

# Követelmények formalizálása: Temporális logikák

dr. Majzik István

BME Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék

# Mintapélda: Kölcsönös kizárás

- 2 résztvevőre, 3 megosztott változóval (H. Hyman, 1966)
  - **blocked0**: Első résztvevő (P0) be akar lépni
  - **blocked1**: Második résztvevő (P1) be akar lépni
  - **turn**: Ki következik belépni (0 esetén P0, 1 esetén P1)

```
while (true) {
    blocked0 = true;
    while (turn!=0) {
        while (blocked1==true) {
            skip;
        }
        turn=0;
    }
    // Critical section
    blocked0 = false;
    // Do other things
}
```

P0

```
while (true) {
    blocked1 = true;
    while (turn!=1) {
        while (blocked0==true) {
            skip;
        }
        turn=1;
    }
    // Critical section
    blocked1 = false;
    // Do other things
}
```

P1

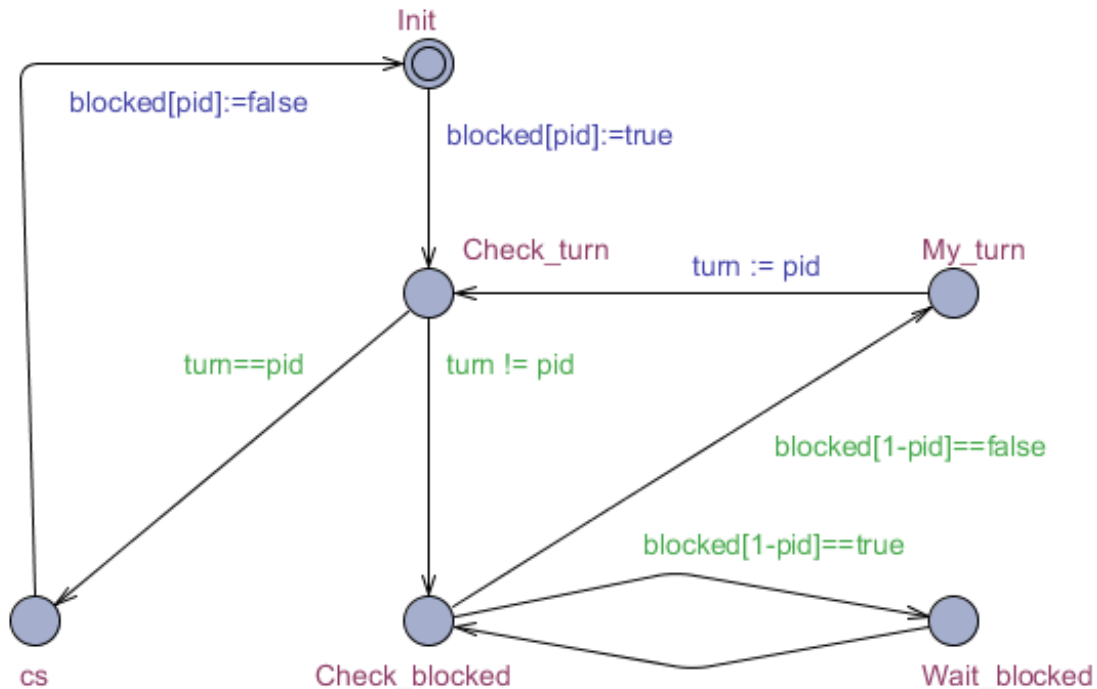
Helyes-e ez az algoritmus?

# A modell UPPAAL-ban (második változat)

Deklarációk:

```
bool blocked[2];  
int[0,1] turn;  
P0 = P(0);  
P1 = P(1);  
system P0,P1;
```

A P automata (template)  
pid paraméterrel:



Kihasztnált modellezési lehetőségek:

- Közös változók rendszerszintű deklarációja
- Korlátozott értékészletű változók
- Azonos viselkedésű résztvevők azonos automata template alapján
- Példányosítás paraméterezéssel
- Változó tömbök (résztvevőkhöz)

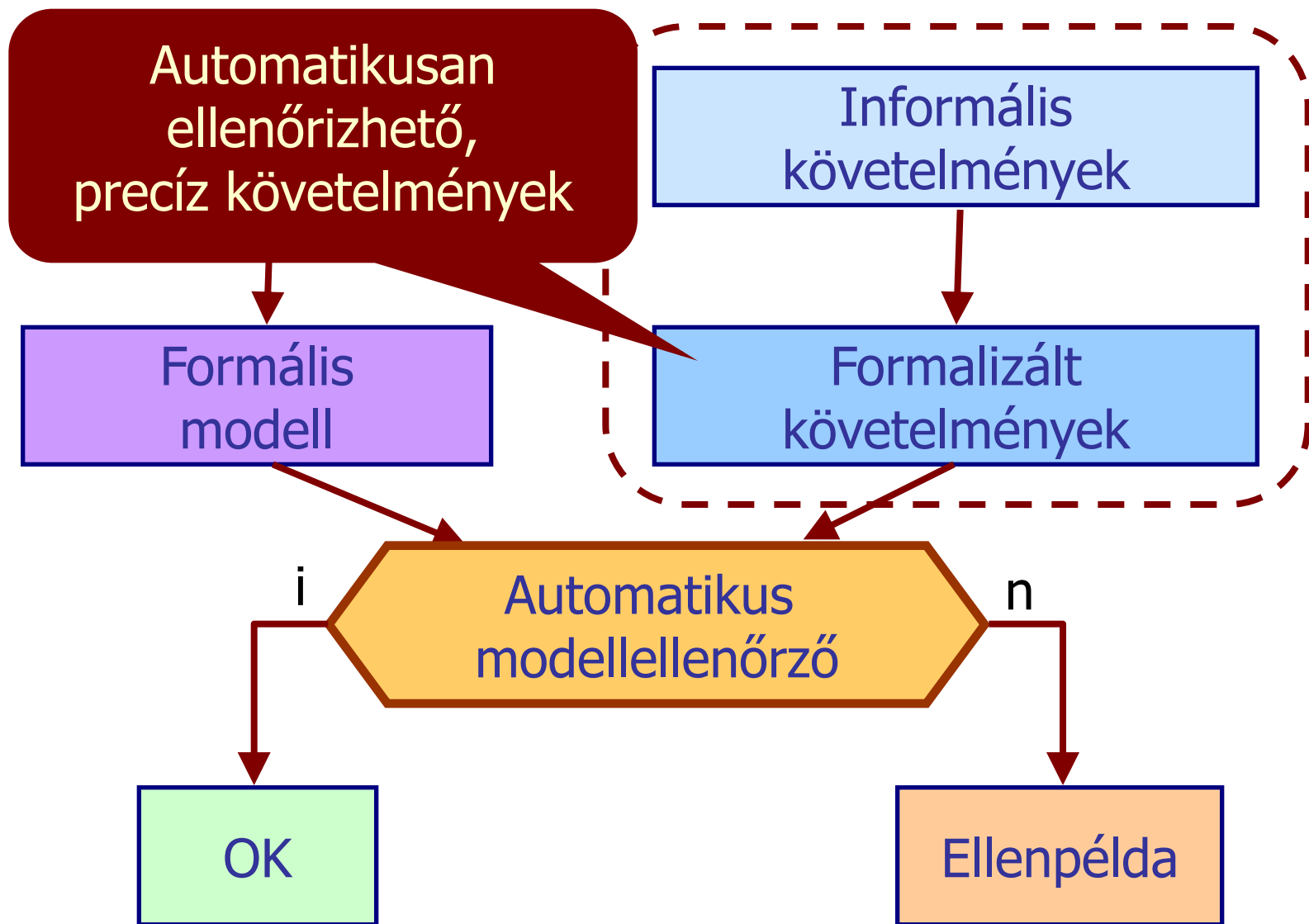
```
while (true) { P0  
  blocked0 = true;  
  while (turn!=0) {  
    while (blocked1==true) {  
      skip;  
    }  
    turn=0;  
  }  
  // Critical section  
  blocked0 = false;  
  // Do other things  
}
```

# Ellenőrizendő követelmények

- Kölcsönös kizárás:
  - Egyszerre csak az egyik résztvevő lehet a kritikus szakaszban
- Lehetséges az elvárt viselkedés:
  - P0 egyáltalán **beléphet** a kritikus szakaszba
  - P1 egyáltalán **beléphet** a kritikus szakaszba
- Nincs kiéheztetés:
  - P0 **mindenképpen** be fog lépni a kritikus szakaszba
  - P1 **mindenképpen** be fog lépni a kritikus szakaszba
- Holtpontmentesség:
  - Nem alakul ki kölcsönös várakozás (leállás)

Hogyan formalizálhatom ezeket?

# Mit szeretnénk elérni?



# Követelmények rögzítése és formalizálása

Mit tudunk a jellegzetes követelményekről (kritikus rendszerekben)?

Mit érdemes formalizálni?

# Szöveges követelmények kezelése

- Tipikus követelmény megadás: Szöveges forma

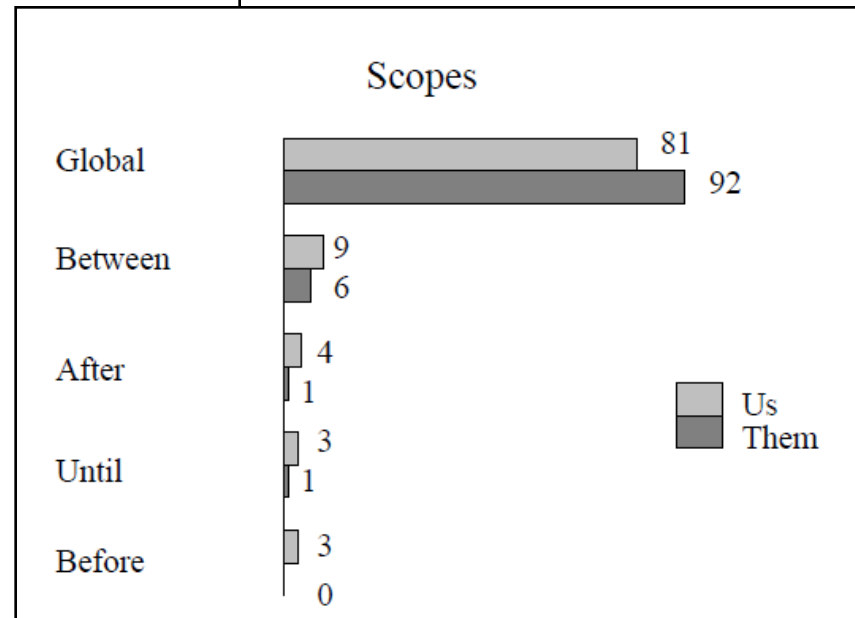
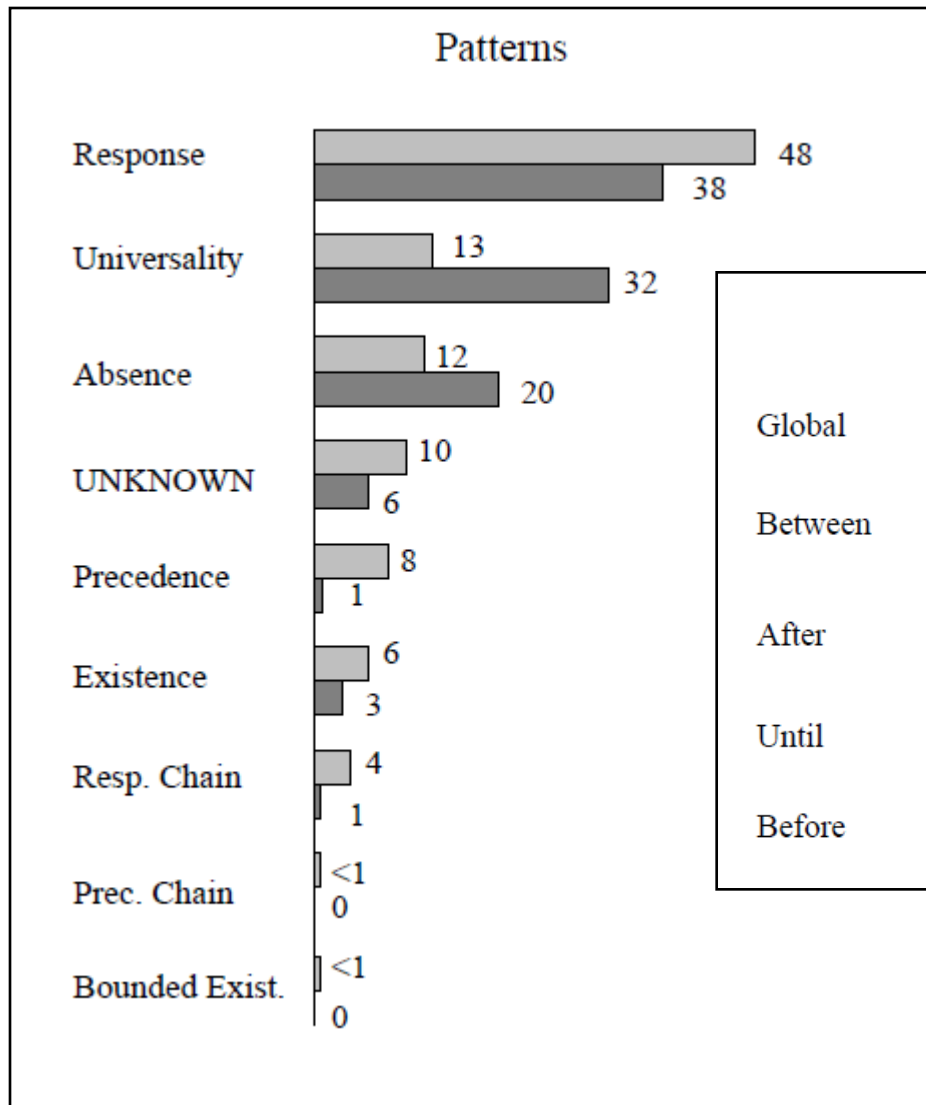
Ha az alarm be van kapcsolva és alert történik, a safety kimenet legyen igaz, amíg az alarm be van kapcsolva.

If the switch is turned to AUTO, and the light intensity is LOW then the headlights should stay or turn immediately ON, afterwards the headlights should continue to stay ON in AUTO as long as the light intensity is not HIGH.

- Egyértelmű a szöveges leírás?
- Nehezen áttekinthető a struktúra (feltétel, következmény, kimenet, időzítési viszonyok, ...)

# Egy felmérés eredménye

A követelmények jelentős hányada meghatározott mintákra illeszkedik

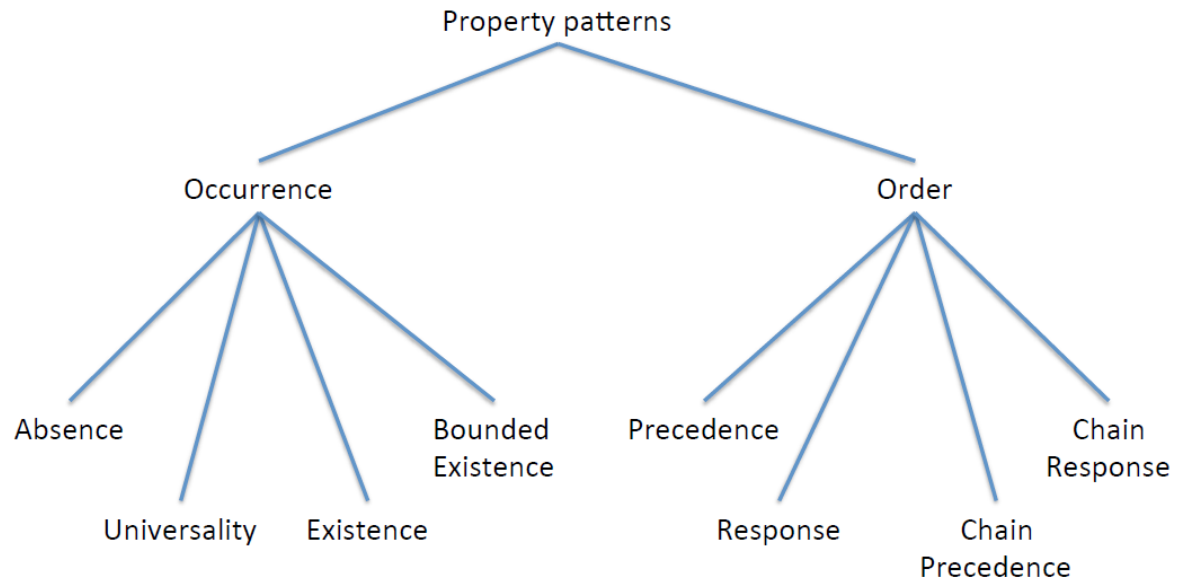


Ábrák: Az egyes minták százalékos megoszlása 2 fejlesztői csoport által felvett követelmények esetén

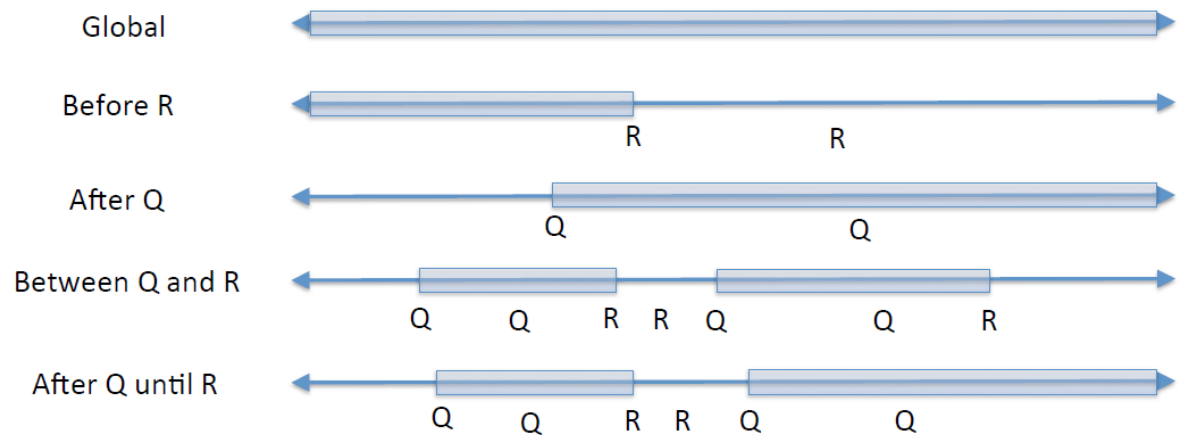


# Követelmény minták csoportosítása

Minták:  
Sorrendi  
előírások



Hatókörök:  
További  
eseményekhez  
képest



# A minták jelentése (magyarázat)

## Occurrence: Előfordulás

- **Absence:** A hivatkozott állapot/esemény nem fordul elő.
- **Universality:** A hivatkozott állapot/esemény folyamatosan jelen van.
- **Existence:** A hivatkozott állapot/esemény biztosan előfordul.
- **Bounded existence:** A hivatkozott állapot/esemény biztosan előfordul „k” alkalommal (létezik „legalább k” és „legfeljebb k” változat is.)

## Order: Sorrendezés

- **Precedence:** Az egyik állapot/esemény mindenképpen meg kell, hogy előzze a másik állapotot/eseményt.
- **Response:** Az egyik állapotot/eseményt mindenképpen kell, hogy kövesse egy másik meghatározott állapot/esemény.
- **Chain precedence:** A Precedence minta általánosítása állapot / esemény sorozatokra.
- **Chain response:** A Response minta általánosítása állapot / esemény sorozatokra.

# Példák a minták megjelenésére

- Response minta Global hatókörben:

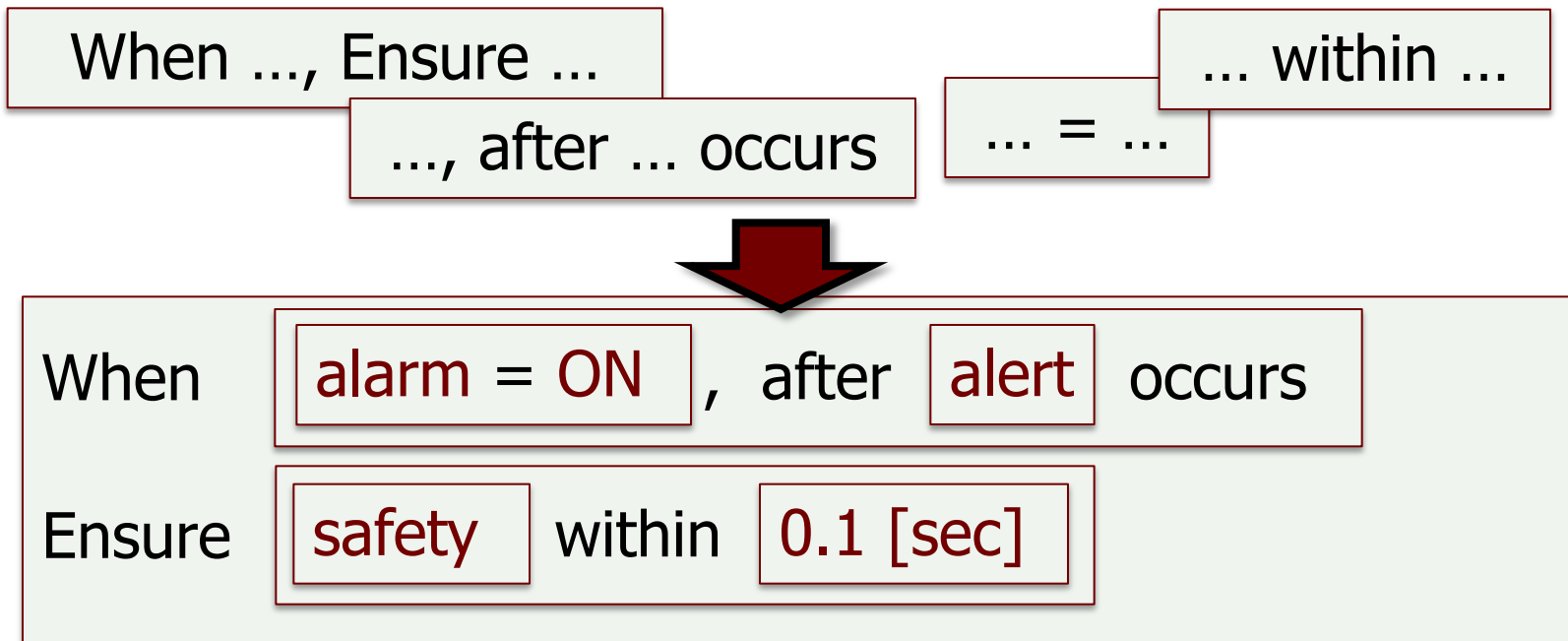
A végrehajtás során bármikor, ha **Request** kérés következik be, akkor vagy egy **Reply** vagy egy **Reject** válasznak kell következnie.

- Precedence minta After hatókörben:

A **NormalMode** állapot bekövetkezése után a **ResourceGranted** állapot csak akkor következhet be, ha ezt megelőzi **ResourceRequest** állapot.

# Egy jellegzetes megoldás

- Szöveges követelményminták használata
  - Kitölthető, paraméterezhető minták komponálása
  - Struktúrát áttekinthetőbbé teszi
  - A mintákhoz **formális szemantika** rendelhető



# Példa: A követelményminták szemantikája

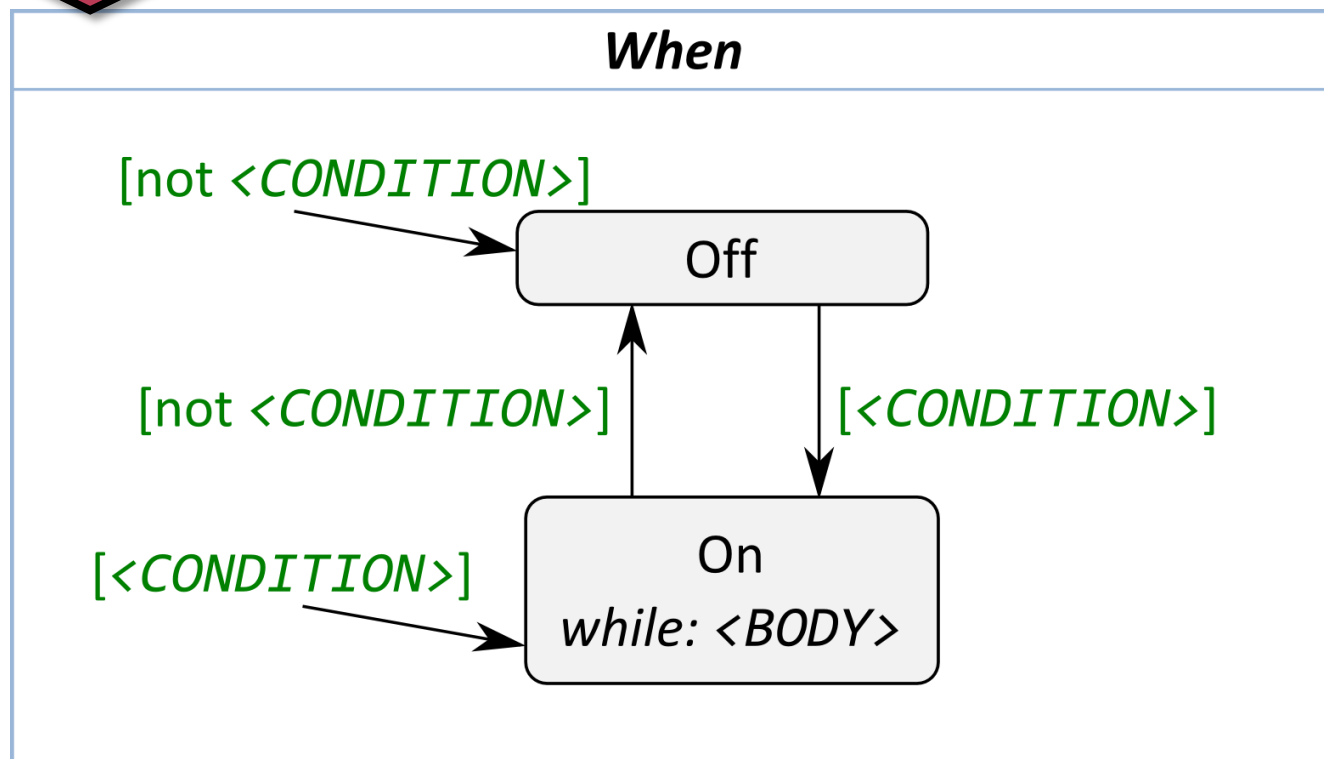
When *<CONDITION>*, Ensure *<BODY>*

=

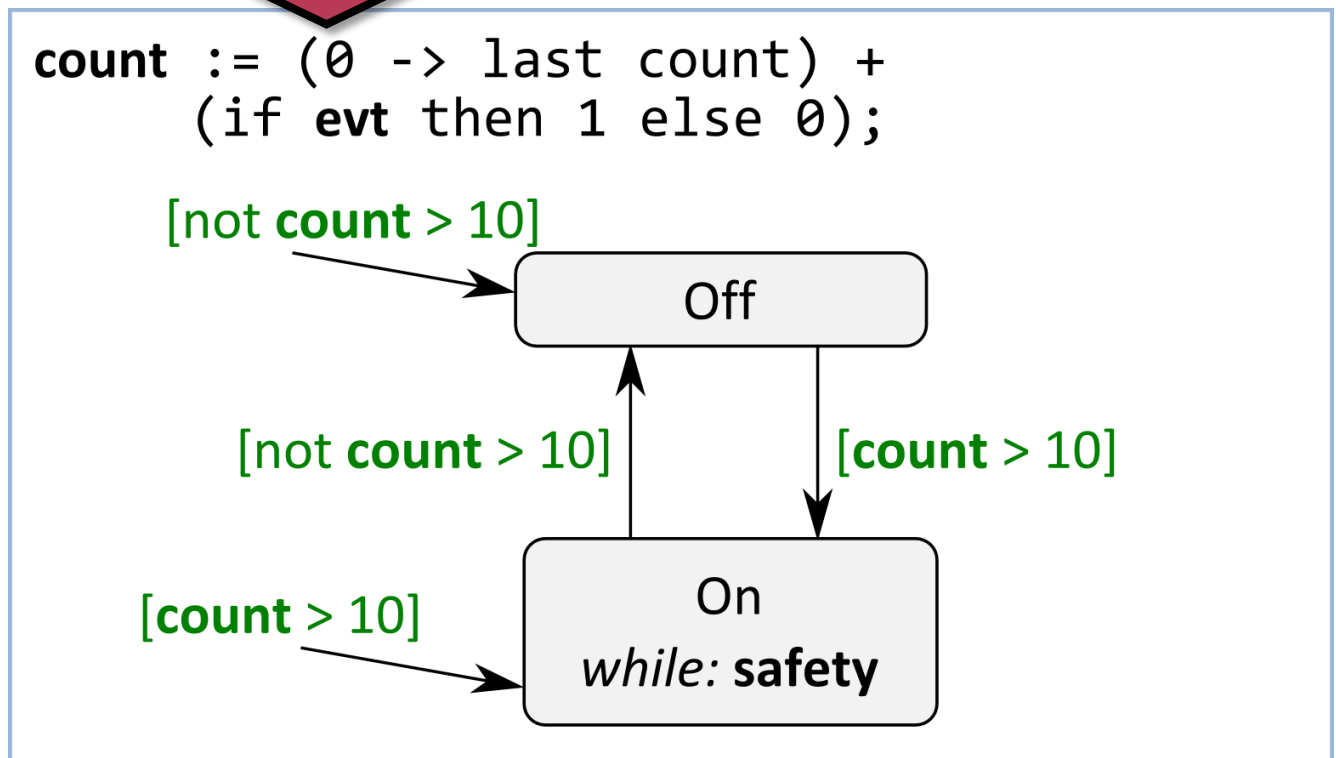
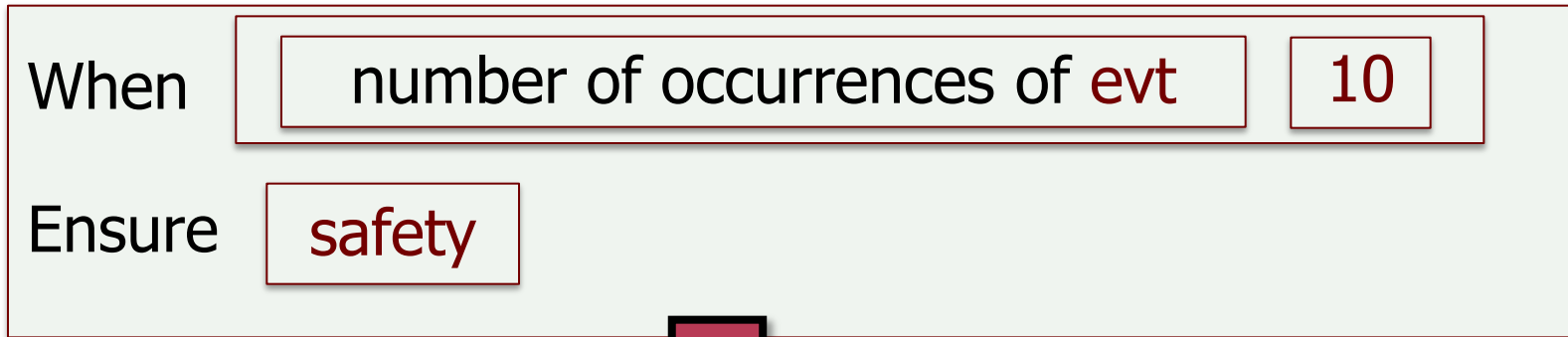
When *<CONDITION>* becomes true until it becomes false, do *<BODY>*



A blokkok szemantikáját itt egy-egy állapotgép írja le



# Példa: Kompozit minták szemantikája



# A formalizált követelmények felhasználása

- Követelmények validálása
  - A követelményeket kielégítő lefutások generálhatók
  - Minta lefutások kiértékelhetők a követelmények szerint (melyik követelmény teljesül?)
    - Tényleg azt rögzítettük, amire gondoltunk?
    - Teljes és ellentmondásmentes a követelmények halmaza?
- Formális verifikáció
  - Tervek (modellek) ellenőrzése
- Teszt kiértékelő („orákulum”) generálása
  - Implementáció ellenőrzése (teszt környezetben)
- Követelmények dokumentációja
  - Olvasható, de formális háttérrel rendelkező, validált

# Példa: Argosim Stimulus eszköz

The screenshot displays the Stimulus Editor 2015.1.0 interface. The main window shows a stimulus editor with the following requirements:

```
Safety Requirement: Drone Takeoff
When safetyOK , From commandFromUser , Ensure acknowledgeToUser is emitted once within 30 [second]
safetyOK := (accuracy <= 9 and GPSAccuracy <= 9) -> last safetyOK

Derived Requirements: TakeOff Procedure
From commandFromUser , Ensure switchToGuided is emitted immediately
When safetyOK , From acknowledgeGuided , Ensure armMotors is emitted immediately
```

The Stimulus Debugger 2015.1.0 window shows a simulation of a block. The graph plots Values (0 to 11) against Ticks (from simulation start, 50 to 150). The altitude signal (green line) fluctuates between approximately 5 and 10. The takeOff.detect signal (blue line) transitions from 0 to 10 at approximately tick 100. Other signals shown include commandFromUser, acknowledgeToUser, armMotors, acknowledgeGuided, acknowledgeArmed, takeOff, accuracy, switchToGuided, and acknowledgeT.

The System configuration panel on the right shows the following settings:

- System: Mobile\_Requirements
- Package: Drone
- ToolTip: Enter your comments...
- Black Box:
- Ports: in vocabulary +
- Ports list:
  - In: commandFromUser
  - In: acknowledgeToUser
  - altitude
  - GPSAccuracy
  - switchToGuided
  - acknowledgeGuided
  - armMotors
  - acknowledgeArmed
  - takeOff
  - accuracy



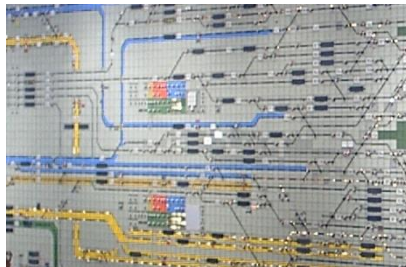
# Tanulságok

- Követelmények többsége jellegzetes mintákra illeszkedik
  - Ha ... akkor ..., Amíg ... addig ..., Ha ..., azután ...
  - Előfordulás, sorrendezés eseményekre (állapotokra)
- Az összetett követelmények egyszerűbb mintákból komponálhatók
  - Paraméterezés: Egy-egy esemény, állapot jellemzői
  - Egymásba ágyazás
- A minták formalizálása sokat segít
  - Követelmények vizsgálata: Validáció, teljesség, konzisztencia
  - Tervek (modellek) ellenőrzése: Lefutások kimerítő vizsgálata
  - Teszt kiértékelés, futásidőbeli monitorozás komponensei generálhatók

# Temporális követelmények

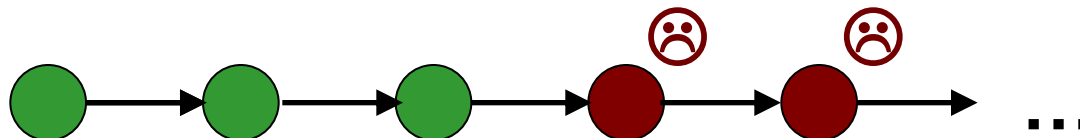
# Milyen jellegű követelményeket formalizálunk?

- Verifikáció: Modell  $\leftrightarrow$  Sokféle követelmény
  - Funkcionális: Logikailag helyes a működés      <- Most ez a célunk
  - Extra-funkcionális: Teljesítmény, megbízhatóság, ...      <- Később
- Célkitűzés: **Állapotok elérhetőségének ellenőrzése**
  - Rendszer(modell): **Állapotok lokális tulajdonságait ismerjük**
    - Állapot neve, állapotváltozók értéke, működési mód, ...
  - Követelmények: **Állapotok bekövetkezési sorrendjét vizsgáljuk**
    - Eljuthatunk-e kedvező állapotba?      -> Élő jellegű követelmények
    - Elkerüljük-e a kedvezőtlen állapotokat?      -> Biztonsági követelményekEzek az állapottér **teljes felderítésével** ellenőrizhetők!
- Fontos állapot alapú, eseményvezérelt rendszerekben



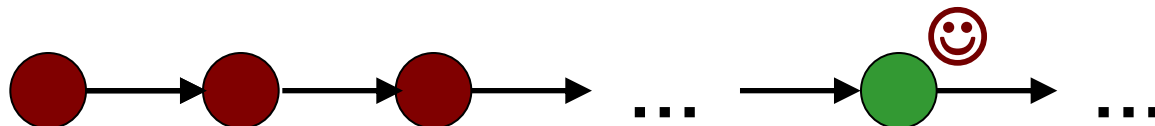
# „Biztonsági” jellegű követelmények

- **Veszélyes helyzetek elkerülését írják elő:**
  - „Minden állapotban kisebb a nyomás a kritikusnál.”
  - „A préggép csak lecsukott ajtó mellett üzemelhet.”
- **Informatikai példák:**
  - Holtpontmentesség: „Nincs holtpont”
  - Kölcsönös kizárás: „Nincs több processz a kritikus szakaszban”
  - Adatbiztonság: „Nincs jogosulatlan hozzáférés”
- **Univerzális tulajdonság az elérhető állapotokon:**
  - „Minden elérhető állapotban igaz, hogy ...”
  - Invariánst fogalmazznak meg
- **Ha egy állapotsorozat nem teljesíti:  
nem is egészíthető ki úgy, hogy teljesítse**



# „Élő” jellegű követelmények

- **Kívánatos helyzetek** elérését írják elő
  - „Az indítás után a présgép kiadja az elkészült terméket.”
  - „A zavarás után a folyamat visszakerül stabil állapotba.”
- **Informatikai példák:**
  - „A kérés kiszolgálása megtörténik”
  - „Elküldött üzenet megérkezik”
  - „A processz kimenetén megjelenik a várt érték”
- **Egzisztenciális tulajdonság az elérhető állapotokon**
  - „Létezik (elérhető) olyan állapot, hogy ...”
  - Bekövetkezést írnak elő
- Ha egy állapotsorozat nem teljesíti:  
elvileg kiegészíthető úgy, hogy teljesítse



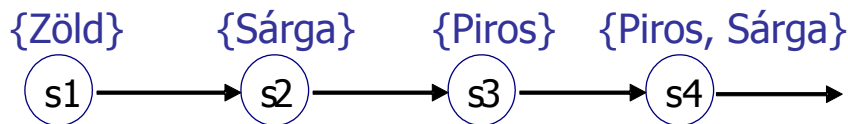
# Milyen leíró nyelvre van szükségünk?

- **Elérhetőség: Állapotok bekövetkezésére, állapotok sorrendjére vonatkozik**
  - **Bekövetkezési sorrend: Megfeleltethető a logikai időnek**
    - Jelen időpillanat: Aktuális állapot
    - Következő időpillanat(ok): Rákövetkező állapot(ok)
  - **Temporális (logikai időbeli, sorrendi) operátorok használhatók a követelmények kifejezésére**
- **Temporális logikák:**
  - Formális rendszer arra, hogy kijelentések igazságának logikai időbeli változását vizsgálhassuk
  - Temporális operátorok: „mindig”, „valamikor”, „mielőtt”, „addig, amíg”, „azelőtt, hogy”, ...  
(megfelelnek a jellegzetes követelmény-mintáknak)

# Temporális logikák osztályozása

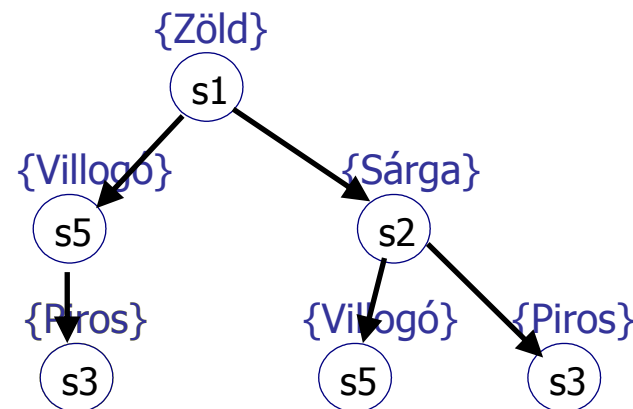
- **Lineáris:**

- A modell **egy-egy** végrehajtását (lefutását) tekintjük
- Minden állapotnak egy rákövetkezője van
- Logikai idő egy **idővonal** mentén (**állapotsorozat**)



- **Elágazó:**

- A modell **minden** lehetséges végrehajtását tekintjük
- Az állapotoknak több rákövetkezője lehet
- Logikai idő **elágazó** idővonalak mentén jelenik meg (**számítási fa**)



# Temporális logikák

Hol értelmezhetjük a temporális logikákat?

- Célitűzés: Állapottér vizsgálata

Legegyszerűbb matematikai modell: Kripke-struktúra

- Állapotok lokális tulajdonságait címkézéssel vezettük be

$KS = (S, R, L)$  és  $AP$ , ahol

$AP = \{P, Q, R, \dots\}$  atomi kijelentések halmaza (domén-specifikus)

$S = \{s_1, s_2, s_3, \dots, s_n\}$  állapotok halmaza

$R \subseteq S \times S$ : állapotátmeneti reláció

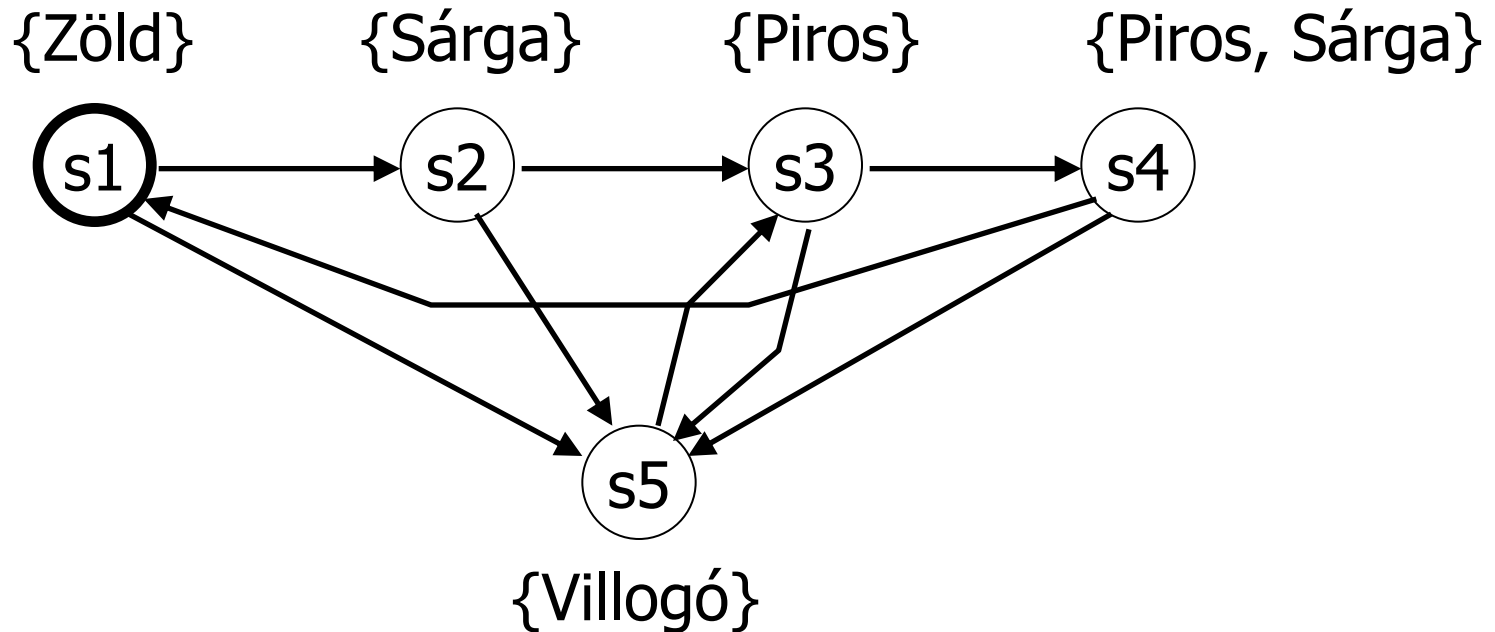
$L: S \rightarrow 2^{AP}$  állapotok címkézése atomi kijelentésekkel



# Kripke-struktúra példa

## Közlekedési lámpa vezérlője

- $AP = \{\text{Zöld}, \text{Sárga}, \text{Piros}, \text{Villogó}\}$
- $S = \{s1, s2, s3, s4, s5\}$

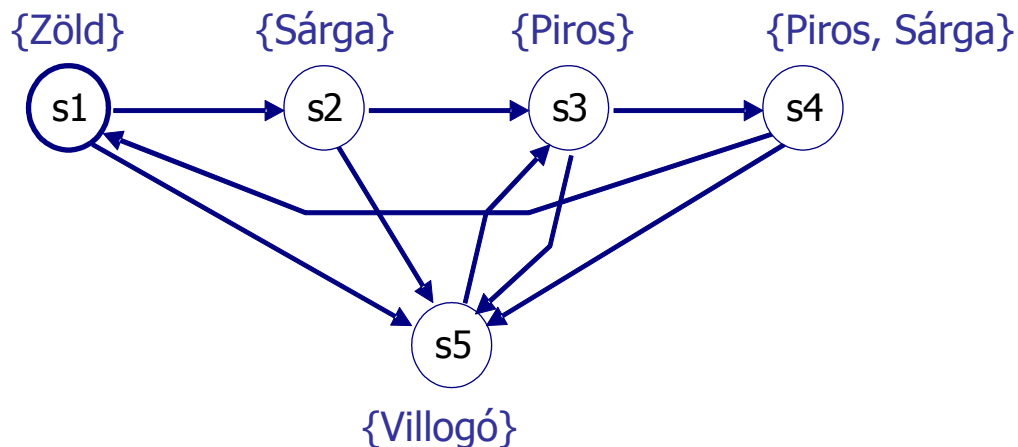


# Lineáris idejű temporális logika: PLTL

# Lineáris idejű temporális logikák

- A Kripke-struktúra egy-egy útvonalán értelmezhetők
  - Egy-egy „lefutás” (pl. egy konkrét bemenet hatására)

A modell (KS):



Egy útvonal (állapotsorozat):



# PLTL: Egy lineáris idejű temporális logika

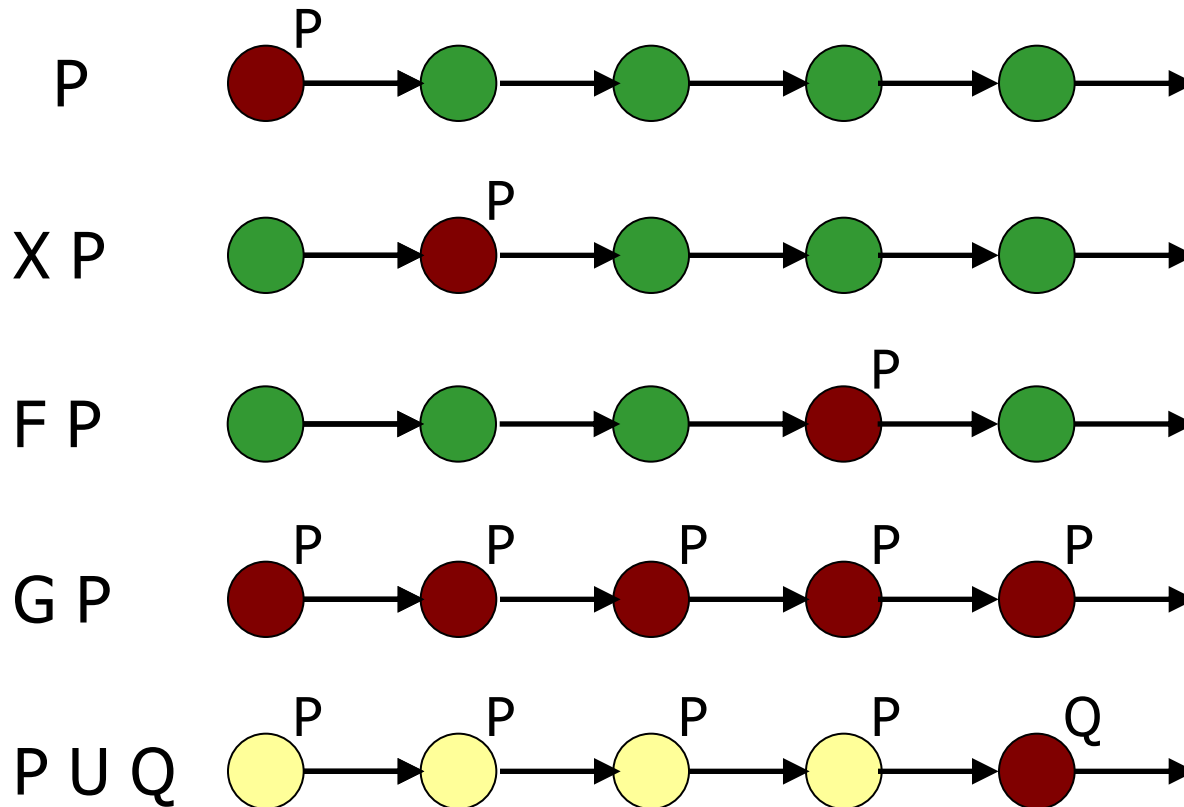
PLTL (Propositional Linear Time Temporal Logic)

$p, q, r, \dots$  kifejezések konstruálása:

- Atomi kijelentések (AP elemei):  $P, Q, \dots$
- Boole logikai operátorok:  $\wedge, \vee, \neg, \Rightarrow$   
 $\wedge$ : És,  $\vee$ : Vagy,  $\neg$ : Negálás,  $\Rightarrow$ : Implikáció
- Temporális operátorok:  $X, F, G, U$  informálisan:
  - $X p$ : „next  $p$ ”, a következő állapotban igaz lesz  $p$
  - $F p$ : „Future  $p$ ”, egy elérhető állapotban igaz lesz  $p$
  - $G p$ : „Globally  $p$ ”, minden elérhető állapotban igaz lesz  $p$
  - $p U q$ : „ $p$  Until  $q$ ”, egy elérhető állapotban igaz lesz  $q$ , és addig minden állapotban igaz  $p$

# PLTL temporális operátorok

Kripke-struktúra egy útvonalán (idővonalán):



# PLTL példák I.

- $p \Rightarrow Fq$

Ha a kiindulási állapotra  $p$  igaz, akkor valamikor (egy későbbi állapotra)  $q$  is igaz lesz.

- Példa:  $\text{Start} \Rightarrow F \text{End}$

- $G(p \Rightarrow Fq)$

Minden állapotra fennáll, hogy ha  $p$  igaz, akkor valamikor  $q$  is igaz lesz.

- Példa:  $G(\text{Request} \Rightarrow F \text{Reply})$   
bármikor kiadott kérésre válasz érkezik

- $p U (q \vee r)$

A kezdőállapotból  $p$  fennáll, amíg  $q$  vagy  $r$  igaz nem lesz.

- Példa:  $\text{Requested} U (\text{Accept} \vee \text{Refuse})$   
folyamatos kérést válasz vagy elutasítás követ

- $(p \wedge G(p \Rightarrow Xp)) \Rightarrow Gp$

A matematikai indukció leírása: Mindig teljesül

# PLTL példák II.

- GF p

Minden állapotra igaz, hogy ebből indulva valamikor p igaz lesz.

- Nem találunk olyan állapotot, ami után p tulajdonságú állapot ne lenne elérhető.
- Példa: GF Start  
minden állapotból kezdőállapotba vihető a rendszer

- FG p

Valamikor olyan állapotba kerül a rendszer, hogy azontúl p folyamatosan igaz lesz.

- Példa: FG Normal  
a kezdeti tranziens után a Normal tulajdonságú üzemi állapotokba kerül a rendszer

# Követelmények formalizálása: Példa

Adott egy klímaberendezés, aminek a következő üzemmódokat kell biztosítania:

AP={Kikapcsolva, Bekapcsolva, Elromlott, GyengénHűt, ErősenHűt, Fűt, Szellőztet}

- Egy-egy állapothoz több címke tartozhat!
  - Pl. {Bekapcsolva, Szellőztet}
- A követelmény formalizálás fázisában a teljes viselkedést még nem feltétlenül ismerjük
  - Csak címkével ellátott állapotokat tételezünk fel



# Példa (folytatás)

AP={Kikapcsolva, Bekapcsolva, Elromlott, GyengénHűt, ErősenHűt, Fűt, Szellőztet}

- A klíma bekapcsolható (be is fogják kapcsolni):  
F (Bekapcsolva)
- A klíma előbb-utóbb mindig elromlik:  
G F (Elromlott)
- Ha a klíma elromlik, mindig megjavítják:  
G (Elromlott  $\Rightarrow$  F ( $\neg$ Elromlott))
- Ha a klíma elromlott, nem fűthet:  
G ( $\neg$ (Elromlott  $\wedge$  Fűt))

# Példa (folytatás)

AP={Kikapcsolva, Bekapcsolva, Elromlott, GyengénHűt, ErősenHűt, Fűt, Szellőztet}

- A klíma csak úgy romolhat el, ha be volt kapcsolva:

$G ( X \text{ Elromlott} \Rightarrow \text{Bekapcsolva} )$

- A fűtési fázis befejezésekor szellőztetni kell:

$G ((\text{Fűt} \wedge X(\neg\text{Fűt})) \Rightarrow X (\text{Szellőztet}))$

de el is romolhat:

$G ((\text{Fűt} \wedge X(\neg\text{Fűt})) \Rightarrow X (\text{Szellőztet} \vee \text{Elromlott}))$

- Szellőztetés után mindaddig nem hűthet erősen, míg egy gyenge hűtéssel nem próbálkozott:

$G ((\text{Szellőztet} \wedge X(\neg\text{Szellőztet})) \Rightarrow X(\neg\text{ErősenHűt} \cup \text{GyengénHűt}))$

# PLTL nyelv formális kezelése

- Az eddigiek csak informális bevezetést adtak  
Kérdések vetődhetnek fel:
  - $F p$  igaz-e, ha  $p$  rögtön az első állapotban igaz?
  - $p U q$  igaz-e, ha  $q$  az első állapotban igaz?
- Az automatikus ellenőrzést is lehetővé tevő precíz megadáshoz szükséges:
  - Formális szintaxis szabályok:  
Mik az érvényes PLTL kifejezések?
  - Formális szemantika szabályok:  
Adott modellen mikor igaz egy PLTL kifejezés?

# PLTL formális szintaxis

Az érvényes PLTL kifejezések halmaza a következő szabályokkal képezhető:

- **L1:** Minden  $P$  atomi kijelentés egy kifejezés.
- **L2:** Ha  $p$  és  $q$  egy-egy kifejezés, akkor  $p \wedge q$  illetve  $\neg p$  is
- **L3:** Ha  $p$  és  $q$  egy-egy kifejezés, akkor  $p \cup q$  illetve  $X p$  is

Operátorok precedenciája növekvő sorrendben:

$\equiv, \Rightarrow, \vee, \wedge, \neg, (X, U)$

# „Kimaradt” operátorok

- **true** minden állapotra igaz („beépített”)  
**false** egy állapotra sem igaz

- $p \vee q$  jelentése  $\neg((\neg p) \wedge (\neg q))$

$p \Rightarrow q$  jelentése  $(\neg p) \vee q$

$p \equiv q$  jelentése  $(p \Rightarrow q) \wedge (q \Rightarrow p)$

- **F**  $p$  jelentése  $\text{true} \cup p$

**G**  $p$  jelentése  $\neg F(\neg p)$

- „Mielőtt” operátor (before):

$p \text{ WB } q = \neg((\neg p) \cup q)$  (weak before)

$p \text{ B } q = \neg((\neg p) \cup q) \wedge F q$  (strong before)

Informálisan:

Nem igaz, hogy nem fordul elő  $p$  a  $q$  előtt

# PLTL szemantika: Jelölések

- $M = (S, R, L)$  Kripke-struktúra
- $\pi = (s_0, s_1, s_2, \dots)$  az  $M$  egy útvonala, ahol  $s_0$  a kezdőállapot és  $\forall i \geq 0: (s_i, s_{i+1}) \in R$ 
  - $\pi^i = (s_i, s_{i+1}, s_{i+2}, \dots)$  a  $\pi$  útvonal szuffixe  $i$ -től
- $M, \pi \models p$  jelöli:  
az  $M$  modellben a  $\pi$  útvonalon igaz  $p$

A PLTL szemantikája megadja, hogy mikor igaz egy adott útvonalon egy adott PLTL kifejezés.

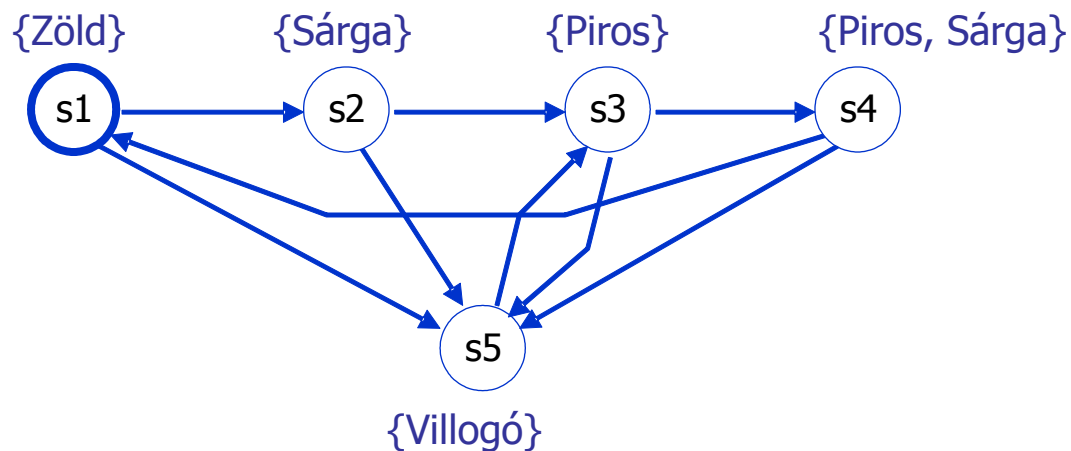
# PLTL szemantika

A szintaxis szabályok alapján képzett kifejezésekhez induktívan (a kifejezés felépítése szerint) megadható a formális szemantika:

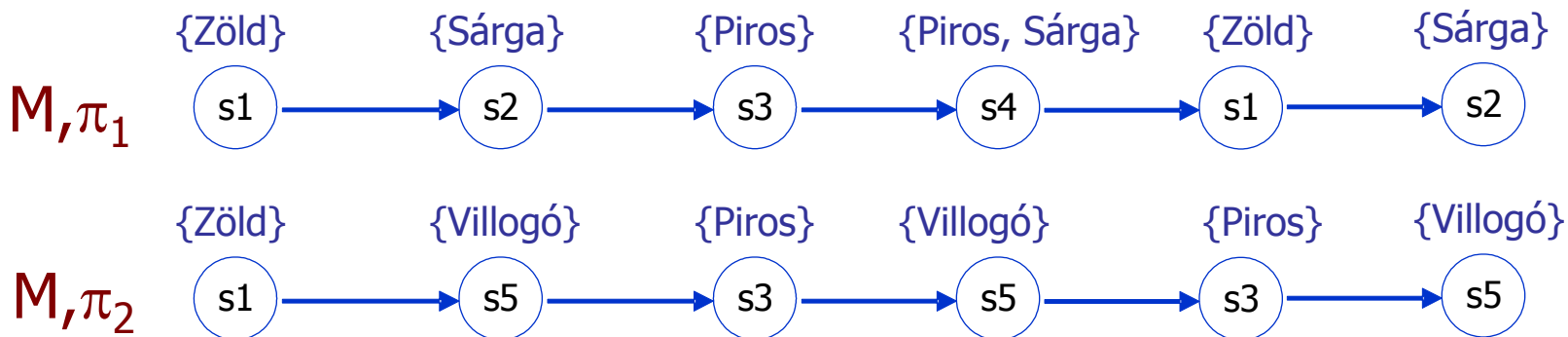
- **L1:**  $M, \pi \models P$  a.cs.a.  $P \in L(s_0)$
- **L2:**  $M, \pi \models p \wedge q$  a.cs.a.  $M, \pi \models p$  és  $M, \pi \models q$   
 $M, \pi \models \neg q$  a.cs.a.  $M, \pi \models q$  nem igaz.
- **L3:**  $M, \pi \models (p \cup q)$  a.cs.a.  
 $\exists j \geq 0 : (\pi^j \models q \text{ valamint } \forall 0 \leq k < j : \pi^k \models p)$   
 $M, \pi \models X p$  a.cs.a.  $\pi^1 \models p$

# PLTL kifejezések értelmezése: Példák

- **M** Kripke-struktúra:

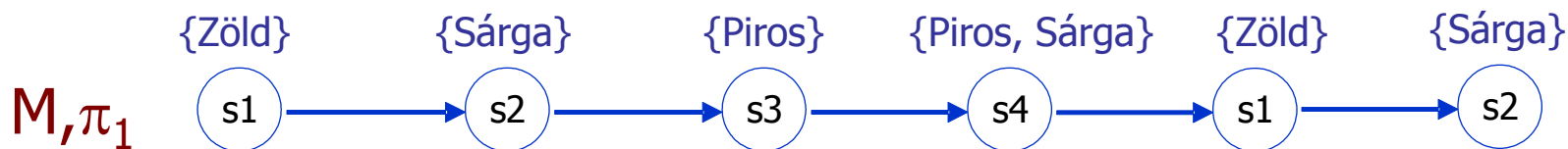


- Útvonalak:



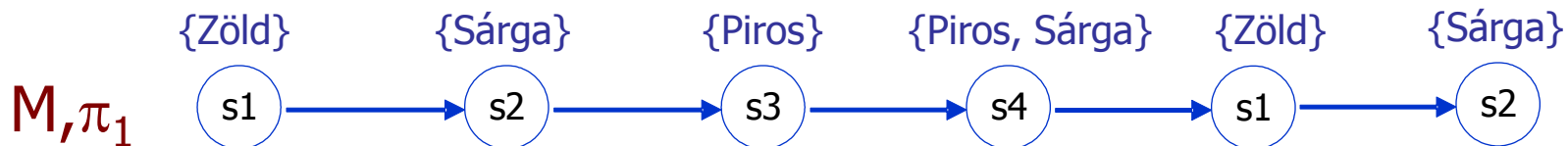


# Példák (folytatás)

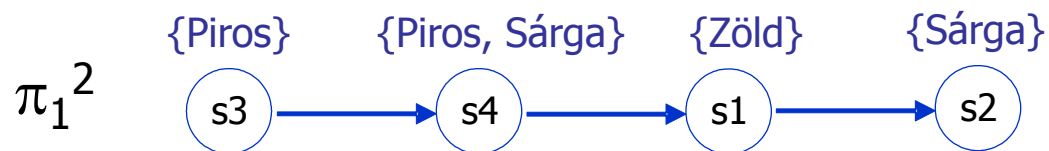


- $M, \pi_1 \models \text{Zöld}$ , mert Zöld a kezdőállapot címkéje
- $\text{Piros}$  nem igaz  $M, \pi_1$  esetén, mert nem Piros a kezdőállapot címkéje
- $\text{Zöld} \cup \text{Piros}$  nem igaz  $M, \pi_1$  esetén, mert a Sárga közbeszól
- $M, \pi_1 \models \text{F Piros}$ , mert elérhető olyan állapot, ahol Piros a címke, Pontosabban: Van olyan szuffix, amely esetén Piros a kezdőállapot címkéje.

# Példák (folytatás)

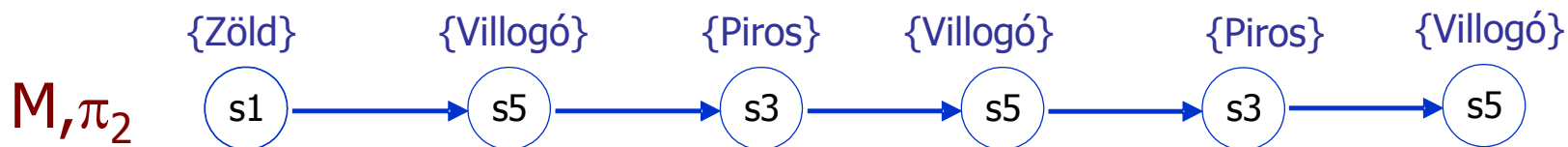


- $M, \pi_1 \models F(\text{Piros} \cup \text{Zöld})$  igaz, mert van olyan szuffix, amire teljesül a  $(\text{Piros} \cup \text{Zöld})$ :

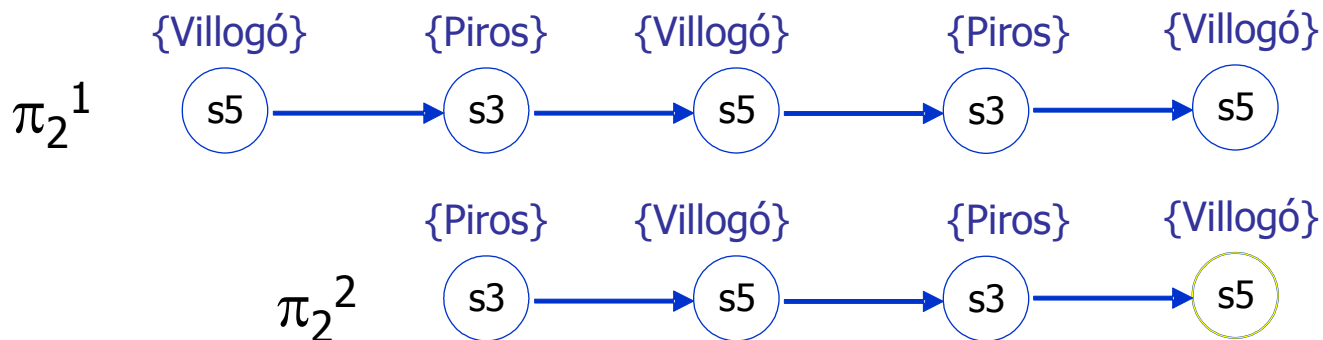


- Sőt,  $F(\text{Piros} \cup \text{Zöld})$  már a  $\pi_1$  lefutásra teljesül

# Példák (folytatás)

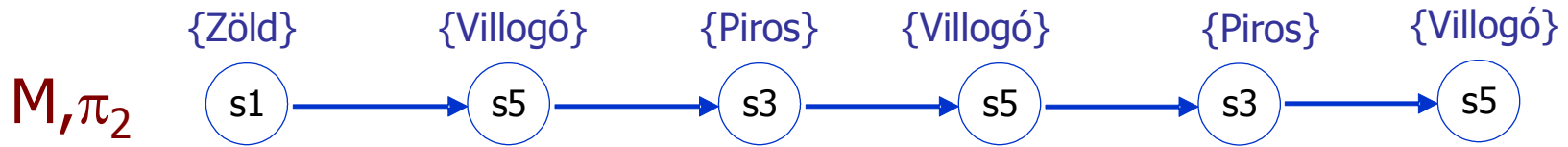


- $M, \pi_2 \models F(\text{Villogó} \Rightarrow X \text{ Piros})$ ,  
mert van olyan szuffix, hogy  $\text{Villogó} \Rightarrow X \text{ Piros}$  igaz

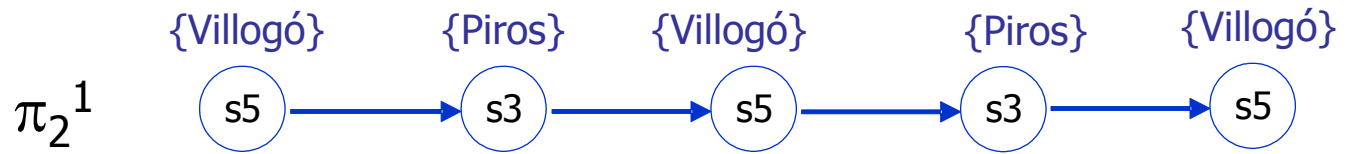


- De ez is teljesül már a  $\pi_2$  lefutásra is

# Példák (folytatás)



- $M, \pi_2 \models X F (XX \text{ Piros})$ , mert az első szuffixe:



$F (XX \text{ Piros})$  teljesül, mert  $\pi_2^1$ -nek van olyan szuffixe, ahol  $XX \text{ Piros}$  igaz:



# PLTL modell kiterjesztése LTS-re

- LTS, Labeled Transition System
- Állapotátmenetek címkézhetők egy-egy ún. akcióval, egy átmeneten csak egy akció szerepelhet
- Állapotátmenetek tulajdonságait fejezzük ki

$LTS = (S, Act, \rightarrow)$ , ahol

$S = \{s_1, s_2, \dots, s_n\}$  állapotok halmaza

$Act = \{a, b, c, \dots\}$  akciók (címkék) halmaza

$\rightarrow \subseteq S \times Act \times S$  címkézett állapotátmenetek

Állapotátmenetek szokásos jelölése:  $s_1 \xrightarrow{a} s_2$

# PLTL értelmezése LTS-en

A struktúra bővülése miatt az útvonal:

- $\pi = (s_0, a_1, s_1, a_2, s_2, a_3, \dots)$

A szintaxis módosítása:

- **L1\***: Ha  $a$  egy akció, akkor  $(a)$  egy PLTL kifejezés.

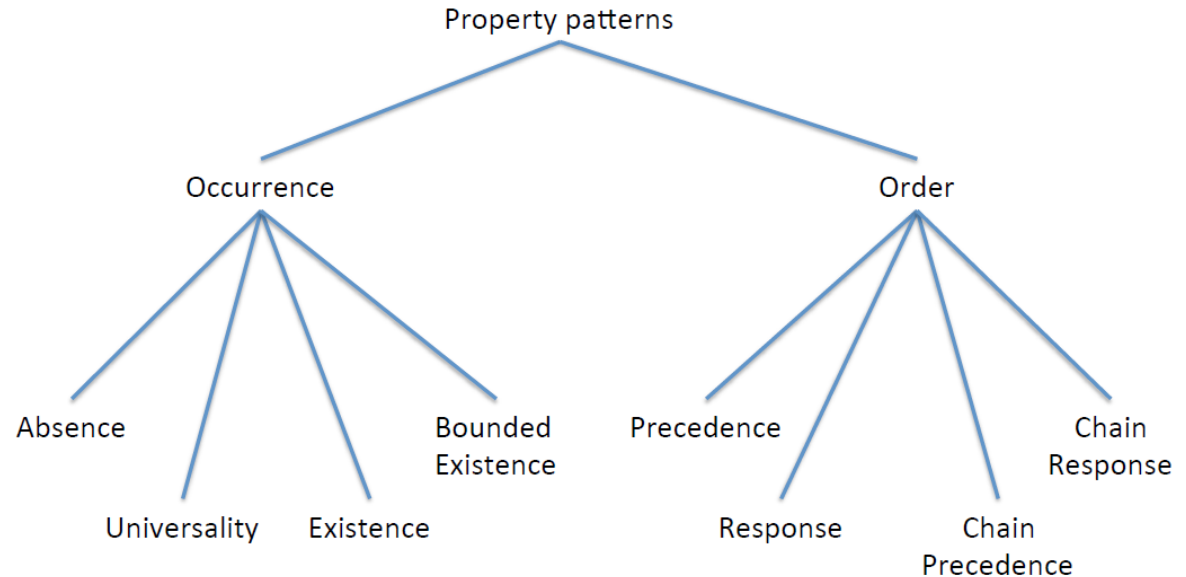
A kapcsolódó szemantikai szabály:

- **L1\***:  $M, \pi \models (a)$  a.cs.a.  $a_1 = a$   
ahol  $a_1$  az első akció  $\pi$ -ben.

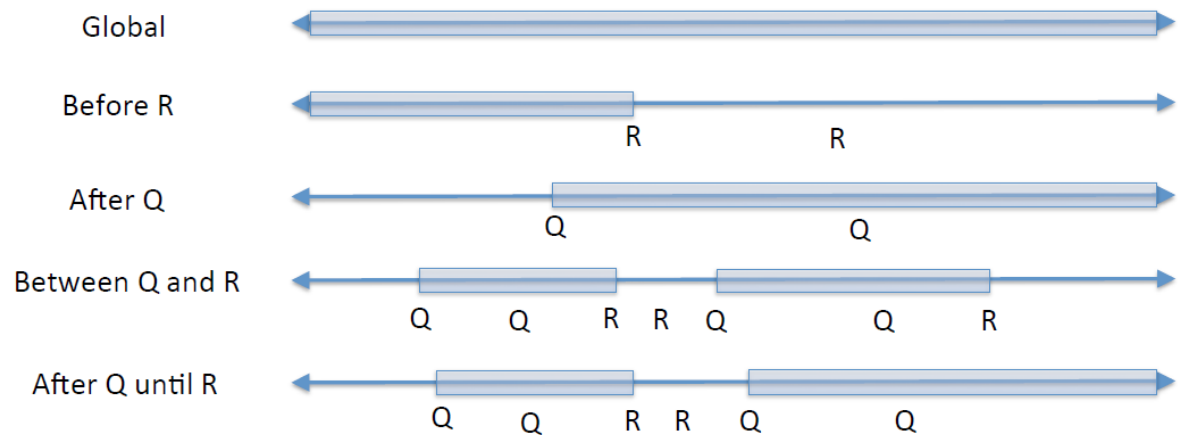
Ilyen módon üzenetküldéssel kommunikáló rendszerek tulajdonságai is megfogalmazhatók.

# Mivel kezdtük: Jellegzetes követelményminták

Minták:  
Sorrendi  
előírások



Hatókörök:  
További  
eseményekhez  
képest



# Követelményminták formalizálása (példák)

<b>Universality within scope</b>	<b>Property in LTL</b>
P occurs in each step of the execution <b>globally</b> .	$G P$
P occurs in each step of the execution <b>before Q</b> .	$F Q \rightarrow (P U Q)$
P occurs in each step of the execution <b>after Q</b> .	$G(Q \rightarrow G P)$
P occurs in each step of the execution <b>between Q and R</b> .	$G((Q \wedge \neg R \wedge F R) \rightarrow (P U R))$

<b>Existence within scope</b>	<b>Property in LTL</b>
P occurs in the execution <b>globally</b> .	$F P$
P occurs in the execution <b>before Q</b> .	$\neg Q WU (P \wedge \neg Q)$
P occurs in the execution <b>after Q</b> .	$G (\neg Q) \vee F (Q \wedge F P)$
P occurs in the execution <b>between Q and R</b> .	$G((Q \wedge \neg R \wedge F R) \rightarrow (\neg R WU (P \wedge \neg R)))$



# Szöveges követelmények formalizálása (példák)

Ha  $\alpha$  és  $\beta$  igaz, akkor  $\alpha$ -nak igaznak kell maradnia mindaddig, amíg  $\beta$  is igaz.

$$\mathbf{G}((\alpha \wedge \beta) \rightarrow (\alpha \mathbf{U} \neg\beta))$$

Ha az alarm be van kapcsolva és alert történik, a safety kimenet legyen igaz, amíg az alarm be van kapcsolva.

$$\mathbf{G}((\text{alarm} = \text{ON} \wedge \text{alert}) \rightarrow \mathbf{X}(\text{safety} \mathbf{U} \neg\text{alarm}))$$

# PLTL összefoglalás

- Követelmények megfogalmazása
- Temporális logikák
  - Lineáris idejű temporális logikák
  - Elágazó idejű temporális logikák
- PLTL
  - Operátorok
  - Formális szintaxis
  - Formális szemantika
- PLTL kifejezések értelmezése
- Követelmények formalizálása