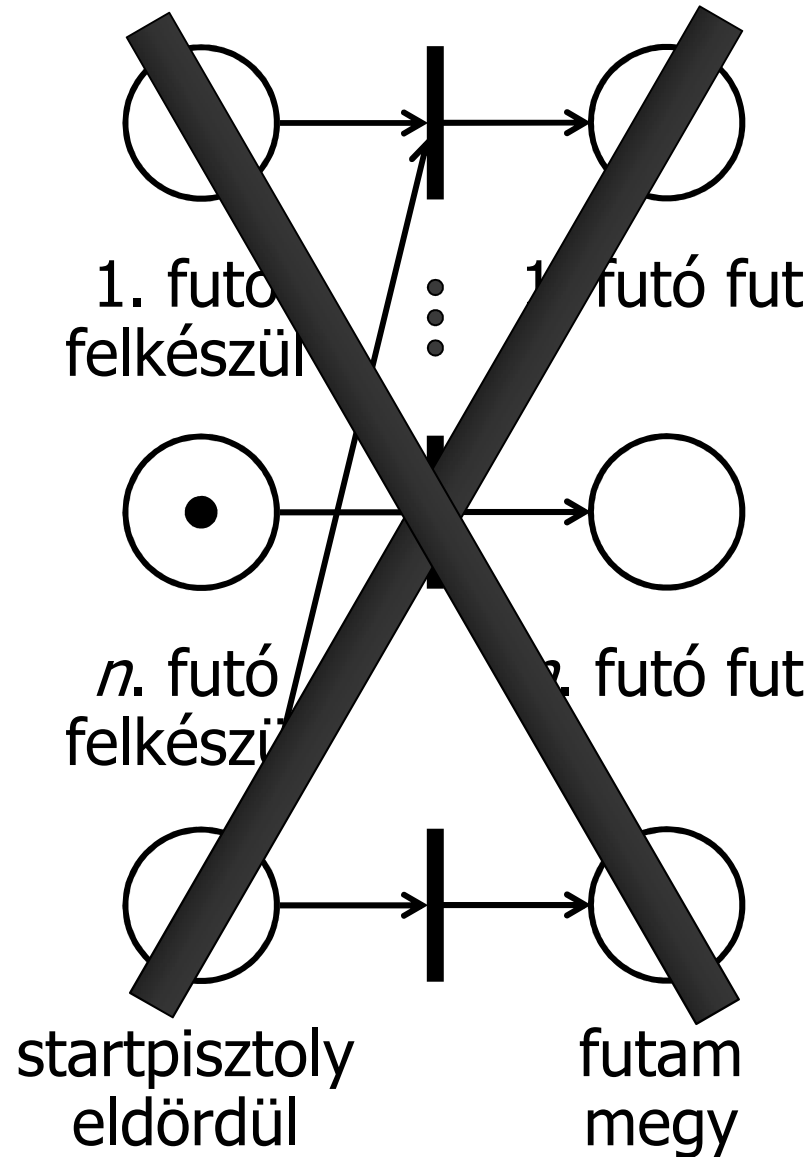
Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események

# Petri hálók jellemzői

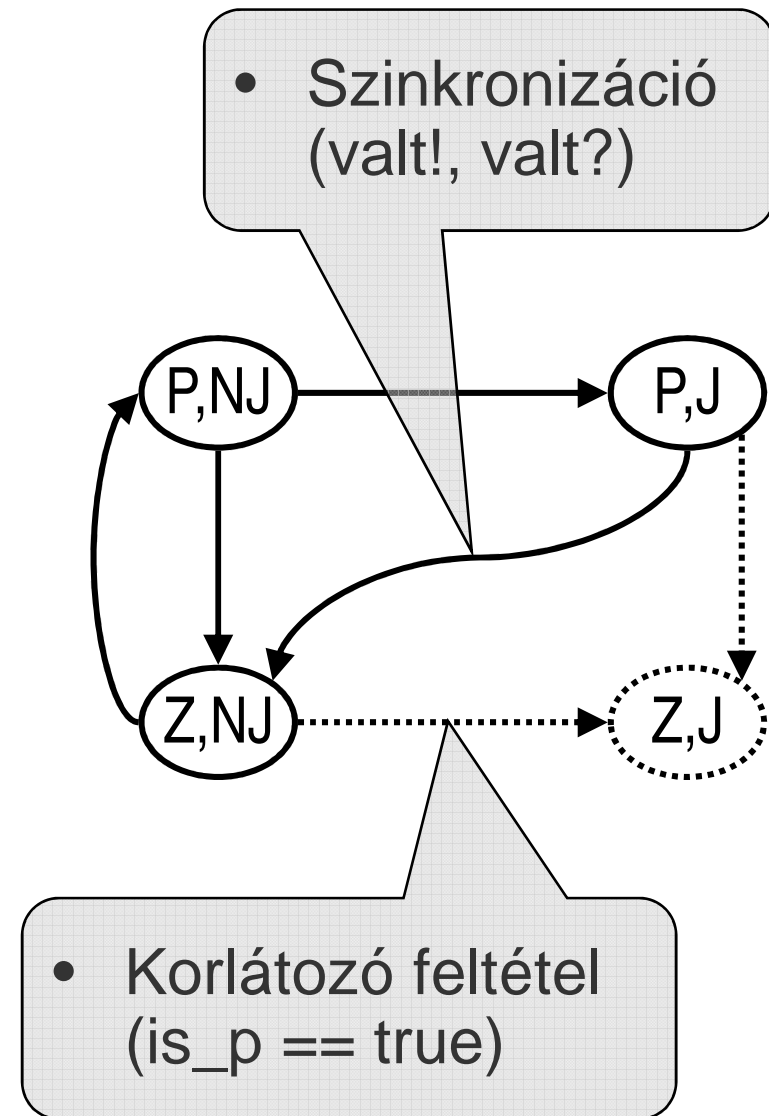
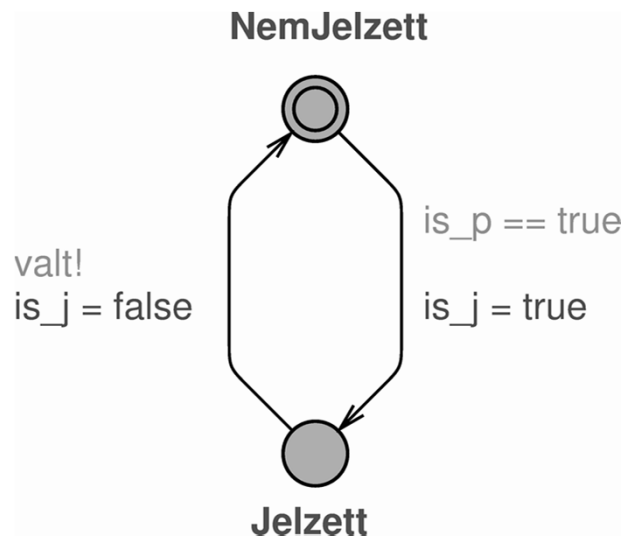
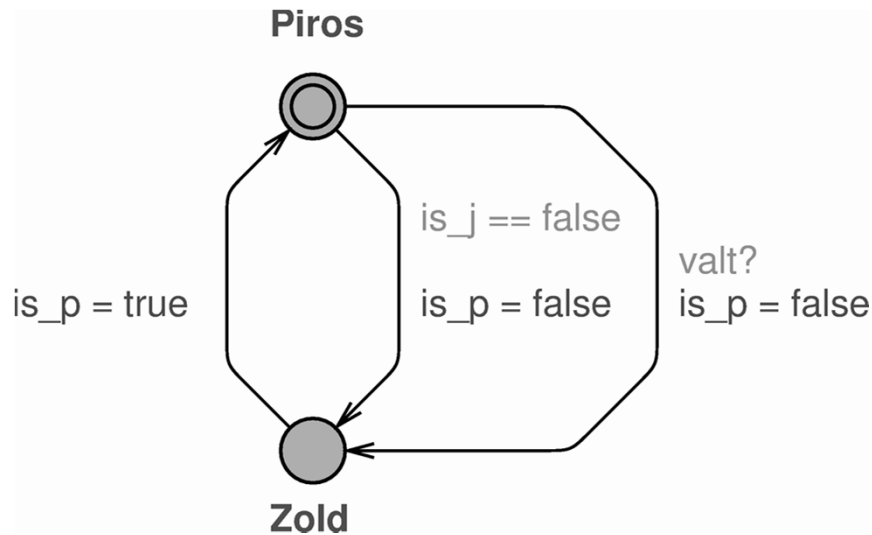


Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események
aszinkron tüzelések	események szekvenciája / függetlensége

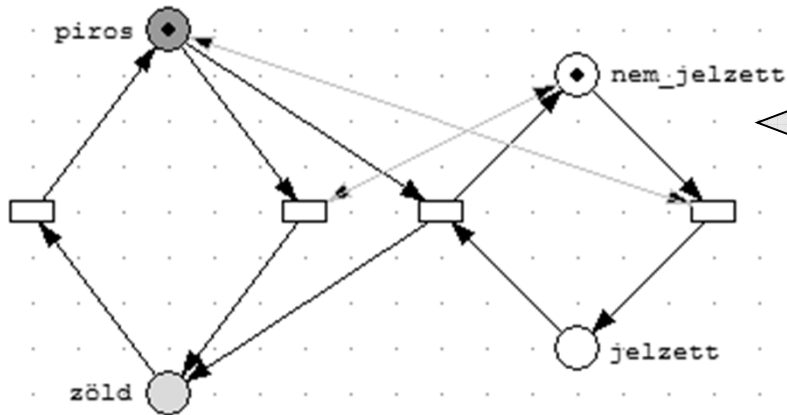
# Egyidejűség, szinkronizáció



# Példa: gyalogos lámpa jelzőgombbal

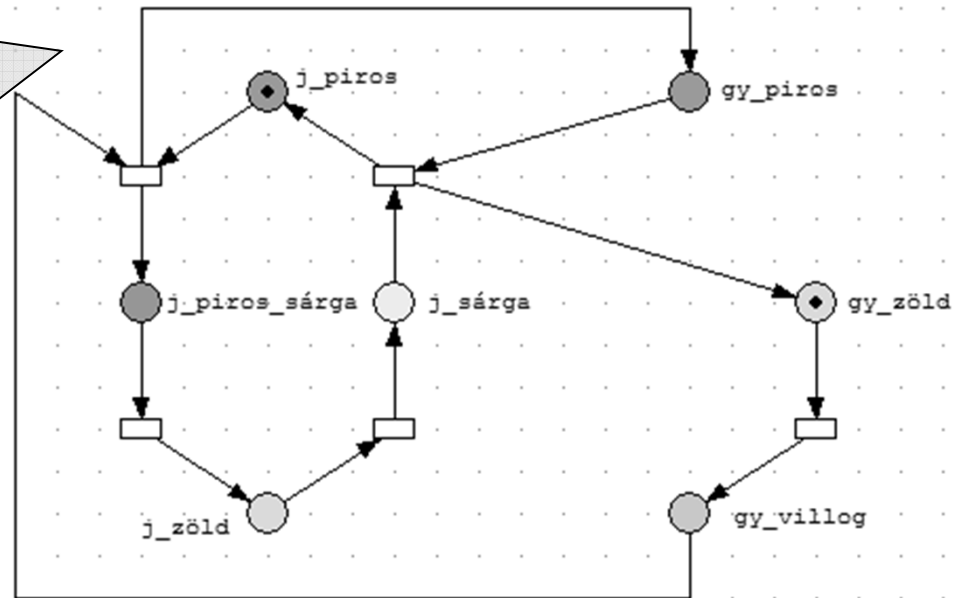


# Egyszerű modellek: szinkronizáció

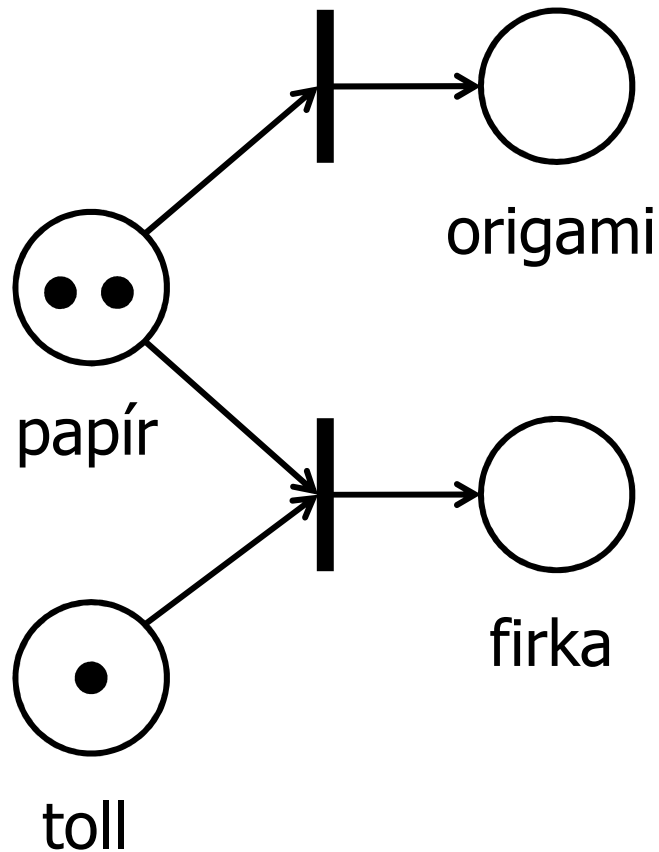


- Gyalogos átkelőhely lámpával és nyomógommbal

- Kereszteződés forgalmi és gyalogos átkelőhely lámpával



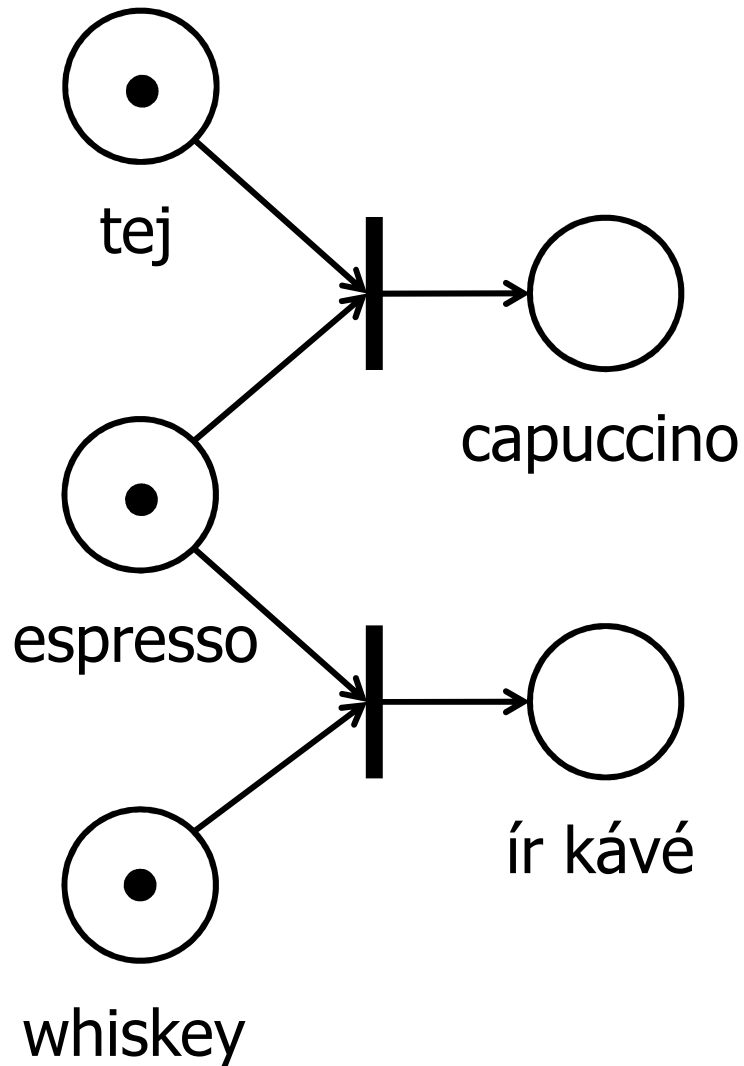
# Petri hálók jellemzői



Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események
aszinkron tüzelések	események szekvenciája / függetlensége
nem-determinizmus	konkurencia

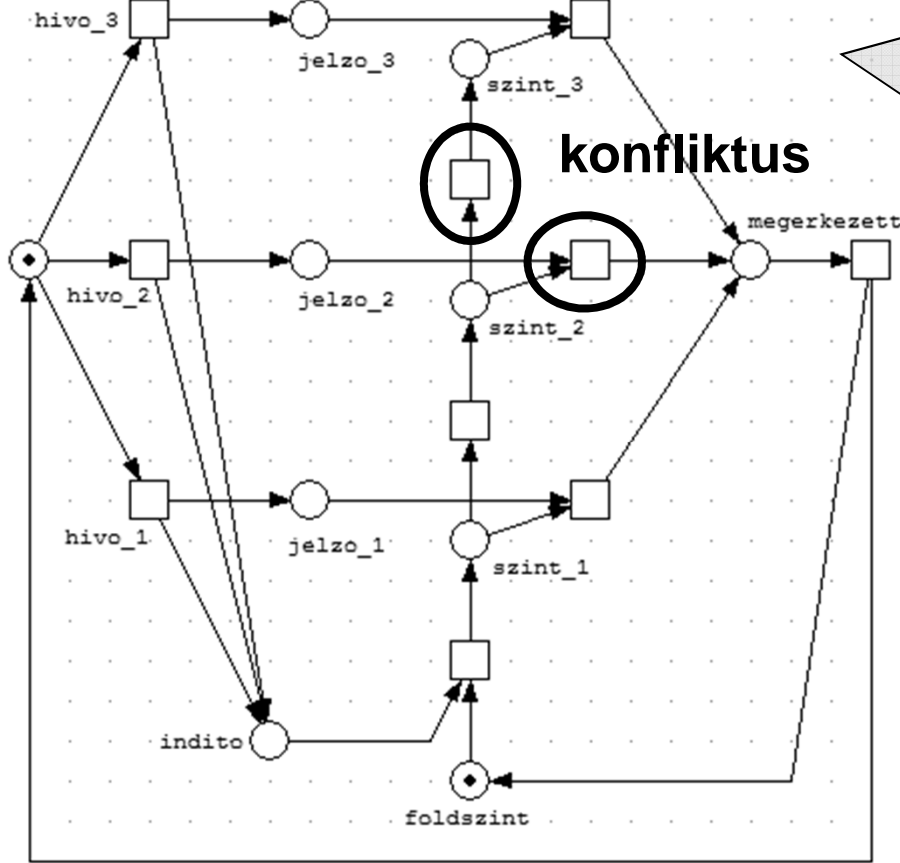


# Petri hálók jellemzői

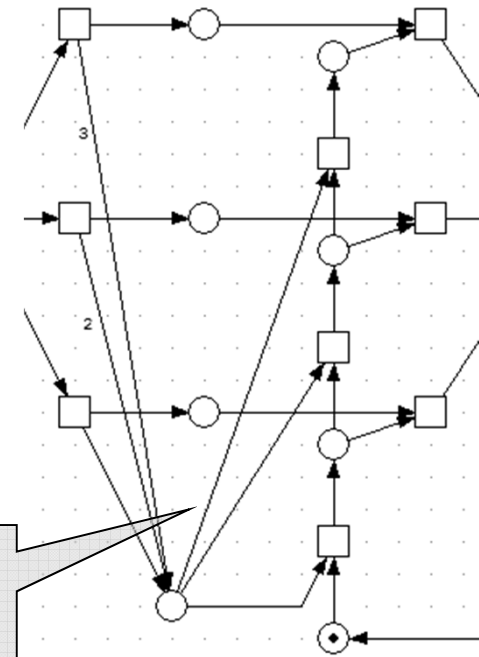


Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események
aszinkron tüzelések	események szekvenciája / függetlensége
nem-determinizmus	konkurencia
két tranzíció nem tüzel egyszerre	konfliktus

# Egyszerű modellek: konfliktus

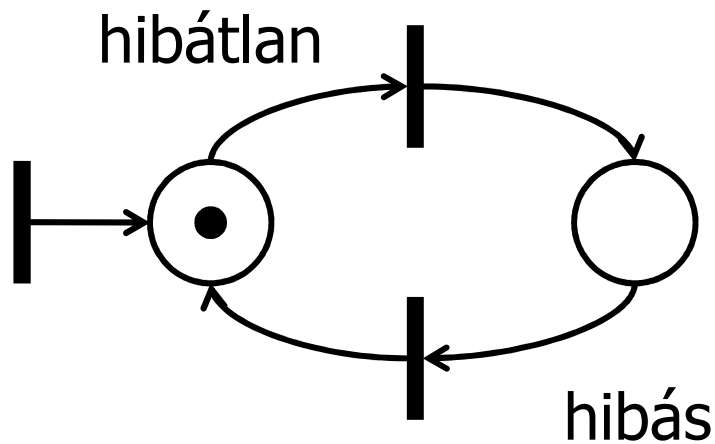
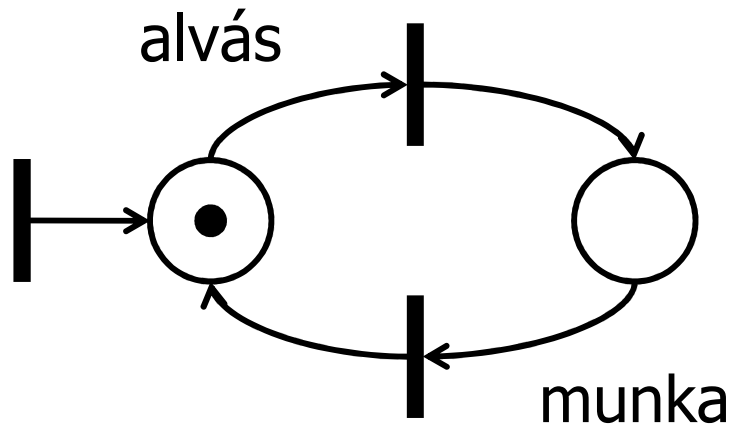


- Étellift modellje. Három szintről hívhatják, az adott szinten megáll.
- A modell hibás.



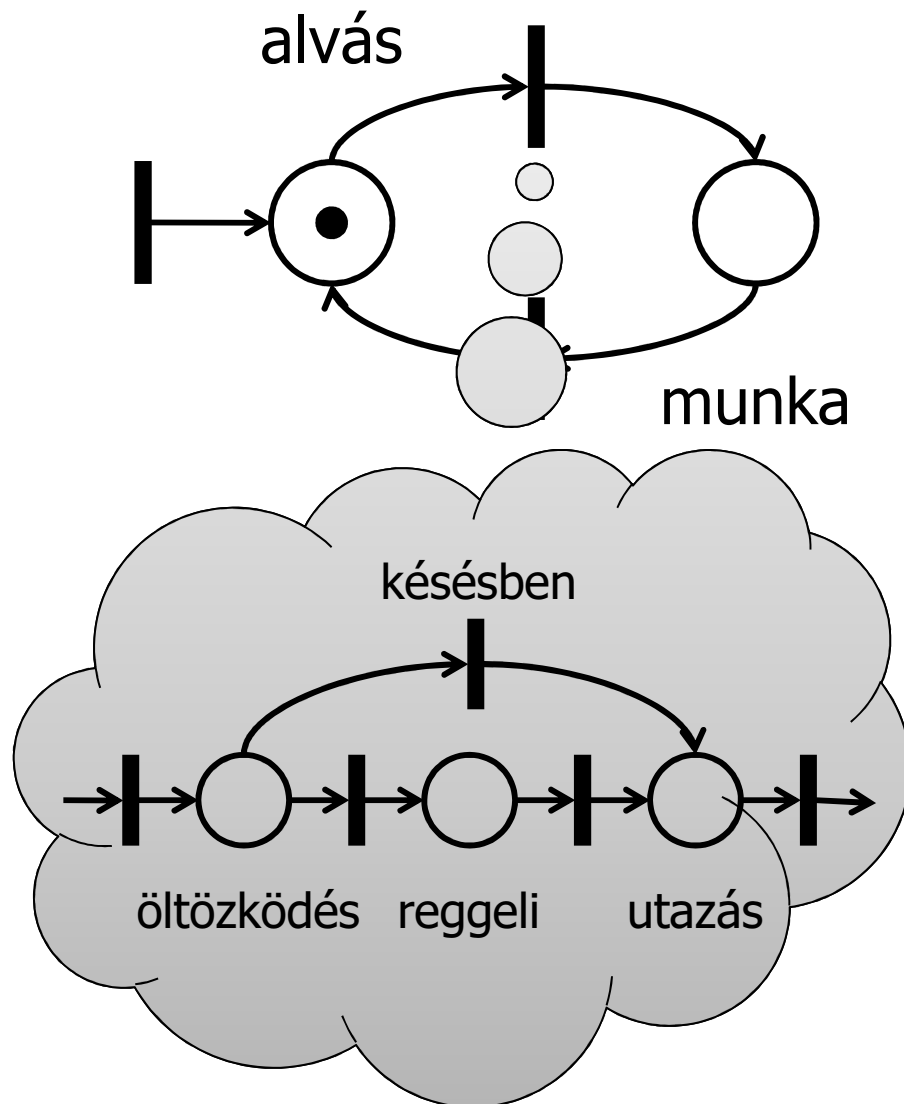
- A modell javítása

# Petri hálók jellemzői



Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események
aszinkron tüzelések	események szekvenciája / függetlensége
nem-determinizmus	konkurencia
két tranzíció nem tüzel egyszerre	konfliktus
neminterpretált	absztrakt tulajdonságok

# Petri hálók jellemzői

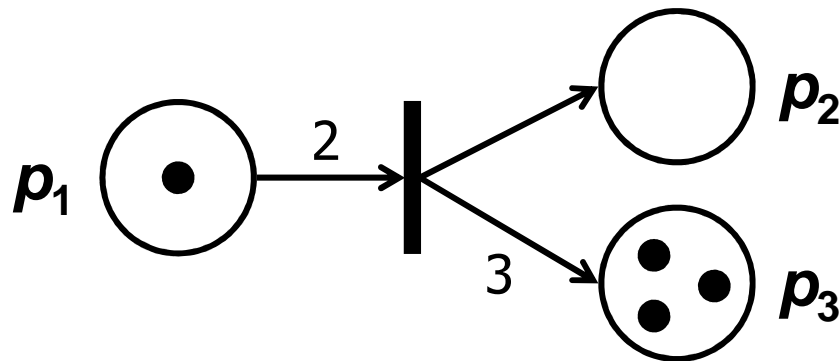


Petri háló jellemzők	Modellezési tulajdonságok
„azonnali” tüzelések	elemi (atomi) események
aszinkron tüzelések	események szekvenciája / függetlensége
nem-determinizmus	konkurencia
két tranzíció nem tüzel egyszerre	konfliktus
neminterpretált	absztrakt tulajdonságok
absztrakció és finomítás	hierarchikus modellezés

# Állapotvektor: token eloszlás vektor

$$M = \begin{bmatrix} m_1 \\ \vdots \\ m_\pi \end{bmatrix}$$

- Kezdőállapot:  $M_0$  kezdő token elosztás
- Példa:

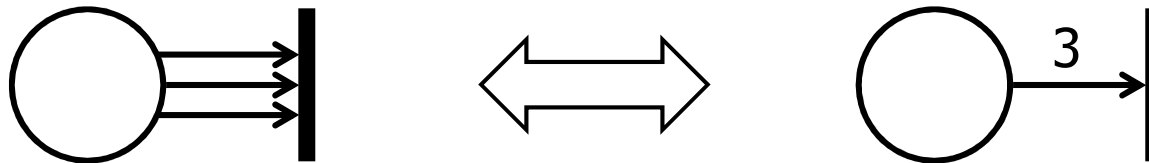


$$M = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{matrix} \leftarrow p_1 \\ \leftarrow p_2 \\ \leftarrow p_3 \end{matrix}$$

# Többszörös élek

Élsúly:

- Bármely  $e \in E$  élhez  $w^*(e) \in \mathbf{N}^+$  súlyt lehet rendelni
- A  $w^*(e)$  súlyú  $e$  él ugyanaz, mint  $w_e$  darab párhuzamos él
- Nem rajzolunk párhuzamos éleket, élsúlyt használunk
- Nem szokás feltüntetni az egyszeres súlyokat



# Alapfogalmak összefoglalása

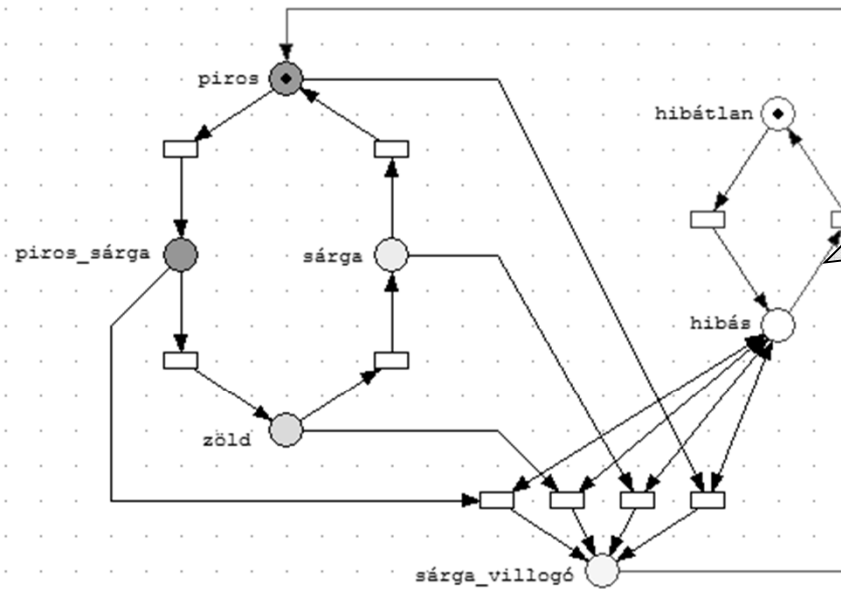
Petri háló:

- Nemdeterminisztikus véges automata
- Állapotvektor: token eloszlás vektor
- Állapotátmeneti függvény: tranzíciók

Felépítés:

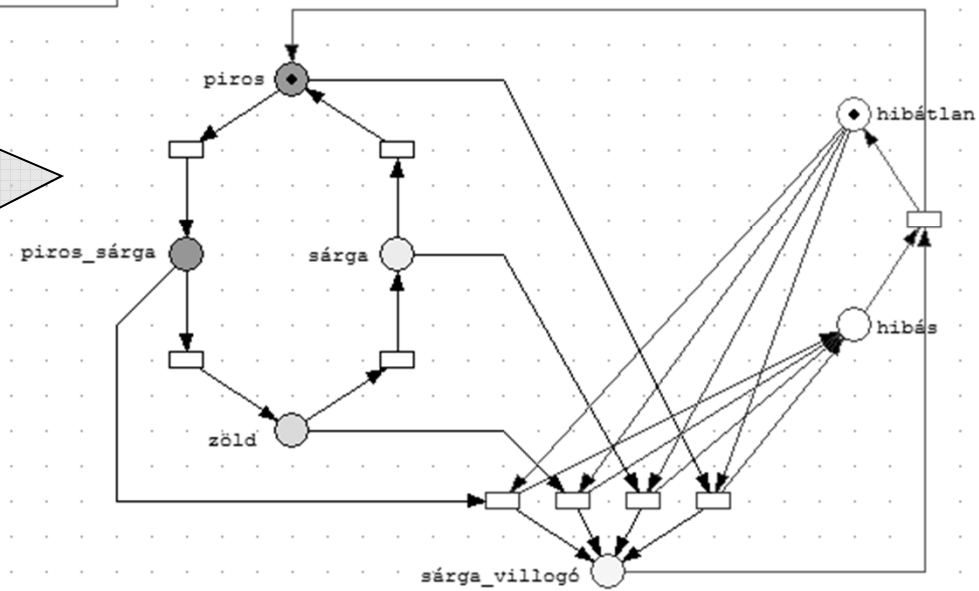
- egy-egy hely egy-egy logikai feltétel
- Petri háló struktúrája követi a feladat logikai dekompozícióját

# Egyszerű modellek: szinkronizáció és állapotváltó



- Kereszteződés forgalmi lámpával, meghibásodhat
- Állapotvezérelt

- Kereszteződés forgalmi lámpával, meghibásodhat
- Eseményvezérelt





# Topológia

- $n \in (P \cup T)$  csomópont  $\bullet n$  ősei és  $n \bullet$  utódai:
  - $t \in T$  ősei a bemeneti helyei:  $\bullet t = \{p \mid (p, t) \in E\}$
  - $t \in T$  utódai a kimeneti helyei:  $t \bullet = \{p \mid (t, p) \in E\}$
  - $p \in P$  ősei a bemeneti tranzíciói:  $\bullet p = \{t \mid (t, p) \in E\}$
  - $p \in P$  utódai a kimeneti tranzíciói:  $p \bullet = \{t \mid (p, t) \in E\}$
- Csomópontok  $P' \subseteq P$  és tranzíciók  $T' \subseteq T$  részhalmazára:

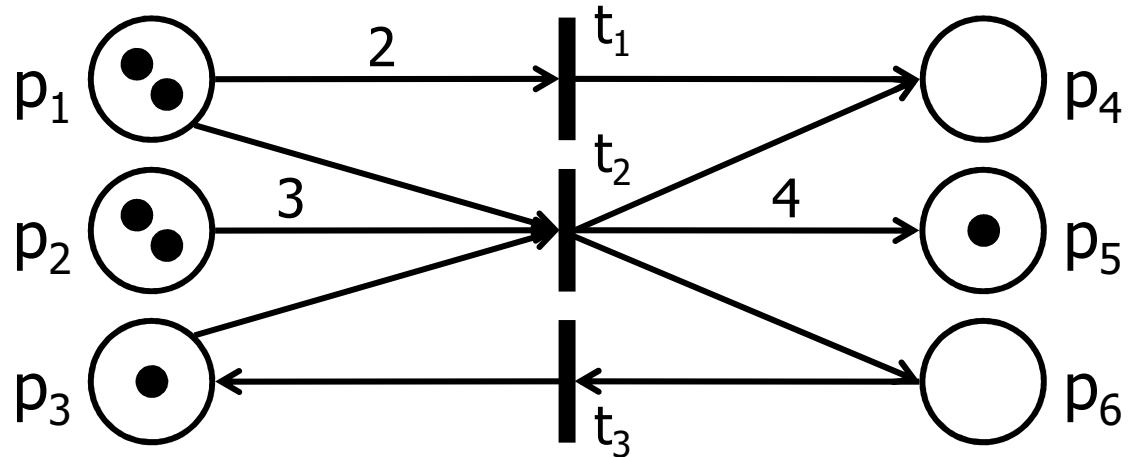
$$\bullet P' = \bigcup_{p \in P'} \bullet p$$

$$\bullet T' = \bigcup_{t \in T'} \bullet t$$

$$P' \bullet = \bigcup_{p \in P'} p \bullet$$

$$T' \bullet = \bigcup_{t \in T'} t \bullet$$

# Topológia példa



$$\bullet p_1 = \emptyset$$

$$\bullet p_2 = \emptyset$$

$$\bullet p_3 = \{t_3\}$$

$$\bullet p_4 = \{t_1, t_2\}$$

$$\bullet p_5 = \{t_2\}$$

$$\bullet p_6 = \{t_2\}$$

$$p_1 \bullet = \{t_1, t_2\}$$

$$p_2 \bullet = \{t_2\}$$

$$p_3 \bullet = \{t_2\}$$

$$p_4 \bullet = \emptyset$$

$$p_5 \bullet = \emptyset$$

$$p_6 \bullet = \{t_3\}$$

$$\bullet t_1 = \{p_1\}$$

$$\bullet t_2 = \{p_1, p_2, p_3\}$$

$$\bullet t_3 = \{p_6\}$$

$$t_1 \bullet = \{p_4\}$$

$$t_2 \bullet = \{p_4, p_5, p_6\}$$

$$t_3 \bullet = \{p_3\}$$

# Felépítés összefoglalása

Petri háló (PN)

- Helyek
- Tranzíciók (tüzelések)

- Élek
- Súlyfüggvény

PN struktúra

- Kezdőállapot

PN adott kezdőállapottal

$$PN = \langle P, T, E, W, M_0 \rangle$$

$$P = \{p_1, p_2, \dots, p_\pi\}$$

$$T = \{t_1, t_2, \dots, t_\tau\}$$

$$P \cap T = \emptyset$$

$$E \subseteq (P \times T) \cup (T \times P)$$

$$w^* : E \rightarrow \mathbf{N}^+$$

$$N = \langle P, T, E, W \rangle$$

$$M_0 : P \rightarrow \mathbf{N}$$

$$PN = \langle N, M_0 \rangle$$

Dinamikus viselkedés: engedélyezettség,  
tüzelés, állapottrajektória

# Dinamikus viselkedés

Petri hálók „működésének” egy lépése:

- **Állapot megváltozása: tranzíciók „tüzelése”**
  - korábbi állapot: kezdeti token eloszlás vektor
  - tüzelés végrehajtása
    1. engedélyezettség vizsgálata
    2. tokenek elvétele a bemeneti helyekről
    3. tokenek kirakása a kimeneti helyekre
  - új állapot: megváltozott token eloszlás vektor

## Engedélyezettség feltétele

- Ha egy  $t \in T$  tranzíció minden bemeneti helyét legalább  $w^-(p, t)$  token jelöli:
  - $w^-(p, t)$  a  $p$ -ből  $t$ -be vezető  $e = (p, t)$  él  $w^*(e)$  súlya
  - $\Rightarrow$  a tranzíció tüzelése **engedélyezett**, ha

$$\forall p \in \bullet t : m_p \geq w^-(p, t)$$

# Állapotátmenet

Tüzelés végrehajtása:

- Engedélyezett tranzíció tetszés szerint tüzel vagy nem
  - “fire at will”, de egyszerre csak egy tranzíció tüzelhet!
- Több tranzíció engedélyezett: konfliktus
  - engedélyezett tranzíciók közül ki kell választani egyet, aki tüzelhet
  - konfliktusfeloldás: véletlen választással

⇒ **Nemdeterminisztikus működés**

A tranzíció tüzelése:

- elvesz  $w^-(p, t)$  darab tokent a  $p \in \bullet t$  bemeneti helyekről
  - $w^-(p, t)$  a  $p \rightarrow t$  él súlya
- elhelyez  $w^+(t, p)$  darab tokent a  $p \in t\bullet$  kimeneti helyekre
  - $w^+(t, p)$  a  $t \rightarrow p$  él súlya

# Nemdeterminizmus és időzítés

- Tetszés szerinti tüzelés jelentése:
  - implicit időfogalom
  - nincs időskála
  - a tüzelés a  $[0, \infty)$  időintervallumban bárhol megtörténhet
- Tüzelésekhez tetszőleges konkrét időket rendelve:
  - Az azonos struktúrájú és kezdőállapotú nemdeterminisztikus időzítetlen Petri háló az időzített Petri hálónak minden lehetséges tüzelési szekvenciáját lefedi.



# Speciális csomópontok

## Forrás ill. nyelő csomópontok

- $t \in T$  forrás (nyelő) tranzíció:
  - Bemenő (kimenő) hely nélküli ( $\bullet t = \emptyset$  illetve  $t \bullet = \emptyset$ )
  - Forrás tranzíció minden esetben tud tüzelni
- PN **tiszta**, ha nincsenek önhurkai, azaz
  - $\forall t \in T: \bullet t \cap t \bullet = \emptyset$

# Az állapotváltozás nagysága

A tranzíció tüzelése:

- elvesz  $w^-(p, t)$  tokent a  $p \in \bullet t$  bemeneti helyekről
  - $w^-(p, t)$  a  $p \rightarrow t$  él súlya
- kitesz  $w^+(t, p)$  tokent a  $p \in t\bullet$  kimeneti helyekre
  - $w^+(t, p)$  a  $t \rightarrow p$  él súlya

Ha  $t$  tüzel  $M$  állapotban

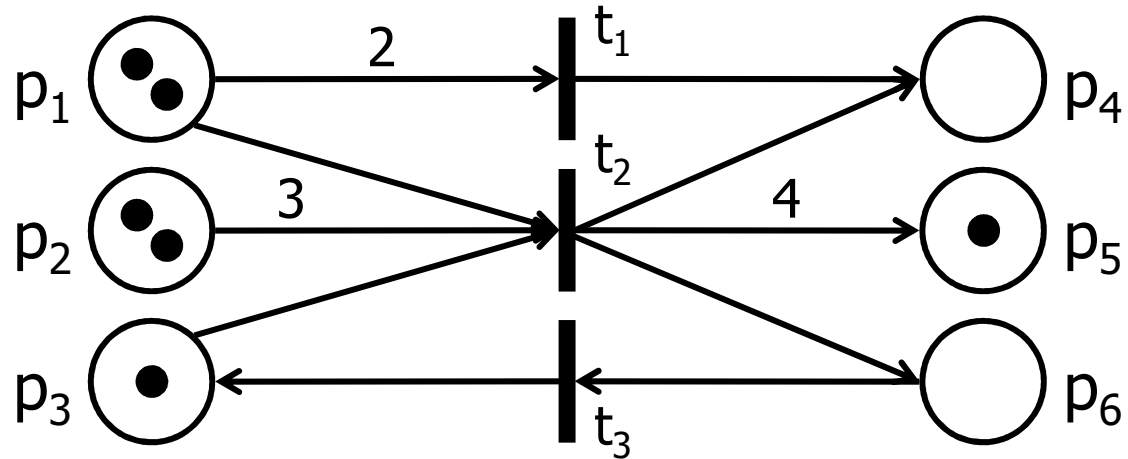
- Új állapot:  $M' = M + \mathbf{W}^T \cdot e_t$ 
  - ahol  $e_t$  a  $t$  tranzíciónak megfelelő egységvektor

## Szomszédossági mátrix

- Súlyozott szomszédossági mátrix:  $\mathbf{W} = [w(t, p)]$
- Dimenziója:  $\tau \times \pi = |\mathcal{T}| \times |\mathcal{P}|$
- Ha  $t$  tüzel, mennyit változik a  $p$ -beli tokenszám:

$$w(t, p) = \begin{cases} w^+(t, p) - w^-(p, t) & \text{ha } (t, p) \in E \text{ vagy } (p, t) \in E \\ 0 & \text{ha } (t, p) \notin E \text{ és } (p, t) \notin E \end{cases}$$

# Szomszédossági mátrix példa



$$W = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & -3 & -1 & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$W^- = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$W^+ = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

# Tüzelési szekvencia

- **Állapotátmeneti trajektória**
  - egymást követő tüzelések hatására felvett állapotok
- **Tüzelési szekvencia**

$$\underline{\sigma} = \langle M_{i0} t_{i1} M_{i1} \dots t_{in} M_{in} \rangle \rightarrow \langle t_{i1} \dots t_{in} \rangle$$

- **Ha az összes tranzíció kielégíti a tüzelési szabályt:**
  - $M_{in}$  állapot  $M_{i0}$ -ból elérhető a  $\underline{\sigma}$  tüzelési szekvencia által:

$$M_{i0} [\underline{\sigma} > M_{in}$$

# Kiterjesztett Petri hálók

## A tüzelési szemantika módosítása

# A tüzelési szemantika módosítása

- Cél: Petri hálóak működési nemdeterminizmusának korlátozása
  - Kapacitás rendelése a helyekhez
  - Tiltó élek bevezetése
  - Prioritás rendelése a tranzíciókhoz

# Helyek kapacitáskorlátja

- Idáig: végtelen kapacitású helyek
  - az állapotvektor komponensei tetszőleges nemnegatív egészek
  - véges erőforráskészlet természetes megjelenítése?
- Véges kapacitású Petri-háló
  - minden egyes  $p$  helyhez opcionálisan  $K(p)$  kapacitás
  - az adott helyre betölthető tokenek maximális száma
- Tüzelési szabály kiegészül:
  - a tranzíció egyetlen kimenő  $p$  helyre sem tölthet a hely  $K(p)$  kapacitásánál több tokent



# Tüzelés véges kapacitású Petri hálóban

- Egy  $t \in T$  tranzíció tüzelése akkor engedélyezett, ha elegendő token van a bemeneti helyeken:

$$\forall p \in \bullet t : m_p \geq w^-(p, t)$$

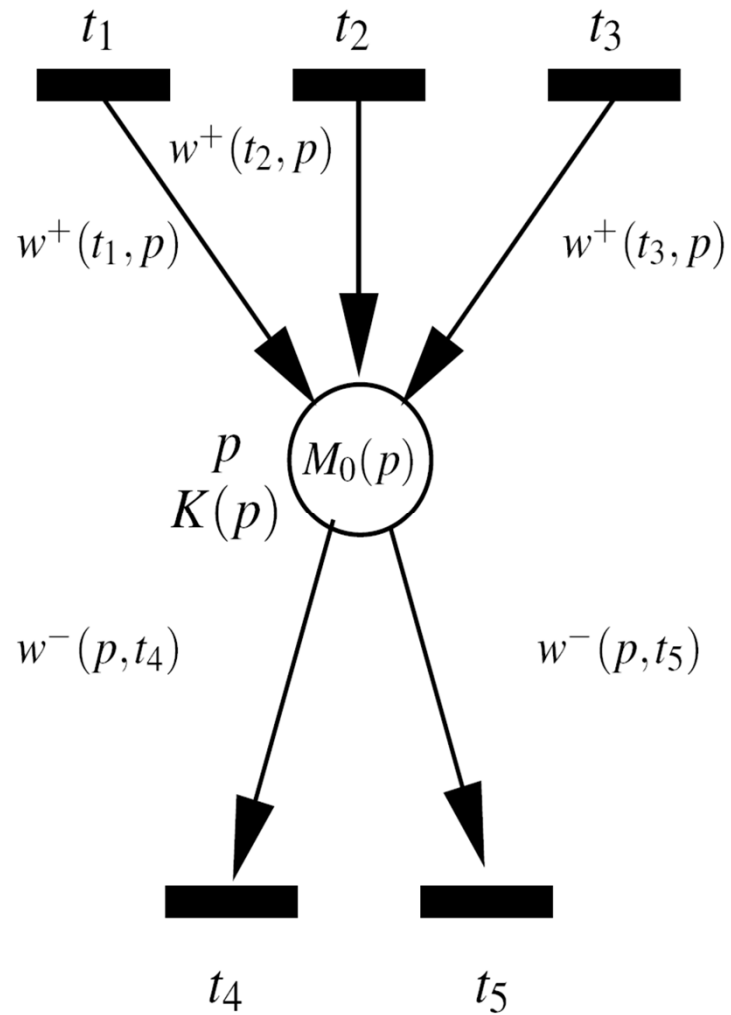
- Kapacitáskorlát ( $M[t > M'$  tüzelés után):

$$\forall p \in t\bullet : m'_p = m_p + w^+(t, p) \leq K(p)$$

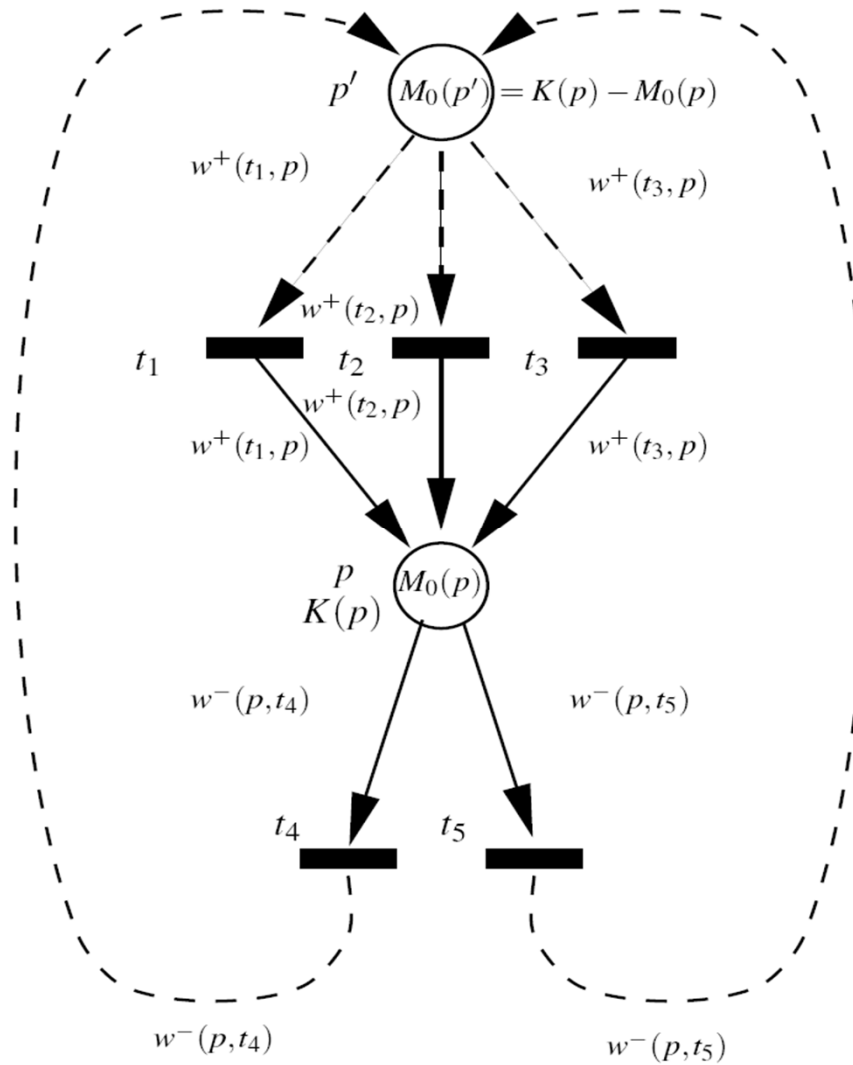
- Engedélyezett tranzíció tetszés szerint tüzelhet
- A tüzelés után:

$$\forall p \in P : m'_p = m_p + w^+(t, p) - w^-(p, t)$$

# Korlátos kapacitású hely



# Ekvivalens végtelen kapacitású háló



# Kiegészítő helytranszformáció

Tiszta Petri hálók esetén a transzformáció menete:

- Minden egyes korlátos véges kapacitású  $p$  helyhez
  - rendeljünk hozzá egy járulékos  $p'$  adminisztrációs helyet
  - a  $p'$  adminisztrációs hely kezdőállapota

$$M_0(p') = K(p) - M_0(p)$$

azaz a  $p$  hely még kihasználatlan kapacitása.

# Kiegészítő helytranszformáció

- A  $p'$  hely és a  $t \in \bullet p \cup p \bullet$  tranzíciók között kiegészítő éleket húzunk be
- Az élek iránya attól függ, hogy  $t$  tüzelése növeli vagy csökkenti-e a  $p$  helyen levő tokenek számát:
  - A  $t$  tranzíció és  $p'$  hely között  $(t, p')$  élet húzunk be  $|w(t, p)|$  súllyal, ha  $w(t, p) < 0$ , azaz a tüzelés elvesz tokent a  $p$  helyről
  - A  $p'$  hely és a  $t$  tranzíció között  $(p', t)$  élet húzunk be  $w(t, p)$  súllyal, ha  $w(t, p) > 0$ , azaz a tüzelés berak tokent a  $p$  helyre

# A transformált háló ekvivalenciája

- Belátható, hogy a kiegészítő helytranszformáció az alábbi tulajdonsággal rendelkezik:
  - Ha  $(N, M_0)$  egy tiszta, véges kapacitású Petri háló, alkalmazzuk rá a szigorú tüzelési szabályt.
  - Ha  $(N', M'_0)$  a fenti transzformáció által létrehozott társhálója ennek a Petri hálónak, amelyben a gyenge tüzelési szabályt alkalmazzuk, akkor a két háló tüzelési szekvenciái azonosak.

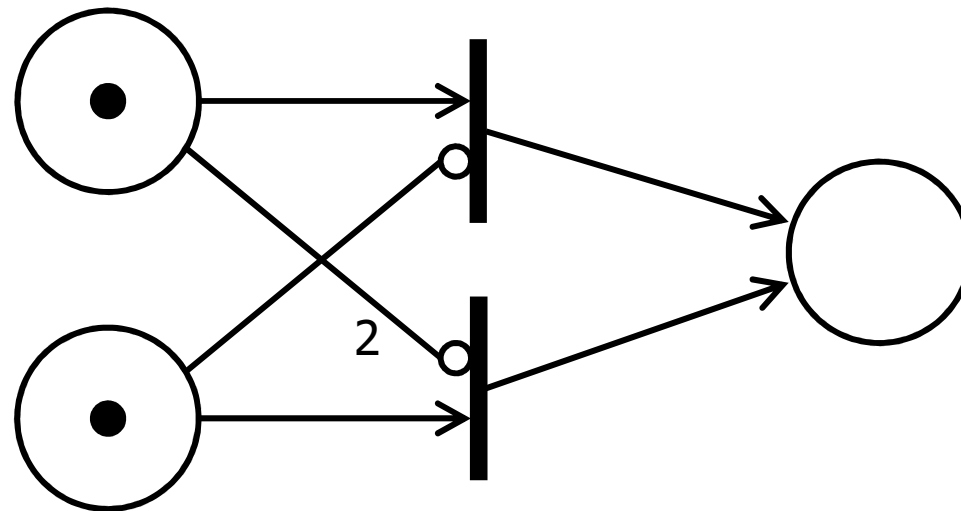
# Tiltás

- Klasszikus PN:
  - ponált tüzelési feltételek
  - a bemenő helyeken a feltételek megléte?
- Tiltás:
  - egyes feltételek bekövetkeztekor a működés ne hajtódjék végre
  - tiltó él
  - (őrfeltétel: tranzíciókhoz kapcsolt logikai feltétel)

# Tiltó él

- Tüzelési szabály kiegészítése:

ha a  $t$  tranzícióhoz kapcsolódó bármely  $(p, t)$  tiltó él  
 $p$  bemenő helyén a  $w^-(p, t)$  élsúlynál  
nagyobb vagy egyenlő számú token van  $\Rightarrow$   
a tüzelés nem hajtható végre

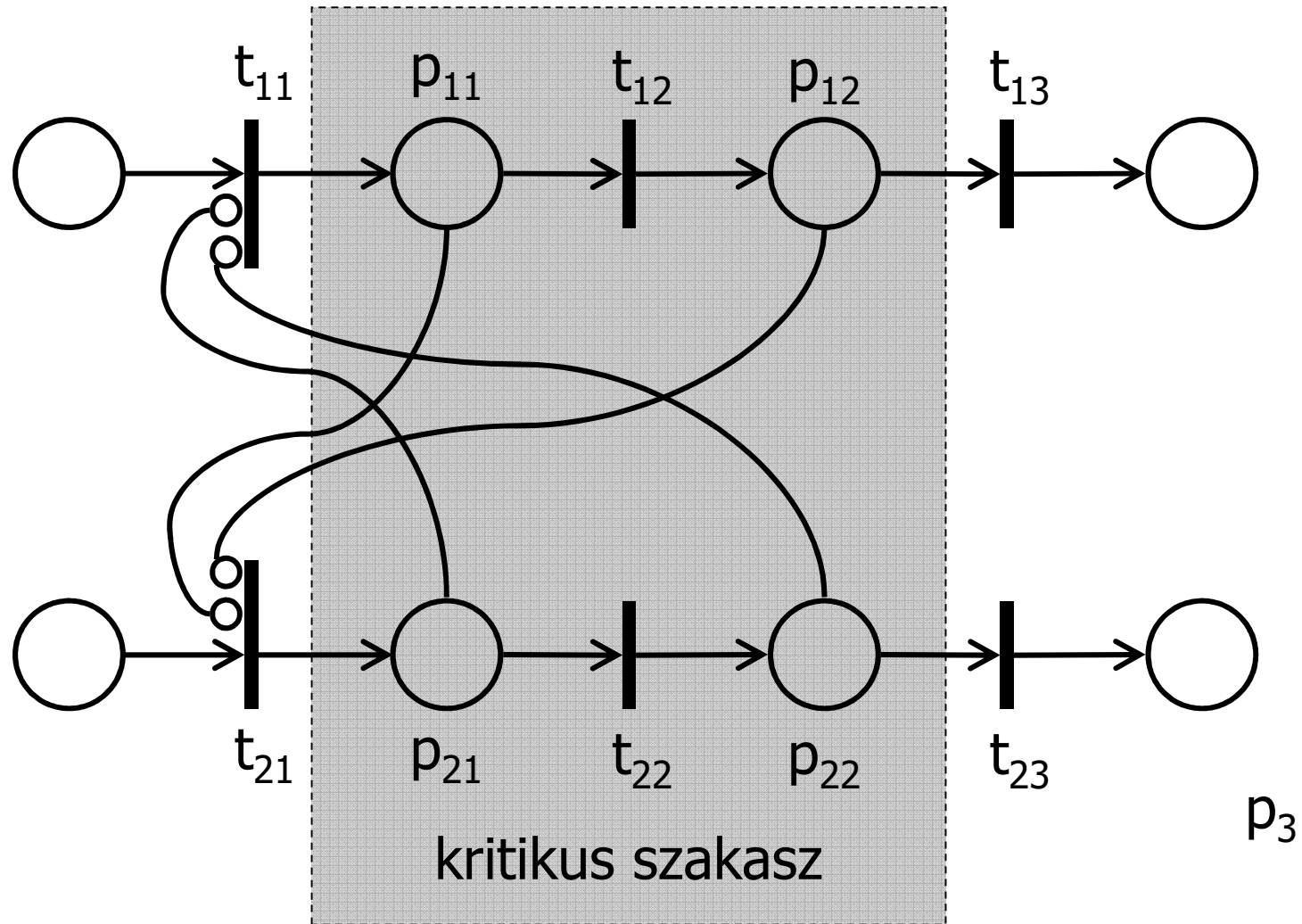




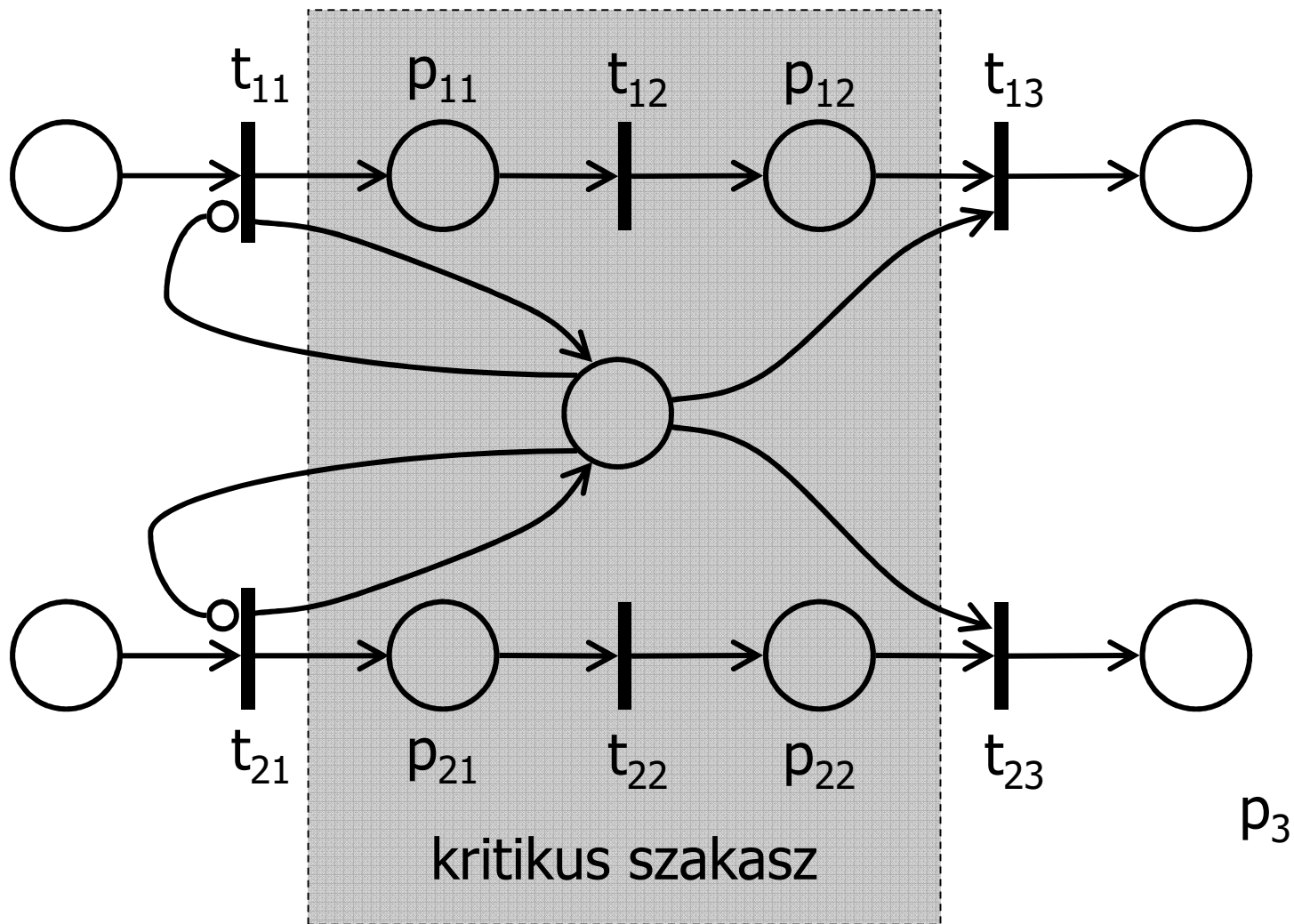
# Tiltó élek használata

- Előny: a tiltó élek bevezetésével a Petri hálók a Turing gépekkel azonos kifejezőerőt nyernek
- Hátrány: számos analízis módszer tiltó éleket tartalmazó Petri hálókra nem alkalmazható

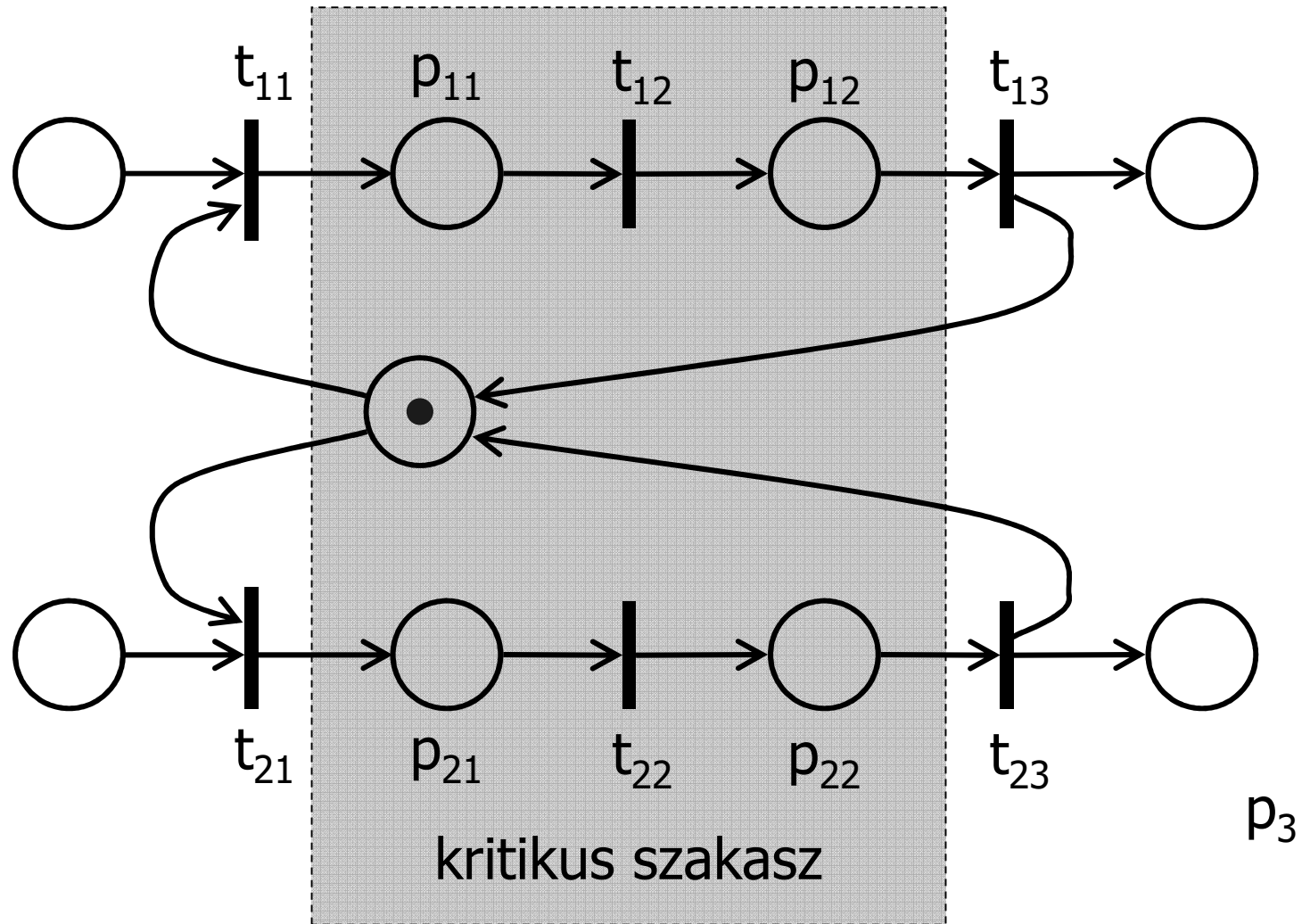
# Példa tiltó él alkalmazására: kölcsönös kizárás



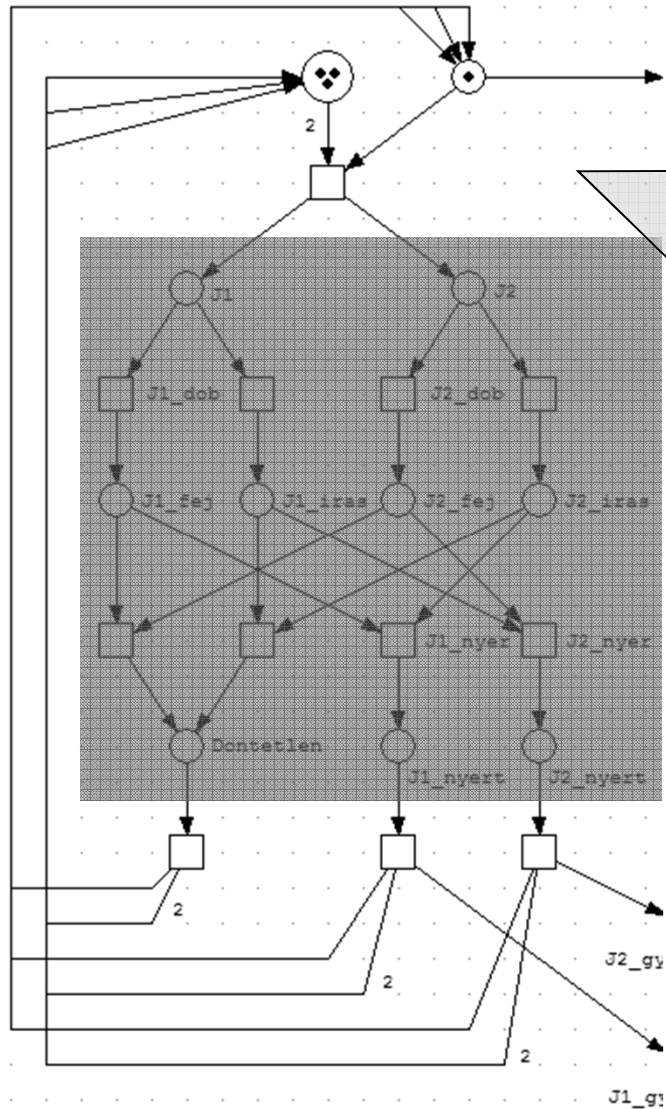
Lehet ezt elegánsabban is:



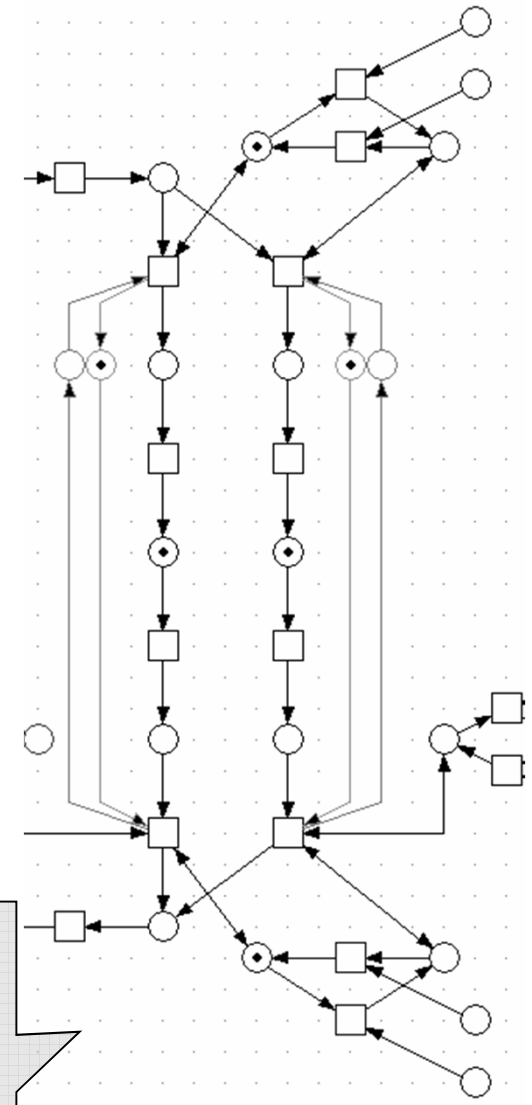
A legegyszerűbb azonban:



# Egyszerű modellek: kölcsönös kizárás

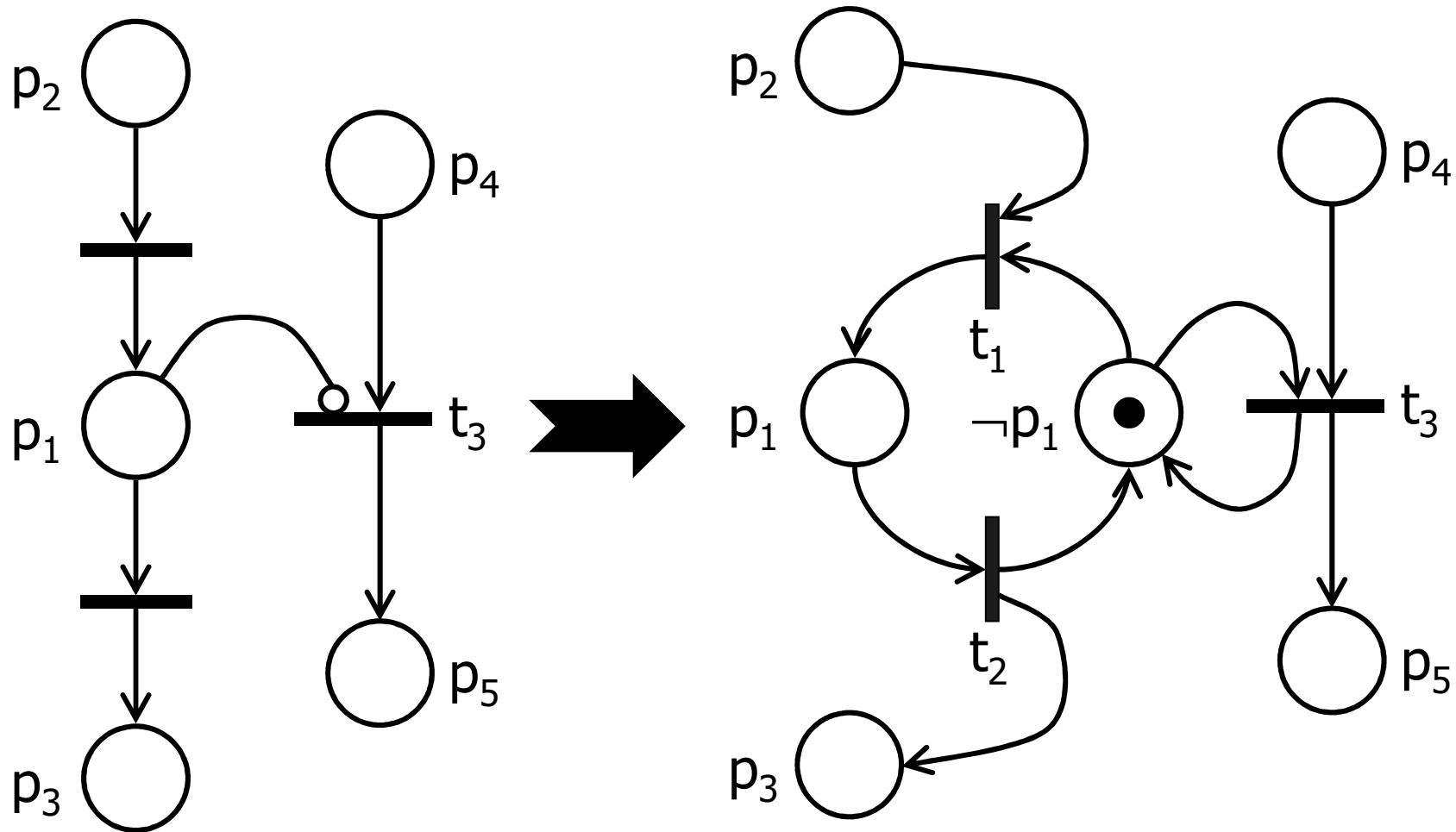


- Pénzfeldobós játék: egyszerre csak ketten játszhatnak

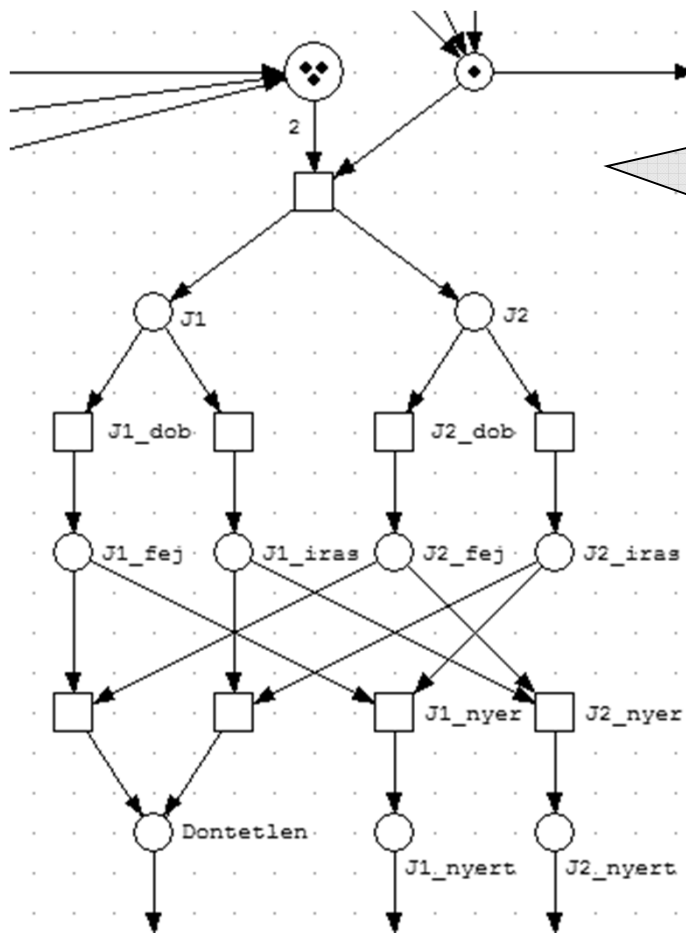


- Modellvasút szakasz érzékelő

# Tiltó él kiváltása egyszerű esetben

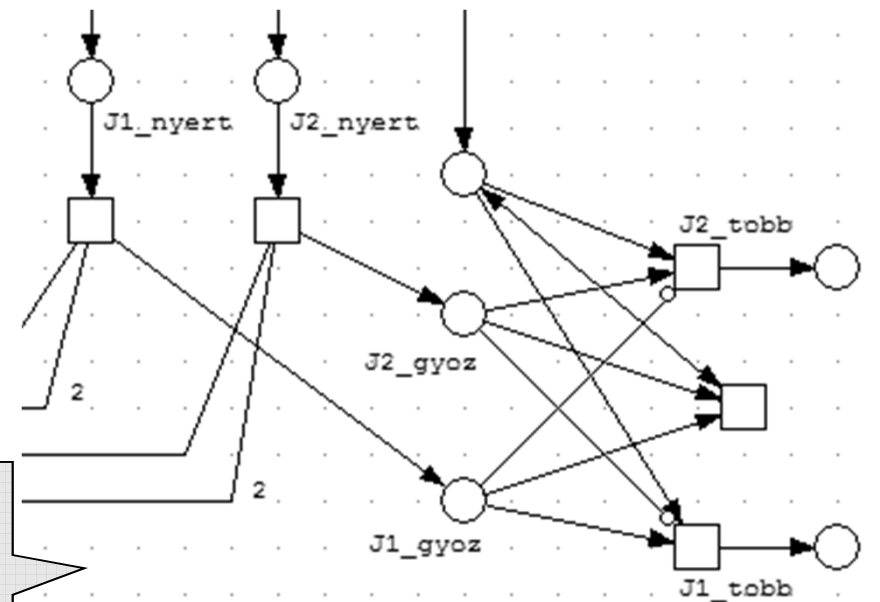


# Egyszerű modellek: nemdeterminizmus



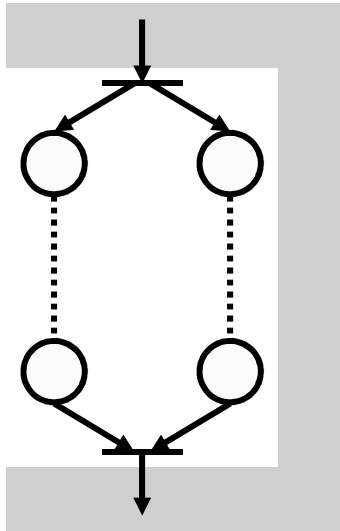
- Pénzfeldobós játék modellje. A fej nyer. Döntetlen is lehetséges.

## nemdeterminizmus korlátozása

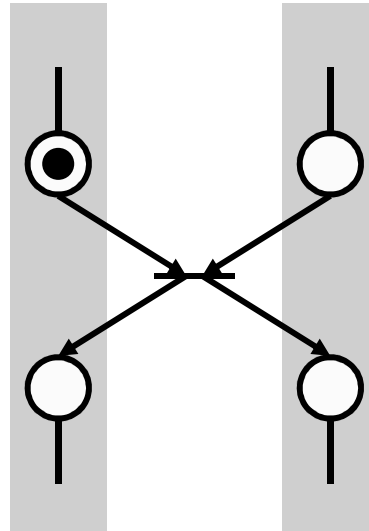


- Győztes kihirdetése

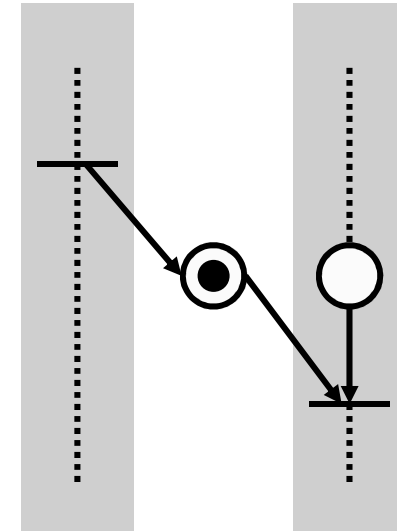
# Tipikus modellkonstrukciók



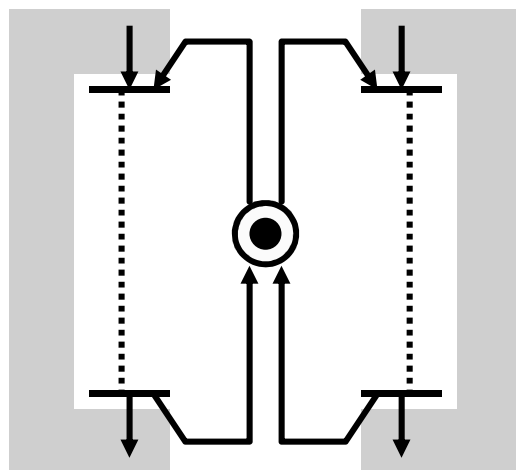
**Fork-Join**



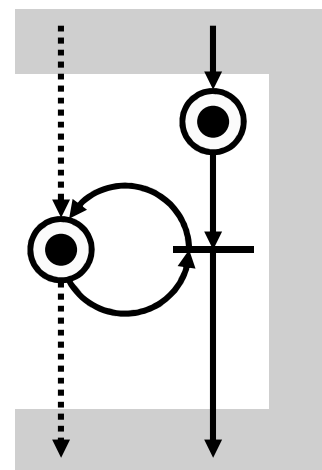
**Randevú szinkronizálás**



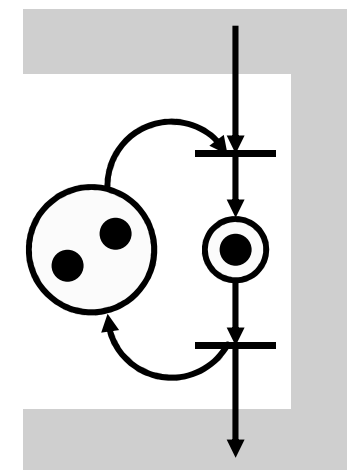
**Szemafor szinkronizálás**



**Kölcsönös kizárás**



**Állapotváltozó  
leolvasása**



**Korlátos kapacitás**



# Prioritás

- Tranzíciókhoz rendelt prioritás
- Az engedélyezett tranzíciók közül egy alacsonyabb prioritású mindaddig nem tüzelhet, amíg van
  - engedélyezett ÉS
  - magasabb prioritású tranzíció
- Prioritási szinten belül továbbra is nemdeterminisztikus választás!

# Petri hálók bővített formális definíciója

Petri háló (PN)

- Helyek
- Tranzíciók (tüzelések)

- Prioritás

- Élek

- Súlyfüggvény

PN struktúra

- Kezdőállapot

PN adott kezdőállapottal

$$PN = \langle P, T, E, W, M_0 \rangle$$

$$P = \{p_1, p_2, \dots, p_\pi\}$$

$$T = \{t_1, t_2, \dots, t_\tau\}$$

$$P \cap T = \emptyset$$

$$\Pi : T \rightarrow \mathbf{N}$$

$$E \subseteq (P \times T) \cup (T \times P)$$

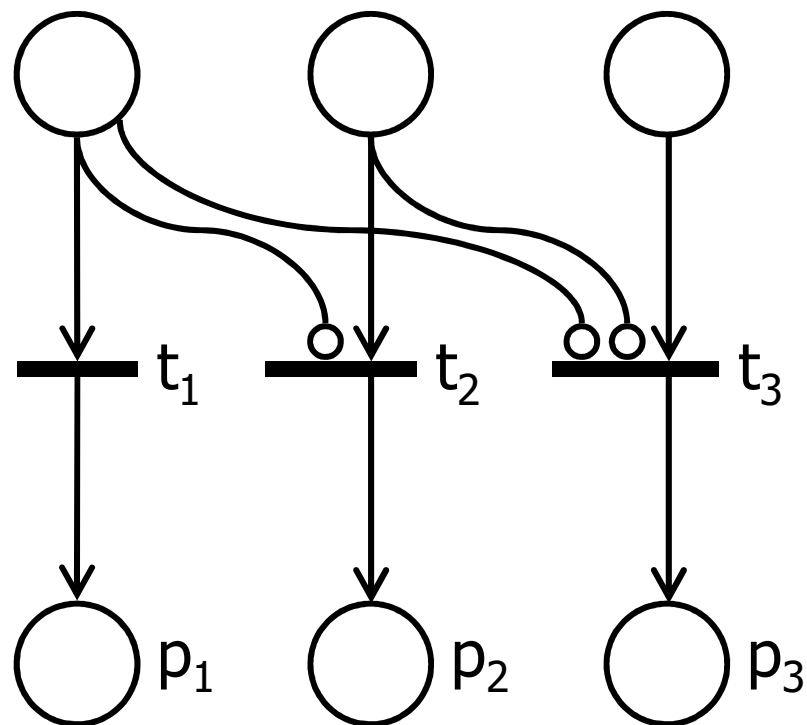
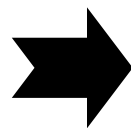
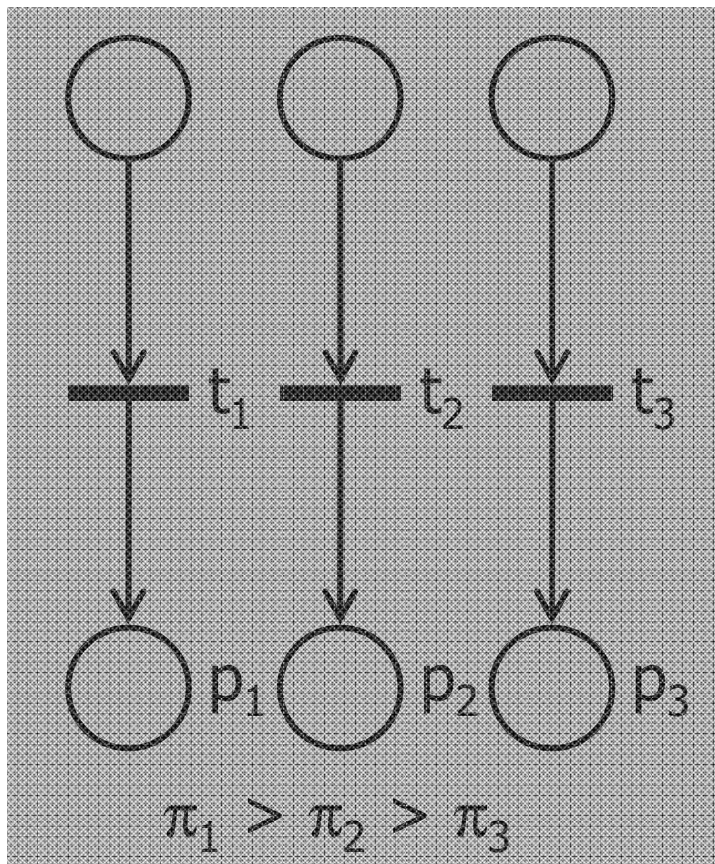
$$w^* : E \rightarrow \mathbf{N}^+$$

$$N = \langle P, T, E, W \rangle$$

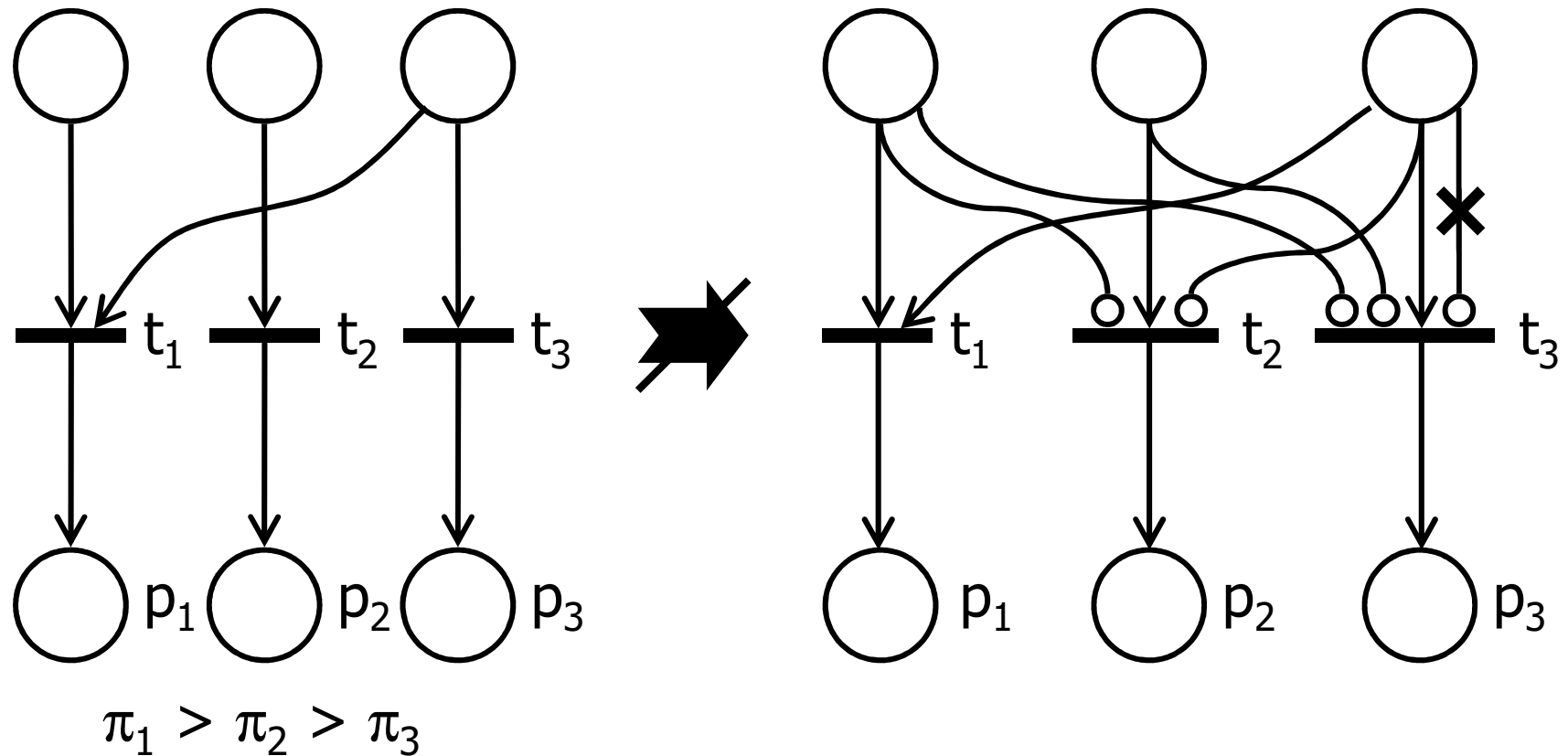
$$M_0 : P \rightarrow \mathbf{N}$$

$$PN = \langle N, M_0 \rangle$$

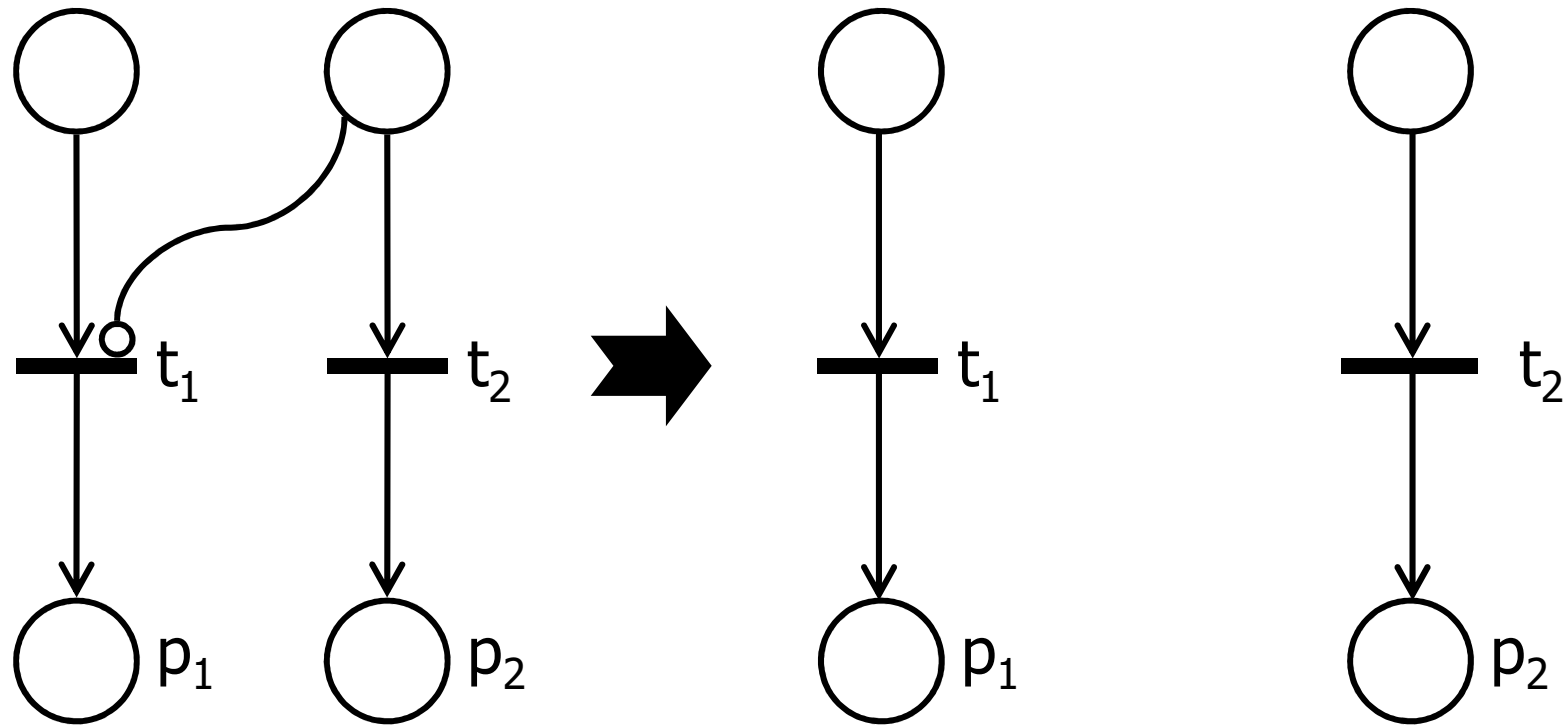
# Prioritás tiltó éllel



# A konstrukció nem általános érvényű

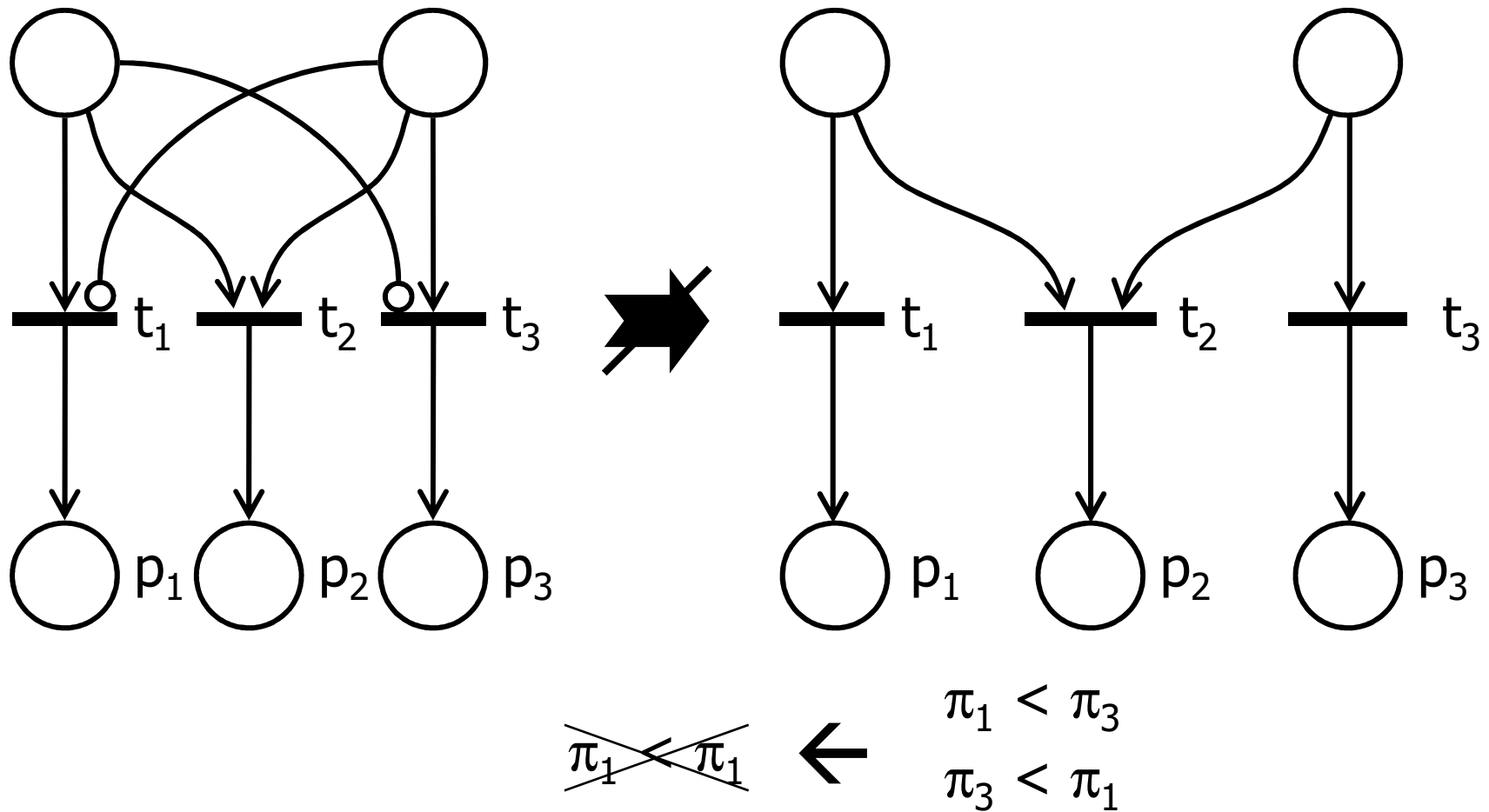


# Tiltó él prioritással



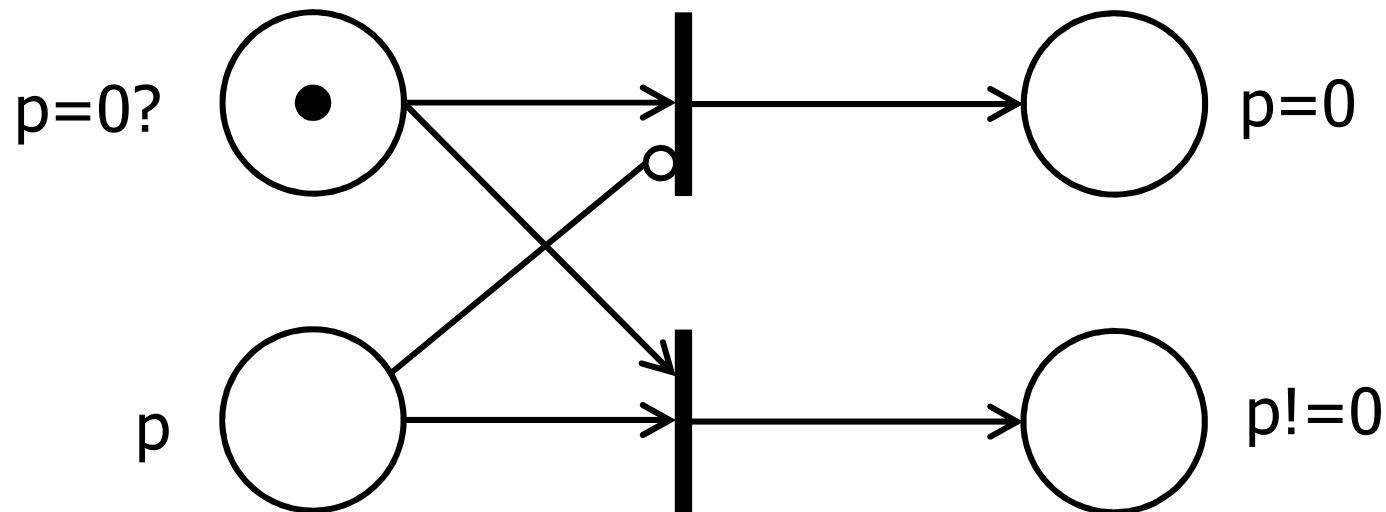
$$\pi_1 < \pi_2$$

Azonban ez sem alkalmazható általánosan



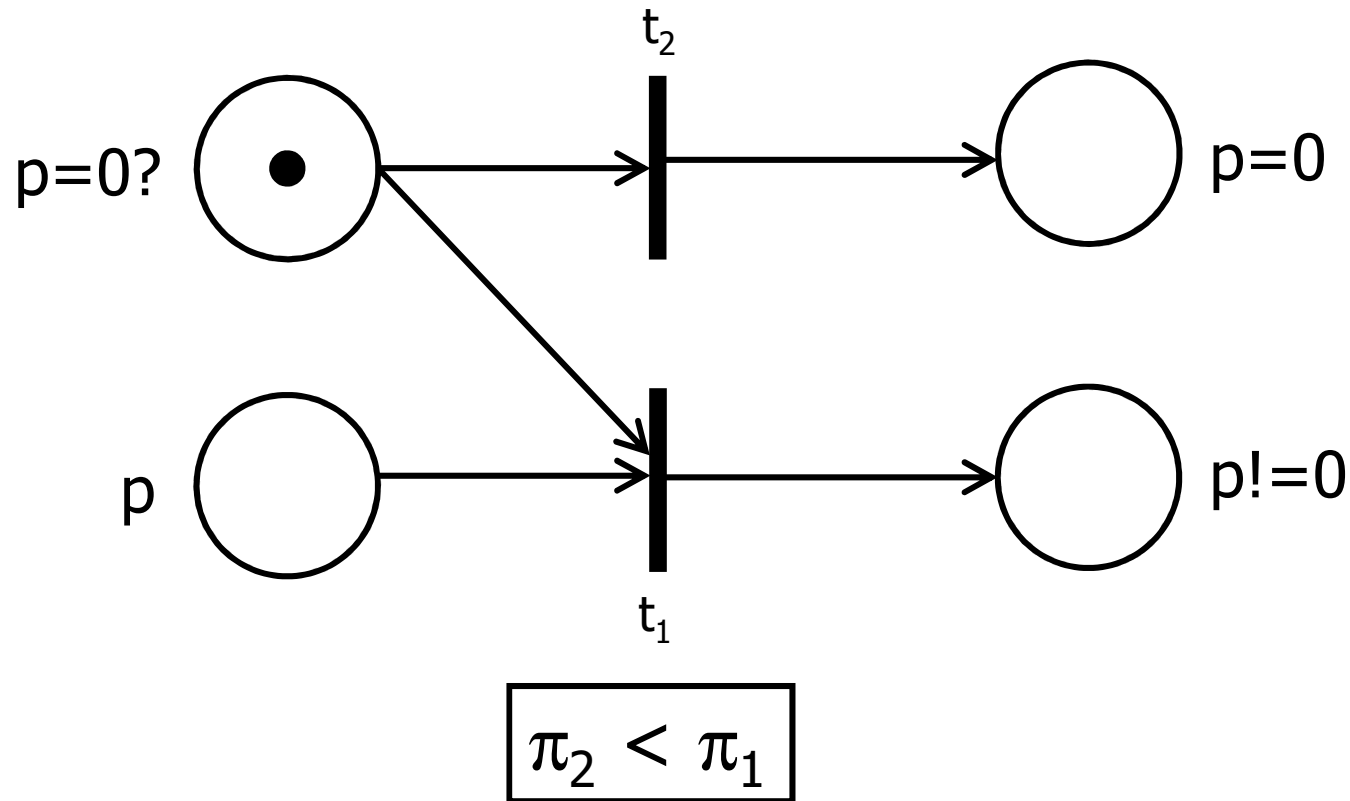
# Kiterjesztések és kifejező erő

- Kapacitás korlát csak „szintaktikai édesítőszer”
- Tiltó él képes „zero testing”-re



## Kiterjesztések és kifejező erő (folyt.)

- Prioritás képes „zero testing”-re
- Bizonyítható: tiltó él helyettesíthető prioritással





## Kifejező erő összefoglalás<sup>[P81]</sup>

- Zero testing képesség lehetővé teszi, hogy minden Turing gép szimulálható PN-el
- (Következmény: eldönthetetlen problémák...)

Turing gépek = Tiltó él + PN = Prioritás + PN

PN = Kapacitás + PN = ...

[P81] J.L. Peterson, *Petri Net Theory and the Modeling of Systems*, Prentice-Hall, 1981.

Kiterjesztett és közös Petri hálók  
kifejezőereje

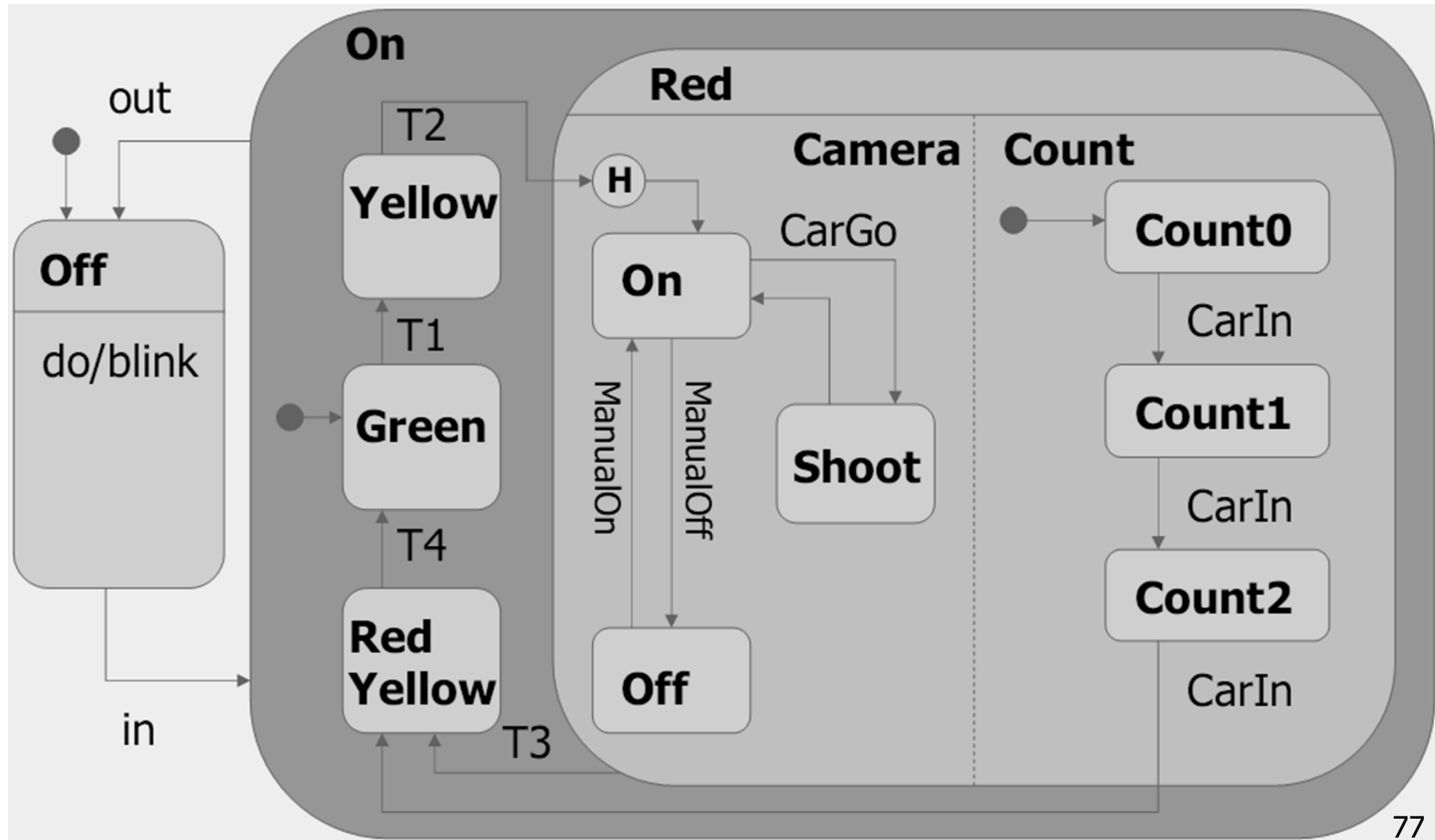
# Kiterjesztés nélküli PN kifejező ereje

- Vannak olyan rendszerek, amelyek nem modellezhetőek PN-el, ha egyik kiterjesztést sem használhatjuk?
  - IGEN
- A „nem modellezhetőség” kulcsa:
  - Nem korlátos kapacitású hely esetén nem tesztelhető, hogy a helyen adott  $k$  számú token van-e vagy sem
  - Speciális esetként  $k=0$ , ami „zero testing” probléma néven ismert
    - Belátható, hogy egy megoldás a „zero testing” problémára megoldást ad az általános  $k$ -val paraméterezett esetre

Egyszerű példák Petri háló készítésére

# Példa: közlekedési lámpa

Készítsük el az alábbi állapottérképnek „megfelelő” Petri hálót!



# Közlekedési lámpa Petri háló modellje

Kamera

Számláló

Lámpa

